

# استكشاف البيانات

نظريات وخوارزميات وأمثلة



تأليف: د. نونغ يي

راجع الترجمة د. صالح بن محمد السليم ترجمة د. خالد بن ناصر آل حيان







# **استكشاف البيانات** نظريات وخوارزميات وأمثلة

تأليف د.نونغ يي

ترجمة د. خالد بن ناصر آل حيان

راجع الترجمة د. صالح بن محمد السليم

27.17 - A184V

#### بطاقة فهرسة

معهد الإدارة العامة، ١٤٣٧هـ
 فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر

ىپى ، ئونغ

استكشاف البيانات: نظريات وخوارزميات

وأمثلة / نونغ يي؛ خالد بن ناصر آل حيان، صالح

بن محمد السليم - الرياض ، ١٤٣٧هـ

۵۰۶ ص؛ ۲۴ x ۱۷ س

ردمك: ۲-۲۶۶-۱۶-۰

١- الخوارزمية (رياضيان

حيان، خالد بن ناص

بن محمد (مراجع) ج- العنوان

ديوي: ۱٤٣٧/٤٨٤٩ ٠٠٥,١٢

رقم الإيداع: ١٤٣٧/٤٨٤٩

ردمــــك: ۲-۲۶۲-۱۶-۹۹۳۰

## هذه ترجمة لكتاب

## Data Mining Theories, Algorithms, and Examples

#### © 2014 by Taylor & Francis Group, LLC

ماتلاب (@MATLAB) هي علامة تجارية لشركة ماثووركس (MathWorks) ويتم استخدامها بتصريح. إن شركة ماثووركس غير مسئولة عن دقة النص أو التمارين الموجودة في هذا الكتاب. وإن استخدام هذا الكتاب أو البحث في برمجيات ماتلاب أو المنتجات ذات الصلة لا يشكل موافقة أو رعاية من قبل ماثووركس لنهج تعليمي معين أو استخدام معين لبرمجيات ماتلاب.

سي آر سي (CRC) للطباعة: مجموعة تايلور و فرانسيس (CRC) للطباعة: مجموعة تايلور و فرانسيس (CRC) مدينة بوكا راتون ، فلوريدا CRC CRC CRC جميع الحقوق محفوظة لمجموعة تايلور وفرانسيس CRC ، شركة ذات مسئولية محدودة

سي ارسي للطباعة هي فرع من مجموعة تايلور وفرانسيس، مجموعة أعمال انفورما ليس من حق أي جهة المطالبة بأعمال الحكومة الأمريكية الأصلية

رقم الكتاب المعياري الدولي ٢٠١٣٠٦٢٤ - المعايير الدولية للكتاب رقم : ٩٧٨-١-٩٧٨ (غلاف سميك )

يحتوي هذا الكتاب على معلومات تم الحصول عليها من مصادر موثوق بها ولها تقدير كبير. لقد تم بذل جهود لنشر بيانات ومعلومات موثوق بها ، ولكن المؤلف والناشر لا يحكن ان يتحملا صحة جميع المواد المنشورة أو نتائج استخدامها. ولقد حاول المؤلفون والناشرون تتبع اصحاب حقوق الطبع لجميع المواد المعاد نشرها في هذا الكتاب والاعتذار لحاملي حقوق الطبع والنشر إذا لم يتم الحصول على إذن للنشر. إذا لم يتم التنويه عن أي حقوق طبع أو نشر، الرجاء الكتابة لنا و تعريفنا حتى نتدارك ذلك في أي إعادة طبع مستقبلاً.

باستثناء ما هو مسموح به موجب قانون حقوق النشر الأمريكي، لا يسمح بإعادة طبع أو إعادة انتاج أو نقل أو استخدام أي جزء من هذا الكتاب بأي شكل وبأي وسيلة إلكترونية أو ميكانيكية ، أو أي وسيلة أخرى معروفة الآن أو فيما بعد اختراعها ، مما في ذلك التصوير والميكروفيلم والتسجيل أو في أي نظام تخزين أو استرجاع معلومات ، بدون إذن كتابي من الناشرين.

للحصول على إذن لتصوير أو استخدام أي مادة من هذا الكتاب إلكترونياً، يرجى الدخول للموقع (www.copyright.com) أو الاتصال مركز تخليص حقوق الطبع والنشر المتحد

( CCC ) ۲۲۲ رووزوورد درايف، دانفرز، أم أي ۱۹۲۳٬۹۷۸ رووزوورد درايف، دانفرز، أم أي ۲۲۲٬۹۷۸ ( CCC ) دروزوورد درايف دانتي توفر التراخيص والتسجيل لمجموعة متنوعة من المستخدمين. المنظمات التي تم منحها ترخيص بالتصوير من قبل CCC، لديها نظام دفع منفصل تم الترتيب له.

إشعار العلامة التجارية: إن أسماء المنتج أو الشركة قد تكون علامات تجارية أو علامات تجارية مسجلة، ويتم استخدمها فقط للتحديد والتفسير من دون قصد التعدي قم بزيارة الموقع الإلكتروني لتايلور وفرانسيس على الرابط:

http://www.taylorandfrancis.com

و موقع سي آر سي (CRC) للنشر http://www.crcpress.com



## جدول المحتويات

11	فهرس الجداولفهرس الجداول
۱۷	فهرس الأشكالفهرس الأشكال
۲۱	فهرس التمارينفهرس التمارين
4٤	
۲۸	شكر وتقدير
۲۸	المؤلفة في سطور
49	الجزء الأول: نظرة عامة على استكشاف البيانات
۳۱	١- مقدمة عن البيانات، وأنماط البيانات، واستكشاف البيانات
۳۱	١-١ أمثلة عن مجموعات البيانات الصغيرة
٣٦	١-٢ أنواع متغيرات البيانات
٣٦	١-٢-١ متغير الخاصية مقابل المتغير الهدف
13	١-٢-٢ المتغير النوعي مقابل المتغير الرقمي
٤٢	٣-١ أغاط البيانات التي يمكن استنباطها من خلال استكشاف البيانات
۲3	١-٣-١ أنماط التصنيف والتنبؤ
٤٧	١-٣-٢ أغاط الاقتران وأغاط العنقود
٤٩	٣-٣-١ أغاط اختزال البيانات
01	١-٣-٤ الأغاط المتطرفة والشاذة
70	١-٣-٥ الأنماط الزمنية والتسلسلية
90	١-٤ البيانات التدريبية والبيانات الاختبارية
00	التمارين
٥٧	الجزء الثاني: خوارزميات لاستكشاف أغاط التصنيف والتنبؤ
٥٩	٢- نماذج الانحدار الخطية وغير الخطية
09	١-٢ غاذج الانحدار الخطي
77	٢-٢ طريقة المربعات الصغرى وطريقة الإمكان الأكبر لتقدير المعلمة

٦٩	٣-٢ نماذج الانحدار غير الخطية وتقدير المعلمة
۷۱	٢-٤ البرمجيات والتطبيقات
٧١	التمارين
٧٠	٣- مُصنَّف بييز البسيط
٧٣	۱-۳ نظریة بییز
	٣-٣ التصنيف القائم على نظرية بييز ومصنّف بييز البسيط
	٣-٣ البرمجيات والتطبيقات
۸۰ _	التمارين
۸۱	٤- أشجار القرار والانحدار
۸۱	١-٤ تعلُّم شجرة القرار الثنائية وتصنيف البيانات باستخدام شجرة القرار
	٤-١-١ عناصر شجرة القرار
	٤-١-٢ شجرة القرار ذات طول الوصف الأصغر
	٤-١-٣ طرق انتقاء الانفصال
	٤-١-٤ خوارزمية بناء شجرة القرار من أعلى إلى أسفل
	٤-١-٥ تصنيف البيانات باستخدام شجرة القرار
۱۰۳ _	٢-٤ تعلُّم شجرة القرار غير الثنائية
	٤-٣ التعامل مع القيم الرقمية والقيم المفقودة لمتغيرات الخاصية
11Y	٤-٤ التعامل مع متغير الهدف الرقمي وبناء شجرة الانحدار
۱۱۳	٤-٥ مزايا وعيوب خوارزمية شجرة القرار
۸۱۸	٤-٦ البرمجيات والتطبيقات
119	التمارين
171	٥- الشبكات العصبية الصناعية للتصنيف والتنبؤ
171	٥-١ وحدات المعالجة للشبكات العصبية الصناعية
۲۹	٥-٢ معماريات الشبكات العصبية الصناعية

	٥-٣ طرق تحديد أوزان الروابط في الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية
148	الامامية احادية الطبقة
	١-٣-٥ الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة
371	(Perceptron)
140	٥-٣-٢ خصائص وحدة المعالجة
127	٥-٣-٣ الأسلوب البياني لتحديد أوزان الروابط والتحيزات ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۱٤٠	٥-٣-٤ طريقة تعلُم لتحديد أوزان الروابط والتحيزات
	٥-٣-٥ عيوب الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية
331	الطبقة
	٥-٤ طريقة التعلم بالتوالد الخلفي للشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية
۱٤٧	الأمامية متعددة الطبقات
	٥-٥ الاختيار التجريبي لمعمارية الشبكة العصبية الصناعية من أجل ملاءمة
107	جيدة للبيانات
101	٥-٦ البرمجيات والتطبيقات
١٥٨	التمارين
171	٦- الدعم الآلي المتجه
171	<ul> <li>١-٦ الأساس النظري لصياغة وحل مشكلة التحسين لتعلم دالة التصنيف</li> <li>٢-٦ صياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنف خطي ولمشكلة قابلة للانفصال خطاً</li> </ul>
	٦-٢ صياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنف خطى ولمشكلة قابلة للانفصال
۱٦٣	خطياًخطياً
۱۷۰	٦-٣ التفسير الهندسي لصياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) للمصنُّف الخطي
171	٦-٤ حل المسألة البرمجية التربيعية لمصنَّف خطي
	٦-٥ صياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنُّف خطي ولمسألة قابلة للفصل
۱۸۲	بشكل غير خطي ً
	بشكل عير خطي
141	للقصل بشكل غير خطي
	<ul> <li>٦-٧ طرق استخدام الدعم الآلي المتجه (SVM) لمسائل التصنيف متعددة</li> </ul>
197	الفئات

	٦-٨ مقارنة بين الشبكة العصبية الصناعية (ANN) والدعم الآلي المتجه (SVM)
	٦-٩ البرمجيات والتطبيقات
********	التمارين
·····	٧- مصنَّف أقربk - مجاور والتعنقُد المراقب
	۱-۷ مصنُف أقرب k-مجاور
	٧-٧ التعنقد المراقب
	٧-٣ البرمجيات والتطبيقات
	التمارين
	الجزء الثالث: خوارزميات لاستكشاف أنهاط العنقود والاقتران
	٨- التعنقد الهرمي
****	٨-١ إجراء التعنقد الهرمي المحتشد
	٨-٢ طرق تحديد المسافة بين عنقودين
	٣-٨ توضيح كيفية إجراء التعنقد الهرمي
	٨-٤ الشجرة غير الرتيبة للتعنقد الهرمي
	٨-٥ البرمجيات والتطبيقات
	التمارين
	<ul> <li>٩- التعنقد حول K- متوسط والتعنقد القائم على الكثافة</li> </ul>
	۱-۹ التعنقد حول K- متوسط
	٩-٢ التعنقد القائم على الكثافة
	٩-٣ البرمجيات والتطبيقات
	التمارين
	١٠- خريطة التنظيم الذاتي
	١-١٠ خوارزمية خريطة التنظيم الذاتي
	۲-۱۰ البرامج والتطبيقات

479	التمارين
7/1	١١- التوزيعات الاحتمالية للبيانات الأحادية المتغير
	١-١١ التوزيع الاحتمالي للبيانات الأحادية المتغير وخصائص التوزيع الاحتمالي
741	لأنماط ببانات متنوعة والمستسبب
۲۸۷	٢-١١ طريقة التمييز بين أربعة توزيعات احتمالية
۲۸۹	٣-١١ البرمجيات والتطبيقات
۲۹.	التمارين ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
491	١٢- قواعد الاقتران
191	١-١٢ تعريف قواعد الاقتران ومقاييس الاقتران
797	٢-١٢ اكتشاف قاعدة الاقتران
٣٠٥	٢-١٢ البرمجيات والتطبيقات
٣٠٦	التمارين
۳٠٧	١٣- شبكة بييز
٣٠٧	١-١٣ بُنية شبكة بييز والتوزيعات الاحتمالية للمتغيرات
۳۱۷	٢-١٣ الاستدلال الاحتمالي
۲۲٦	٣-١٣ تعلُّم شبكة بييز
۳۲۹	١٣-٤ البرمجيات والتطبيقات
۳۲۹	التمارين
۳۳۱	الجزء الرابع: خوارزميات استكشاف أنهاط اختزال البيانات
۲۳۳	١٤- تحليل المكونات الرئيسية
٣٣٣	١-١٤ مراجعة لإحصاءات المتغيرات المتعددة
<b>የ</b> ሞለ	٢-١٤ مراجعة جبر المصفوفات
۳٤٩	٣-١٤ تحليل المكونات الرئيسة
۳٥٢	١٤-٤ البرمجيات والتطبيقات
404	التمارين ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ

4110000	Control of the Contro
<b>700</b>	١٥- القياس المتعدد الأبعاد
700	١-١٥ خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد
220	٢-١٥ عدد الأبعاد
۲۷۷	٣-١٥ قياس الفروقات الفردية للقياس المتعدد الأبعاد الموزون
۸۷۲	١٥-٤ البرمجيات والتطبيقات
۴۷۹	التمارين
۳۸۱	الجزء الخامس: خوارزميات استكشاف الأناط المتطرفة والشاذة
۳۸۳	١٦- مخطط التحكم أحادي المتغير
<b>"</b> ለ"	١-١٦ مخططات التحكم لشوارتز
۲۸۸	٢-١٦ مخططات تحكم المجموع التراكمي
۳۹۳	٣-١٦ مخططات التحكم للمتوسط المتحرك الموزون الأُسِّي
۳۹۹	١٦-٤ مخططات تحكم الدرجة التراكمية
६•६	١٦-٥ منحنى التشغيل التشخيصي لتقييم ومقارنة مخططات التحكم
٤٠٨	١٦-١٦ البرمجيات والتطبيقات
٤٠٨	التمارين
113	١٧- مخططات التحكم متعددة المتغيرات
113	۱-۱۷ مخططات التحكم لهوتلينق T2
610	٢-١٧ مخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي متعددة المتغيرات
113	٣-١٧ مخططات تحكم مربع كاي
811	١٧-٤ التطبيقات
٤١٩	التمارين
173	الجزء السادس: خوارزميات استكشاف الأفاط الزمنية والتسلسلية
٤٢٣	١٨- تحليل الارتباط الذاتي والسلاسل الزمنية
٤٢٣	١-١٨ الارتباط الذاقي
640	۲-۱۸ السكون واللاسكون

n and the state	
٤٢٦	١٨-٣ غاذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار الخاصة ببيانات السلاسل الساكنة
	١٨- ٤ خصائص دالة الارتباط الذاتي ودالة الارتباط الذاتي الجزئي لنماذج
٤٣٠	المتوسط المتحرك ذاقي الانحدار
	١٨-٥ تحويل بيانات السلسلة غير الساكنة ونماذج المتوسط المتحرك المتكامل
٤٣٢	ذاتي الانحدار
373	٦-١٨ البرمجيات والتطبيقات
640	التمارين
227	١٩- غاذج سلسلة ماركوف وغاذج ماركوف المخفية
٤٣٧	١-١٩ غاذج سلسلة ماركوف
133	٢-١٩ غاذج ماركوف المخفية
٤٤V	٣١٠٦ تعلم نماذج ماركوف المخفية
٤٦٢	١٩-٤ البرمجيات والتطبيقات
773	التمارين
٤٦٣	۲۰- تحلیل المویجة
773	١-٢٠ تعريف المويجة
670	٢٠٢٠ تحويل المويجة لبيانات السلاسل الزمنية
٤٧٦	٣-٢٠ إعادة بناء السلسلة الزمنية الزمن من معاملات المويجة
٤٧٨	٢٠-٤ البرمجيات والتطبيقات
٤٧٩	التمارين
٤٨١	المراجع - References المراجع
٤٨٩	قاموس المصطلحات - Glossary

## فهرس الجداول

الصفحة	الجدول
٣٣	الجدول ١-١: مجموعة بيانات البالون
70	الجدول ١-٢: مجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء
٣٧ .	الجدول ١-٣: مجموعة البيانات الخاصة بالعدسات
79	الجدول ١-٤: مجموعة البيانات الخاصة باكتشاف الأعطال وتشخيصها في نظام
	تصنيع معين
٤٦	الجدول ١-٥: القيمة المتوقعة لعدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة
٥٣	الجدول ١-٦: مجموعة بيانات اختبارية لنظام تصنيع معين لاكتشاف وتشخيص
	الأعطال
٦٧	الجدول ٢-١: مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة مع القيمة
	المستهدفة المتوقعة من الانحدار الخطي
79	الجدول ٢-٢: العملية الحسابية لتقدير معلمات النموذج الخطي في المثال ٢-١
٧٦	الجدول ٣-١: مجموعة البيانات التدريبية الخاصة بالكشف عن أعطال نظام
	التصنيع
٧٧	الجدول ٣-٢: تصنيف سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية الخاصة
	بالكشف عن أعطال نظام التصنيع
AY_	الجدول ٤-١: مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع
۸۷	الجدول ٤-٢: الانفصال الثنائي لعقدة الجذر والعملية الحسابية لقيمة مقياس
	عشوائية المعلومات لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن
	أعطال نظام التصنيع
98	الجدول ٤-٣: الانفصال الثنائي لعقدة الجذر والعملية الحسابية لقيمة مؤشر
	جيني لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام
	التصنيع
٩٧	الجدول ٤-٤: الانقسام الثنائي للعقدة الداخلية مع D={2,4,5,9,10}, وحساب
	مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف
	عن أعطال نظام التصنيع

الصفحة	الجدول
99	الجدول ٤-٥: الانقسام الثنائي للعقدة الداخلية المحتوية على {D={2,4,5,9,10}
	وحساب مؤشر جيني لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن
	أعطال نظام التصنيع
1.4	الجدول ٤-٦: تصنيف سجلات البيانات لمجموعة البيانات الاختبارية الخاصة
	بالكشف عن أعطال نظام التصنيع
1-7	الجدول ٤-٧: الانفصال غير الثنائي لعقدة الجذر وعملية حساب مقياس
	عشوائية المعلومات لمجموعة بيانات العدسات
1.4	الجدول ٤-٨: الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (2، 4، 6، 8، 10، 12، 14،
	16، 18، 20، 22، 24}، وعملية حساب مقياس عشوائية
	المعلومات لمجموعة بيانات العدسات
1.9	الجدول ٤-٩: الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (2، 6، 10، 14، 18، 22}،
	وعملية حساب مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة بيانات
	العدساتالعدسات
11.	الجدول ٤-١٠: الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (4، 8، 12، 16، 20، 24)
	وعملية حساب مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة بيانات
	العدسات.
177	الجدول ٥-١: الدالة AND
144	الجدول ٥-٢: الدالة OR
188	الجدول ٥-٣: الدالة XOR
187	الجدول ٥-٤: دالة خاصة بكل وحدة معالجة في شبكة الـ ANN ثنائية
	الطبقات لتطبيق الدالة XOR
157	الجدول ٥-٥: الدالة NOT
177	الجدول ٦-١: الدالة AND
۲۰۳	الجدول ٧-١: مجموعة البيانات التدريبية الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام
	التصنيع
4.5	الجدول ٧-٢: مجموعة البيانات الاختيارية الخاصة بالكشف عن الأعطال
	بنظام التصنيع ونتائج التصنيف في الأمثلة ٧-١ و٧-٢

الصفحة	الجدول
7.9	الجدول ٧-٣: خوارزمية التعنقد المراقب - (إنجليزي وعربي)
740	الجدول ٨-١: مجموعة البيانات الخاصة باكتشاف أعطال النظام مع تسع
	حالات من الأعطال الآلية الأحادية
444	$C_9$ و $C_8$ ، $C_7$ ، $C_6$ ، $C_7$ ، $C_6$ ، $C_7$ ، $C_7$ ، $C_8$ ، $C_8$ ، $C_8$ ، $C_9$
45.	$C_9$ و $C_8$ ، $C_{6,7}$ ، $C_3$ ، $C_{2,4}$ , $C_{1,5}$ ؛ مسافة كل زوج من العناقيد
751	الجدول ٨-٤: مسافة كل زوج من العناقيد: ۲٫۵، د ۲۵، ۲۵، ۲۵، و ۲۵
737	$C_3$ و $C_{2,4,8}$ ، $C_{1,5,6,7,9}$ و د $C_3$ مسافة كل زوج من العناقيد: و $C_{3,6,7,9}$ ، و
757	الجدول ٩-١: خوارزمية التعنقد حول ١٨-متوسط - (إنجليزي وعربي)
70.	الجدول ٩-٢: مجموعة البيانات لاكتشاف أعطال النظام بتسع حالات من
	الأعطال الآلية الأحادية
770	الجدول ١٠١٠: خوارزمية التعلم لخريطة التنظيم الذاتي (SOM) - (إنجليزي
	وعربي)
777	الجدول ٢-١٠: مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع
_	بتسع حالات للأعطال الآلية الأحادية
777	الجدول ١١-١: قيم درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature) في
	مجموعة البيانات الخاصة بعدد الحلقات الدائرية في مكوك
	الفضاء الفضاء
7.0.7	الجدول ۲۰۱۱: خليط من نتائج اختبارات الانحراف (Skewness) والنسق
	(Mode) لتمييز التوزيعات الاحتمالية الأربعة
797	الجدول ١٢-١٢ مجموعة بيانات اكتشاف أعطال النظام بتسع حالات من
	الأعطال الآلية الأحادية ومجموعات العنصر التي تم الحصول
	عليها من مجموعة البيانات هذه
499	الجدول ۲-۱۲: خوارزمية أبريوري (الأسبقية) (Apriori Algorithm) -
	(إنجليزي وعربي)
۳۰۸	الجدول ١٣-١: مجموعة البيانات التدريبية الخاصة باكتشاف أعطال نظام
	تصنیع
711	الجدول ۲-۱۳ إيجاد احتمال (P(xs  xi)

الصفحة	الجدول
711	الجدول ٢٠١٣: إيجاد احتمال (٢٤ ٩/٤)
771	الجدول ١٣-٤: إيجاد احتمال (x4 x3, x2)
۳۱۲	الجدول ١٣-٥: إيجاد احتمال (xs   P(xs
717	$P(x_7 x_5,x_6)$ الجدول ۲-۱۳: إيجاد احتمال
717	الجدول ١٣-٧: إيجاد احتمال (٩/٤ ع)
۳۱۳	الجدول ۱۳-۸: إيجاد احتمال ( <i>ود P(y</i>   <i>x9</i> )
414	الجدول ٩-١٣: إيجاد احتمال (P(v  x1)
۳۱۳	$P(y x_8)$ الجدول ۱۳-۱۰: إيجاد احتمال
317	الجدول ۱۳-۱۳: إيجاد احتمال ( $P(x_i)$
415	الجدول ۱۳-۱۲: إيجاد احتمال ( <i>P(x2</i> )
314	الجدول ۱۳-۱۳: إيجاد احتمال (P(x3)
777	الجدول ١٤-١: مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام التصنيع
	مع متغيرين للجودة
۲۳۷	الجدول ١٤-٢: الاحتمالات المشتركة والهامشية لمتغيري الجودة
707	الجدول ١٥-١: خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد (MDS) - (إنجليزي وعربي)
٣٦٠	الجدول ١٥-٢: خوارزمية الاتحاد الرتيبة - (إنجليزي وعربي)
770	الجدول ١٥-٣: مجموعة البيانات لنظام اكتشاف الأعطال مع ثلاث حالات من
	الأعطال الآلية الأحادية
770	الجدول ١٥-٤: المسافة الإقليدية لكل زوج من سجلات البيانات
۳۸٤	الجدول ١٦-١٦: عينات من ملحوظات البيانات المرصودة
791	الجدول ١٦-٢: ملحوظات البيانات المرصودة لدرجة حرارة الإطلاق من
<u> </u>	مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة جنباً إلى
	جنب مع الإحصائيات لمخطط تحكم المجموع التراكمي
	CUSUM ثنائي الجانب
<b>ም</b> ٩٦	الجدول ١٦-٣: ملحوظات البيانات المرصودة لدرجة حرارة الإطلاق مجموعة
	بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة جنباً إلى جنب
	مع إحصائية EWMA لمخطط تحكم الـــ EWMA

الصفحة	الجدول
٤٠٦	الجدول ١٦-٤ : أزواج من معدل الإنذار الخاطئ ومعدل الزيارة الناجحة لقيم
	متنوعة من حد القرار $H$ لمخطط تحكم المجموع التراكمي
	CUSUM ثنائي الجانب في المثال ١-١٦
٤١٥	الجدول ١٧-١؛ مجموعة البيانات لاكتشاف أعطال النظام مع اثنين من
	$x_8$ و $x_7$ متغيرات الجودة $x_8$
EYV	الجدول ۱۸-۱: سلسلة زمنية لنموذج الانحدار الذاتي $AR(I)$ حيث $\phi_1 = 0.09$
	e، وخطأ عشوائي e،
879	$e_i$ الجدول ۲-۱۸: سلسلة زمنية لنموذج ( $MA(l)$ مع $\theta_1=0.9$ وخطأ عشوائي

## فهرس الأشكال

الصفحة	الشكل				
٤٠	الشكل ١-١؛ خريطة نظام تصنيع معين ذو تسع آلات وتدفقات إنتاج وحدات				
	المنتج				
દદ	الشكل ١-٢: النموذج الملاثم للعلاقة الخطية الخاصة بدرجة حرارة الإطلاق				
	مع عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة في مجموعة				
	البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء				
٤٨	الشكل ١-٣: التعنقد الخاص بـ 10 سجلات من سجلات البيانات في مجموعة				
	بيانات نظام التصنيع				
٥٠	الشكل ١-٤: اختزال البيانات ثنائية الأبعاد إلى مجموعة من البيانات ذات بعد				
	واحد				
٥١	الشكل ١-٥: الرسم البياني التكراري لدرجات حرارة الإطلاق في مجموعة بيانات				
	مكوك الفضاء				
٥٢	الشكل ١-٦ ،درجة حرارة الطقس كل ثلاثة شهور لمدة ٣ سنوات				
٦٠	الشكل ٢-١: مثال توضيحي لنموذج انحدار بسيط				
۸۳	الشكل ٤-١: شجرة القرار الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع				
٩٠	الشكل ٤-٢: عشوائية المعلومات				
1-1	الشكل ٤-٣: تصنيف سجل بيانات بدون عطل نظام باستخدام شجرة القرار				
	الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع				
1.4	الشكل ٤-٤: تصنيف سجل بيانات لأعطال متعددة الآلات باستخدام شجرة				
	قرار خاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع				
1.7	الشكل ٤-٥: شجرة القرار لمجموعة بيانات العدسات				
717	الشكل ٤-٦: شجرة القرار لمجموعة البيانات الخاصة بالبالون				
177	الشكل ٥-١: وحدة معالجة بالشبكة العصبية الصناعية (ANN)				
178	الشكل ٥-٢: أمثلة على دوال التحول				
170	الشكل ٥-٣: تطبيق الدالة AND باستخدام وحدة معالجة واحدة				
179	الشكل ٥-٤: تطبيق الدالة OR باستخدام وحدة معالجة واحدة				

الصفحة	الشكل			
۱۳۰	الشكل ٥-٥: معمارية الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية			
	أحادية الطبقة			
171	الشكل ٥-٦: معمارية الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية ثنائية			
	الطبقات			
۱۳۲	الشكل ٥-٧: شبكات عصبية صناعية ذات تغذية أمامية ثنائية الطبقات تطبق			
	دالة XOR			
۱۳۳	الشكل ٥-٨: معماريات الشبكات العصبية الصناعية الدورية			
187	الشكل ٥-٩: مثال على حد القرار وفصل بين فضاء المدخلات إلى منطقتين من			
	خلال وحدة المعالجة			
۱۳۸	الشكل ٥-١٠: توضيح الطريقة البيانية لتحديد أوزان الروابط			
181	الشكل ٥-١١: توضيح طريقة تعلم تغيير أوزان الروابط			
187	الشكل ٥-١٢: نقاط البيانات الأربع للدالة XOR			
101	الشكل ٥-١٣: مجموعة من الأوزان بقيم عشوائية في شبكة الـ ANN ذات			
	التغذية الأمامية ثنائية الطبقات للدالة XOR			
100	الشكل ٥-١٤: أثر معدل التعلم			
107	الشكل ٥-١٥: مثال يوضح نموذجاً غير خطي مفرط في مطابقة البيانات من			
	نموذج خطي			
177	الشكل ٦-١: الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنّف خطي ومشكلة قابلة للانفصال			
	خطیا. $(a)$ حد القرار ذو هامش کبیر. $(b)$ حد القرار ذو هامش			
	صغير			
141	الشكل ٦-٢: دالة القرار ومتجهات الدعم للمصنف الخطي الخاص بالدعم			
	الآلي المتجه SVM في المثال ١-١			
191	الشكل ٦-٣: دالة قرار كثيرة الحدود في فضاء ثنائي الأبعاد			
197	الشكل ٦-٤: دالة قاعدة دائرية لقوسشيان في فضاء ثنائي الأبعاد			
7779	الشكل ٨-١: نتيجة التعنقد الهرمي لمجموعة بيانات اكتشاف أعطال النظام			
788	الشكل ٨-٢: مثال على ثلاث نقاط بيانات والتي تنتج لها طريقة ترابط المركز			
	المتوسط شجرة غير رئيسية للتعنقد الهرمي			

الصفحة	الشكل				
750	الشكل ٨-٣: الشجرة غير الرئيسية للتعنقد الهرمي لنقاط البيانات في الشكل				
	Y-A				
۸۶۲	الشكل ١٠-١: التصاميم الخاصة بخريطة التنظيم الذاتي (SOM) بخريطة				
L <sub>-</sub>	مخرجات (a) أحادية، (b) ثنائية، و (c) وثلاثية الأبعاد				
777	الشكل ٢-١٠: التصاميم الخاصة بخريطة التنظيم الذاتي (SOM) للمثال ١-١٠				
770	الشكل ١٠-٣: العقد الفائزة لنقاط البيانات التسع في المثال ١٠١٠ باستخدام				
	قيم الوزن أولية				
۲۸۳	الشكل ۱۱-۱۱: المدرج التكراري لبيانات درجة حرارة الإطلاق ( Launch				
	(Temperature				
440	الشكل ١١-٢: أغاط بيانات السلاسل الزمنية وتوزيعاتها الاحتمالية				
797	الشكل ١٢-١: نظام تصنيع يحتوي على تسع آلات وخط إنتاج وحدات المنتج				
٣١٠	الشكل ١٣-١: نظام تصنيع بتسع آلات وتدفقات إنتاج لوحدات المنتج				
۳۱.	شكل ١٣-١٣: البنية (structure) الخاصة بشبكة بييز لمجموعة بيانات				
	اكتشاف أعطال نظام التصنيع				
۳٤٠	الشكل ١٤-١: حساب طول المتجه				
۳٤٠	الشكل ١٤-٢: حساب الزاوية بين متجهين				
۳۷٦	الشكل ١٥-١: مثال على رسم الجهد الخاص بنتيجة القياس المتعدد الأبعاد				
	(MDS)مقابل عدد الأبعاد				
797	الشكل ١٦-١٦: مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب				
	لدرِجة حرارة الإطلاق في مجموعة بيانات الحلقة الدائرية ذات				
	الأحمال الثقيلة				
790	الشكل ٢٠-١٦: أوزان متناقصة أسيا على ملحوظات البيانات المرصودة				
797	الشكل ٢٠١٦: مخطط تحكم EWMA لمراقبة درجة حرارة الإطلاق من				
	مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة				
٤٠٧	الشكل ١٦-٤: منحنى التشغيل التشخيصي (ROC) لمخطط تحكم المجموع				
	التراكمي <i>CUSUM</i> ثنائي الجانب في المثال ١-١٦				

الصفحة	الشكل					
113	الشكل ١٧-١: توضيح للمسافة الإحصائية المُقاسة باستخدام إحصاءة هوتلينق					
	وحدود التحكم لمخططات التحكم لهوتلينق $T^2$ ومخططات $T^2$					
	التحكم أحادية المتغير					
٤٢٧	الشكل ١٠-١٠: بيانات سلسلة زمنية يتم توليدها باستخدام نموذج الانحدار					
	$e_{i}$ الذاتي $AR(1)$ حيث $\Phi_{1}$ = 0.09، و $\Phi_{3}$ = معروفطأ عشوائي					
849	الشكل ٢-١٨: بيانات سلسلة زمنية تم توليدها باستخدام موذج (MA(1) مع					
	$e_{l}$ وخطأ عشوائي $ heta_{l}=0.9$					
٤٤٠	الشكل ١٩-١: الحالات وانتقال الحالات في المثال ١-١٩					
884	الشكل ١٩-٢: أي طريقة من طرق المسار وطريقة المسار الأفضل لنماذج					
'	ماركوف المخفية					
٤٦٤	الشكل ٢٠-١: دالة القياس ودالة المويجة لمويجة هار وآثار التمدد (Dilation)					
	والتحويل (Shift)					
٤٦٦	الشكل ۲۰-۲: عينة من بيانات سلسلة زمنية من (a) دالة، (b) عينة من					
	سجلات البيانات مأخوذة من الدالة، و(c) تقريب الدالة					
	باستخدام دالة القياس لمويجة هار					
٤٧٤	الشكل ۲۰-۳: توضيح بياني لمويجة باول، ومويجة (DoG) اشتقاق مويجة					
	قوسشيان، ومويجة داوبيشيز، ومويجة مورليت. (يي، إن، نظم					
	الحاسوب والشبكة الآمنة: النمذجة والتحليل والتصميم، ٢٠٠٨،					
	الشكل ١١٫٢، ص ٢٠٠ حقوق الطبع والنشر لشركة وايلي في سي					
	اتش فيرلاغ وشركاه المحدودة) - Ye, N., Secure Computer (Ye, N., Secure Computer)					
	and Network Systems: Modeling, Analysis and Design,					
	2008, Figure 11.2, p. 200. Copyright Wiley-VCH Verlag .GmbH & Co. KGaA. Reproduced with permission)					
	Tomori & Col It Court Propi Control Pol Mindson)					

## فهرس التمارين

الصفحة	التمارين
00	تمارين الفصل الأول (مقدمة عن البيانات، وأنماط البيانات، واستكشاف أنماط
	البيانات)
۷۱	تمارين الفصل الثاني (نماذج الانحدار الخطية وغير الخطية)
۸۰	عَارِينَ الفصل الثالث (مُصنّف بييز البسيط)
119	تمارين الفصل الرابع (أشجار القرار والانحدار)
١٥٨	تمارين الفصل الخامس (الشبكات العصبية الصناعية للتصنيف والتنبؤ)
190	تمارين الفصل السادس (الدعم الآلي المتجه)
440	تمارين الفصل السابع (مصـنُـف أقرب لله - مجاور والتعنقُد المراقب)
757	هَارِين الفصل الثامن (التعنقــد الهرمــي)
770	قارين الفصل التاسع (التعنقد حول $m{K}$ - متوسط والتعنقد القائم على الكثافة)
779	ةارين الفصل العاشر (خريطة التنظيم الذاتي)
79.	مّارين الفصل الحادي عشر (التوزيعات الاحتمالية للبيانات أحادية المتغير)
٣٠٦	عارين الفصل الثاني عشر (ق <u>واء</u> د الاقتران)
٣٢٩	مّارين الفصل الثالث عشر (شبكة بـيــيــز)
808	تمارين الفصل الرابع عشر (تحليل المكونات الرئيسية)
474	تمارين الفصل الخامس عشر (القياس المتعدد الأبعاد)
٤٠٨	تمارين الفصل السادس عشر (مخطط التحكم أحادي المتغير)
£19	تمارين الفصل السابع عشر (مخططات التحكم متعددة المتغيرات)
540	تمارين الفصل الثامن عشر (تحليل الارتباط الذاتي والسلاسل الزمنية)
٤٦٢	مّارين الفصل التاسع عشر (غاذج سلسلة ماركوف وغاذج ماركوف المخفية)
٤٧٩	هَارِين الفصل العشرين (تحليــل المويجة)

#### تهيد:

لقد مكنتنا التقنيات الحديثة من جمع كميات هائلة من البيانات في العديد من المجالات. وعلى الرغم من ذلك فإن سرعتنا في اكتشاف معلومات ومعرفة مفيدة من هذه البيانات أقل بكثير من سرعتنا في جمع تلك البيانات. وتستلزم عملية تحويل كم هائل من البيانات إلى معلومات ومعرفة مفيدة القيام بخطوتين، هما: (١) البحث والتنقيب عن الأناط التي تتخذها تلك البيانات و(٢) تفسير أناط البيانات تلك ضمن نطاق المشكلة المستهدفة لتحويل هذه الأناط إلى معلومات ومعرفة مفيدة.

يوجد العديد من خَوارِ زُميّات استكشاف البيانات لغرض أمّتة الخطوة الأولى الخاصة بالبحث عن أماط بيانات متنوعة في كم هائل من البيانات. وعادةً ما يعتمد تفسير أماط البيانات المكتشفة على المعرفة بنطاق المشكلة المستهدفة إضافةً إلى القدرة على التفكير التحليلي. ويتناول هذا الكتاب التعرف على خَوارِ زُميّات الاستكشاف والتنقيب عن البيانات التي يمكن استخدامها في استكشاف أنواع مختلفة من أماط البيانات. وسوف يمكننا تعلّم وتطبيق خُوارِ زُميّات استكشاف البيانات من أمّتة ومن ثمّ تسريع عملية تنفيذ الخطوة الأولى الخاصة بالكشف عن أماط البيانات من كم هائل من البيانات. إن معرفة كيفية استنباط أماط البيانات بواسطة تلك الخوارزميات يعد أمراً شديد الأهمية لتنفيذ الخطوة الثانية ألا وهي تحديد معنى أماط البيانات ضمن نطاق المشكلة النابعة منها ومن ثمّ تحويل أماط تلك البيانات إلى معلومات ومعارف مفيدة.

#### نبذة عن الكتاب:

تم تنظيم خوارزميات استكشاف البيانات في هذا الكتاب ضمن خمسة أجزاء، كل جزء منه يستعرض كيفية الاستكشاف عن أحد أنواع أنماط البيانات الخمسة من كم هائل من البيانات، وهذه الأنماط هي كما يلي:

- ١) أنماط التصنيف والتنبؤ
- ٢) أنماط الاقتران وأنماط العنقود
  - ٣) أنماط اختزال البيانات
  - ٤) الأناط المتطرفة والشاذة
  - ٥) الأناط الزمنية والتسلسلية

يستعرض الجزء الأول من الكتاب هذه الأنواع من أناط البيانات مع ذكر أمثلة توضيحية. أما الأجزاء الخمسة الباقية من الكتاب - بدايةً من الجزء الثاني وحتى الجزء السادس - فقد عُنيت بوصف خوارزميات استكشاف الأنواع الخمسة من أناط البيانات على التوالي.

وتركز أغاط التصنيف والتنبؤ على العلاقة بين متغيرات الخاصية ومتغيرات الهدف، وهو ما يسمح لنا بتصنيف أو التنبؤ بقيم متغيرات الهدف بناء على قيم متغيرات الخاصية. ويتناول الجزء الثاني من الكتاب الخوارزميات التالية والتي تُستخدم في استكشاف أغاط التصنيف والتنبؤ:

- غاذج الانحدار الخطية وغير الخطية (الفصل ٢)
  - مصنف بييز البسيط (الفصل ۳)
  - أشجار القرار والانحدار (الفصل ٤)
- الشبكات العصبية الصناعية (Artificial Neural Networks ANNs)
   للتصنيف والتنبؤ (الفصل ٥)
  - الدعم الآلي المتجه (Support Vector Machines SVM) (الفصل ٦)

في حين يصف الجزء الثالث من الكتاب خوارزميات استكشاف البيانات المستخدمة لاستنباط أغاط الاقتران وأغاط العنقود. حيث تكشف أغاط العنقود عن أوجه التشابه والاختلاف بين سجلات البيانات. ويتم استنباط أغاط الاقتران على أساس التلازم في حدوث العناصر الموجودة في سبجلات البيانات. باختصار، يصف الجزء الثالث خوارزميات استكشاف البيانات التالية للبحث عن أغاط الاقتران وأغاط العنقود:

- التعنقد الهرمي (الفصل ۸)
- التعنقد حول K من المتوسطات والتعنقد على أساس الكثافة (الفصل ۹) lacksquare
  - خريطة التنظيم الذاتي (الفصل ١٠)
  - التوزيعات الاحتمالية للبيانات أحادية المتغير (الفصل ١١)
    - قواعد الاقتران ( الفصل ١٢)
      - شبكات بييز (الفصل ١٣)

أما أناط اختزال البيانات، فهي تبحث عن عدد قليل من المتغيرات التي يمكن استخدامها لتمثيل مجموعة من البيانات ذات عدد أكبر بكثير من المتغيرات. وحيث إن المتغير الواحد يعطي بعداً واحداً من البيانات، فإن أناط اختزال البيانات تسمح بتمثيل مجموعة من البيانات موجودة في فضاء متعدد الأبعاد في فضاء أقل من الأبعاد. يصف الجزء الرابع خوارزميات استكشاف البيانات التالية للبحث عن أناط اختزال البيانات:

- تحليل المكونات الرئيسية (الفصل ١٤)
  - القياس المتعدد الأبعاد (الفصل ١٥)

وبالنسبة للقيم المتطرفة والشاذة، فهي نقاط البيانات التي تختلف بشكل كبير عن التعريف العياري التعريف المعياري للبيانات، وهناك طرق عديدة لتعريف وإنشاء التعريف المعياري للبيانات. يصف الجزء الخامس خوارزميات استكشاف البيانات التالية لكشف وتحديد القيم المتطرفة والشاذة:

- مخطط التحكم أحادى المتغير (الفصل ١٦)
- مخطط التحكم متعدد المتغيرات (الفصل ١٧)

من ناحية أخرى، تكشف الأنماط الزمنية والتسلسلية كيفية تغير أنماط البيانات على مر الزمن. ويصف الجزء السادس خوارزميات استكشاف البيانات التالية للبحث عن الأنماط التسلسلية والزمنية:

- تحليل الارتباط الذاتي وسلاسل الزمن (الفصل ۱۸)
- غاذج سلسلة ماركوف وغاذج ماركوف المخفية (الفصل ١٩)
  - تحليل المويجات (الفصل ٢٠)

#### المزايا الرئيسة لهذا الكتاب:

كما أوضحنا سابقاً، تُعدُ عملية الاستكشاف والتنقيب عن أناط البيانات في كم هائل من البيانات هي فقط الخطوة الأولى لتحويل البيانات إلى معلومات ومعرفة مفيدة ضمن نطاق المشكلة المستهدفة. ويجب أن يتم فهم وتفسير أناط البيانات ضمن نطاق المشكلة الخاصة بها من أجل أن تكون مفيدة وذات معنى. ولتطبيق خوارزمية استكشاف البيانات

والتمكن من فهم وتفسير أغاط البيانات الناتجة من تطبيق الخوارزمية، نحتاج إلى فهم جانبين مهمين من الخوارزمية:

- ا المفاهيم النظرية التي ترسخ الأساس المنطقي لتبرير وضع عناصر خوارزمية استكشاف البيانات معا بطريقة محددة للبحث عن نوع معين من غط البيانات.
- الخطوات التشغيلية والتفاصيل الخاصة بكيفية معالجة خوارزمية استكشاف البيانات لكم هائل من البيانات من أجل الحصول على أغاط البيانات.

يهدف هذا الكتاب إلى تقديم كل من المفاهيم النظرية والتفاصيل التشغيلية لخوارزميات استكشاف البيانات في كل فصل بطريقة قائمة بذاتها ومتكاملة مع إعطاء أمثلة من البيانات الصغيرة. مما سيعمل على تمكين القارئ من فهم الجوانب النظرية والعملية لخوارزميات استكشاف البيانات، وتنفيذ الخوارزميات يدوياً من أجل الوصول إلى فهم شامل لأغاط البيانات الناتجة عن الخوارزميات.

يغطي هذا الكتاب خوارزميات استكشاف البيانات الموجودة بشكل شائع في الدراسات والمؤلفات الخاصة باستكشاف البيانات (على سبيل المثال، خوارزمية أشجار القرار، وخوارزمية الشبكات العصبية الصناعية، وخوارزمية التعنقد الهرمي)، كما يغطي أيضاً خوارزميات استكشاف البيانات التي عادةً ما يتم اعتبارها صعبة الفهم (على سبيل المثال، خوارزمية نماذج ماركوف المخفية، وخوارزمية القياس المتعدد الأبعاد، وخوارزمية الدعم الآلي المتجه، وخوارزمية تحليل المويجات). كل خوارزميات استكشاف البيانات في هذا الكتاب قد تم وصفها بطريقة كاملة وقائمة بذاتها، ومدعمة بالأمثلة التوضيحية. وبالتالي، فإن هذا الكتاب يتيح للقراء تحقيق نفس المستوى من الفهم الدقيق، وسوف يوفر نفس القدرة من التنفيذ اليدوي بغض النظر عن مستوى صعوبة خوارزميات استكشاف البيانات.

بالنسبة لخوارزميات استكشاف البيانات في كل فصل، يتم سرد قائمة من حزم البرمجيات التي تدعمها. ويتم أيضاً إعطاء بعض التطبيقات لخوارزميات استكشاف البيانات مع المراجع.

#### المساندة التعليمية:

تتضمن خوارزميات استكشاف البيانات المشمولة في هذا الكتاب مستويات مختلفة من الصعوبة. فالأستاذ الذي يستخدم هذا الكتاب على أنه كتاب تعليمي لمقرر دراسي عن استكشاف البيانات قد يختار الموضوعات المراد تغطيتها بناء على مستوى المقرر ومستوى صعوبة موضوعات الكتاب في الفصلين ١ و٢ (الأجزاء ٢-١ و٢-٢ فقط)، والفصول ٢، ٤، ٧، ٨، ٩ (الجزء ٩-١ فقط)، والفصول ١، ١٢ (الأجزاء من ١٠-١ إلى فقط)، والفصل ١٠ والفصل ١٠ (الجزء ١٠-١ فقط)، التي تغطي الأنواع الخمسة من أنماط البيانات، مناسبة كمقرر خاص بدرجة البكالوريوس، وما تبقى من الموضوعات يُعتبر مناسباً لمقرر في مستوى الدراسات العليا.

وتحتوي نهاية كل فصل على مجموعة من التمارين ذات العلاقة بالموضوعات المطروحة في كل فصل كما يتوافر موقع إلكتروني خاص بالكتاب يحتوي على المواد التعليمية المساندة التالية والتي يمكن الحصول عليها من الناشر:

- دليل حلول التمارين
- العروض التقديمية للمحاضرات، والتي تشمل الخطوط العريضة للموضوعات والأرقام، والجداول، والمعادلات الرياضية

جدير بالذكر أنه يتم استخدام منتج ماتلاب MATLAB لصياغة المعادلات الرياضية في هذا الكتاب. وماتلاب MATLAB هي علامة مسجلة لشركة ماثووركس MATLAB وللحصول على معلومات عن منتج MATLAB عكن التواصل مع العنوان التالى:

Math Works, Inc. 3 Apple Hill Drive Natich, MA 1760 - 2098 - USA

Tel: 508 - 647 - 7000 Fax: 508 - 647 - 7001

Email: info@mathworks.com Web: www.mathworks.com

#### شکر و تقدیر:

أودُ أن أشكر عائلتي، بايجون وأليس، لحبهم و تفهمهم و دعمهم غير المحدود. وأود أن أعرب عن تقديري البالغ لهم لتواجدهم دامًا إلى جانبي وهذا من دواعي سروري حقاً.

وأعرب عن امتناني إلى الدكتور جافريل سالفيندف، الذي كان مُرشدي وصديقي، لتوجيهه لي في مسيرتي الأكاديمية. كما أعرب عن شكري للدكتور غاري هوغَ، الذين ساندني في نواح كثيرة كرئيس للقسم في جامعة ولاية أريزونا.

وأود أيضاً أن أشكر سيندي كاريلى، كبيرة المحررين في دار الطباعة سي آر سي (CRC)، إذ بجهودها وطبيعتها المستجيبة والمساندة و المتفهمة و الداعمة صدر هذا الكتاب، لقد كان العمل معها فرصة عظيمة. والشكر موصول أيضاً إلى كاري بدفك، كبير منسقي المشاريع في دار الطباعة سي أر سي، وإلى جميع العاملين في الدار الذين ساعدوني في نشر هذا الكتاب.

### المؤلفة في سطور:

نونغ يي هي أستاذة في كلية الحاسبات والمعلومات، وهندسة نظم القرار، جامعة ولاية أريزونا، مدينة تيمب ، أريزونا. نونغ يي حاصلة على درجة الدكتوراه في الهندسة الصناعية من جامعة بوردو، لفاييت الغربية بولاية انديانا، و ماجستير في علوم الحاسب الآلي من الأكاديمية الصينية للعلوم، مدينة بكين، جمهورية الصين الشعبية، وعلى درجة البكالوريوس في علوم الحاسب الآلي من جامعة بكين، مدينة بكين، جمهورية الصين الشعبية.

و تشمل إصدارتها كتيب استكشاف البيانات والأنظمة الآمنة للحواسيب والشبكات: النمذجة، والتصميم. وقد نشرت أيضاً أكثر من ٨٠ ورقة عمل في مجلات علمية في مجالات استكشاف البيانات، وتحليل البيانات الإحصائية والنمذجة، وأمن الحاسوب والشبكات، وتحسين جودة الخدمة، ومراقبة الجودة، والتفاعل بين الإنسان والحاسب الآلي، والعوامل البشرية.

## الجزء الأول نظرة عامة على استكشاف البيانات An overview of Data Mining

### ۱- مقدمة عن البيانات وأغاط البيانات واستكشاف البيانات Introduction to Data, Data Patterns, and Data Mining

يهدف استكشاف البيانات إلى الكشف عن أغاط البيانات المفيدة من بين كميات هائلة من البيانات. في هذا الفصل، سنوضح بعض الأمثلة لمجموعات من البيانات، واستخدام هذه المجموعات في توضيح أنواع مختلفة من متغيرات البيانات، وأغاط البيانات التي يمكن اكتشافها من البيانات. كما سنتناول في هذا الفصل، ولكن باختصار، خوارزميات استكشاف البيانات حتى نعطي لمحة عن كل نوع من أغاط البيانات. علاوةً على ذلك، سنتناول أيضاً مفهومي البيانات التدريبية والبيانات الاختبارية.

#### ١-١ أمثلة عن مجموعات البيانات الصغيرة

#### (Examples of Small Data Sets):

لقد مكنت التقنيات الحديثة كأجهزة الحاسوب وأجهزة الاستشعار من أن يتم تسجيل وتخزين وحفظ العديد من الأنشطة مع مرور الزمن، مما نتج عنه تراكم كميات هائلة من البيانات في العديد من المجالات. في هذا الجزء، سنطرح بعض الأمثلة عن مجموعات البيانات الصغيرة التي سيتم استخدامها في هذا الكتاب لشرح مفاهيم استكشاف البيانات والخوارزميات.

 التسرب (Leak-Check Pressure)، والترتيب الزمني للرحلة (Leak-Check Pressure)، والتي يمكن استخدامها لتحديد عدد من الحلقات الدائرية ذات الأحمال (of Flight)، والتي يمكن استخدامها لتحديد الشقيلة (Number of O-Rings with Stress). أما مجموعة البيانات الموضحة في المجدول ۲-۱، فهي تحتوي على سجلات البيانات لعدد 24 حالة من العدسات لتحديد الملائم منها للمريض. هناك أربع سمات للمريض لكل حالة منها هي: العمر (Astigmatic)، واللبؤرية (Spectacle Prescription)، والتشخيص البصري (Tear Production Rate)، والتي يمكن استخدامها لتحديد نوع العدسات التي تلائم المريض.

ويوضح الجدول 1-3 مجموعة البيانات الخاصة باكتشاف الأعطال وتشخيصها في نظام MI تصنيع معين (  $Ye\ et\ al.,\ 1993$ ). يتكون نظام التصنيع من تسع آلات، الآلة الأولى 1-1 الآلة الثانية 1-1 الآلة التاسعة 1-1 تقوم بمعالجة وحدات المنتج. ويبين الشكل 1-1 تدفقات عملية الإنتاج التي يتم تنفيذها من خلال الآلات التسع.

الجدول ( ۱-۱) مجموعة بيانات البالون

مجموعه بيادت البانون					
Target Variable متغير الهدف	e Attribute Variables - متغيرات الخاصية				رقم الحالة
خاصية منفوخ	الفعل العمر		الحجم	اللون	Instance
Inflated	Age	Act	Size	Color	
صحیح - T	راشد - Adult	ممتد - Stretch	صغیر - Small	أصفر - Yellow	1
صحیح - T	طفل - Child	ممتد - Stretch	صغير - الSmall	أصفر - Yellow	2
صحيح - T	راشد - Adult	منکمش - Dip	صغیر - Small	أصفر - Yellow	3
صحیح - T	طقل - Child	منكمش - Dip	صغير - Small	أصفر - Yellow	4
صحیح - T	راشد - Adult	ممتد - Stretch	کېير - Large	أصفر - Yellow	5
خاطئ - F	طفل - Child	ممتد - Stretch	کبیر - Large	أصفر - Yellow	6
خاطئ - F	راشد - Adult	منكمش - Dip	کبیر - Large	أصفر - Yellow	7
خاطئ - F	طفل - Child	منکمش - Dip	کبیر - Large	أصفر - Yellow	8
صحیح - T	راشد - Adult	ممتد - Stretch	صغير - اSmall	أرجواني • Purple	9
خاطئ - F	طفل - Child	ممتد - Stretch	صغیر - Small	أرجواني - Purple	10
خاطئ - F	راشد - Adult	منکمش - Dip	صغير - Small	أرجواني - Purple	11
خاطئ - F	طفل - Child	منكمش - Dip	صغير - Small	أرجواني - Purple	12
صحيح - T	راشد - Adult	ممتد - Stretch	کبیر - Large	أرجواني - Purple	13
خاطئ - F	طفل - Child	ممتد - Stretch	کبیر - Large	أرجواني - Purple	14
خاطئ - F	راشد - Adult	منكمش - Dip	کبیر - Large	أرجواني • Purple	15
خاطئ - F	طفل - Child	منكمش - Dìp	کبیر - Large	أرجواني - Purple	16
خاطئ ۔ F 	طفل - Child	منكمش - Dip	کبیر - Large	أرجواني - Purple	16

M5 هناك بعض وحدات المنتج التي  $\bar{s}_{c}$  خلال الآلة الأولى M1 أولاً، والآلة الخامسة M1 أولاً، والآلة ثانياً، والآلة التاسعة M9 آخراً، وبعض وحدات المنتج  $\bar{s}_{c}$  خلال الآلة الأولى M1 أولاً، والآلة الخامسة M5 ثانياً، والآلة السابعة M5 آخراً، وهكذا. هناك تسعة متغيرات،  $\bar{s}_{c}$  بحيث، الخامسة  $\bar{s}_{c}$  والتي  $\bar{s}_{c}$  والتي  $\bar{s}_{c}$  وحدات المنتج بعد مرروها خلال التسع آلات.

إذا ما اجتازت وحدات المنتج فحص الجودة يعد مرورها بالآلة رقم i، فإن المتغر $x_i$  يأخذ قيمة صفر؛ وخلاف ذلك، فإن x يأخذ قيمة واحد. هناك المتغير y الذي عمثل ما إذا كان النظام به أعطال أم لا. ويكون النظام به أعطال إذا كان أي من التسع آلات بها عطل. إذا لم يكن في النظام أعطال، فإن y تأخذ قيمة صفر؛ وخلاف ذلك، فإن y تأخذ قيمة واحد. هناك تسعة متغيرات،  $y_i$  بحيث،  $y_i$  بحيث، i=1,2,...,9، والتي تمثل ما إذا كانت التسع آلات بها أعطال أم لا، على التوالى. إذا لم يكن لدى الآلة i أي عطل، فإن  $y_i$  تأخذ قيمة صفر؛ وخلاف ذلك، تأخذ y قيمة واحد. وتُستخدم البيانات الخاصة بالكشف عن الأعطال في تحديد ما إذا كان أو لم يكن لدى النظام أعطال استنادا إلى معلومات مستوى الجودة. تستلزم مشكلة الكشف عن الأعطال استخدام متغيرات الجودة التسعة،  $x_i$  بحيث، i=1,2,...,9، ومتغير أعطال النظام y مشكلة تشخيص الأعطال هي أن تقوم بتحديد الجهاز الذي يحتوى على أعطال بناء على معلومات مستوى الجودة. تستلزم مشكلة تشخيص الأعطال استخدام متغيرات الجودة التسعة،  $x_i$  بحيث،  $y_i$  بحيث،  $y_i$  ومتغيرات أعطال الجهاز التسعة  $y_i$  بحيث، وقد يكون هناك واحدة أو أكثر من الآلات بها عطل في نفس الوقت، وقد  $i=1,2,\ldots,9$ لا تكون هناك أي أعطال بالآلات جميعها. على سبيل المثال، في السجل الأول الذي فيه الآلة  $y_{79}$  وو $y_{69}$  و $y_{79}$  واحد، و $y_{79}$  و $y_{79}$  وو $y_{79}$  وو $y_{79}$  والأولى  $y_{79}$  بها عطل (فإن  $y_{79}$  و $y_{79}$  تأخذ قيمة واحد، و $y_{79}$  والأولى و $y_8$ ، وو $y_8$  والخامسة  $y_8$ ، ووحدات المنتج بعد المرور على الآلات الأولى  $y_8$  والخامسة والسابعة M7، والتاسعة M9 قد فشلت في فحص الجودة حيث أخذت متغيرات، M5 $x_{69}$  الجودة  $x_{1}$  و $x_{2}$  و $x_{2}$  قيمة واحد، ومتغيرات الجودة الأخرى،  $x_{2}$  و $x_{3}$  و $x_{4}$  واحد، ومتغيرات الجودة الأخرى، والمراجع وال وه من أخذت قيمة صفر.

الجدول (١-٢) مجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء

Target Variable    Variable   Carriable   Carriable
A columb   A columb
1       2       50       70       6       2         0       3       50       69       6       3         0       4       50       68       6       4         0       5       50       67       6       5         0       6       50       72       6       6         0       7       100       73       6       7         0       8       100       70       6       8         1       9       200       57       6       9         1       10       200       63       6       10         1       11       200       70       6       11         0       12       200       78       6       12
0       3       50       69       6       3         0       4       50       68       6       4         0       5       50       67       6       5         0       6       50       72       6       6         0       7       100       73       6       7         0       8       100       70       6       8         1       9       200       57       6       9         1       10       200       63       6       10         1       11       200       70       6       11         0       12       200       78       6       12
0       4       50       68       6       4         0       5       50       67       6       5         0       6       50       72       6       6         0       7       100       73       6       7         0       8       100       70       6       8         1       9       200       57       6       9         1       10       200       63       6       10         1       11       200       70       6       11         0       12       200       78       6       12
0       5       50       67       6       5         0       6       50       72       6       6         0       7       100       73       6       7         0       8       100       70       6       8         1       9       200       57       6       9         1       10       200       63       6       10         1       11       200       70       6       11         0       12       200       78       6       12
0       6       50       72       6       6         0       7       100       73       6       7         0       8       100       70       6       8         1       9       200       57       6       9         1       10       200       63       6       10         1       11       200       70       6       11         0       12       200       78       6       12
0       7       100       73       6       7         0       8       100       70       6       8         1       9       200       57       6       9         1       10       200       63       6       10         1       11       200       70       6       11         0       12       200       78       6       12
0     8     100     70     6     8       1     9     200     57     6     9       1     10     200     63     6     10       1     11     200     70     6     11       0     12     200     78     6     12
1     9     200     57     6     9       1     10     200     63     6     10       1     11     200     70     6     11       0     12     200     78     6     12
1     10     200     63     6     10       1     11     200     70     6     11       0     12     200     78     6     12
1 11 200 70 6 11 0 12 200 78 6 12
0 12 200 78 6 12
0 13 200 67 6 13
2 14 200 53 6 14
0 15 200 67 6 15
0 16 200 75 6 16
0 17 200 70 6 17
0 18 200 81 6 18
0 19 200 76 6 19
0 20 200 79 6 20
0 21 200 75 6 21
0 22 200 76 6 22
<u>1</u> 23 200 58 6 23

### ٢-١ أنواع متغيرات البيانات (Types of Data Variables):

تؤثر أنواع متغيرات البيانات في ماهية خوارزميات استكشاف البيانات التي يمكن تطبيقها على مجموعة معينة من البيانات. هذا الجزء يوضح الأنواع المختلفة لمتغيرات البيانات.

#### ١-٢-١ متغير الخاصية مقابل المتغير الهدف

#### (Attribute Variable versus Target Variable):

قد يكون لمجموعة بيانات متغيرات خاصية (Attribute Variables) ومتغيرات هدف (Target Variables)، حيث يتم استخدام قيم متغيرات الخاصية لتحديد قيم متغيرات الهدف. ومكن أيضاً أن يُطلق على متغيرات الخاصية، ومتغيرات الهدف المتغيرات المستقلة، والمتغيرات التابعة، على التوالي، لتعكس أن قيم المتغيرات الهدف تعتمد على قيم متغيرات الخاصية. في مجموعة البيانات الخاصة بالبالون المذكورة في الجدول (-1)، متغيرات الخاصية هي: اللون (Color)، والحجم (Size)، والفعل (Act)، والعمر (Age)، ويوضح المتغير الهدف حالة البالون (منفوخ أو غير منفوخ).

الجدول (٢-١) مجموعة البيانات الخاصة بالعدسات

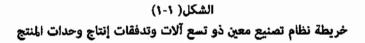
متغير الهدف -		Attributes =	متغيرات الخاصية		
Target	·				
العدسات Lenses	معدل خروج الدموع Tear Production Rate	اللابؤرية Astigmatic	التشخيص البصري Spectacle Prescription	العمر Age	رقم الحالة Instance
غير اللاصقة	منخفض	צ	قصر النظر	شاب	,
Noncontact	Reduced	No	Муоре	Young	1
اللاصقة الطرية	طبيعي	ሂ	قصر النظر	شاب	_
Soft contact	Normal	No	Муоре	Young	2
غير اللاصقة	منخفض	نعم	قصر النظر	شاب	3
Noncontact	Reduced	Yes	Муоре	Young	3
اللاصقة الصلبة	طبیعی	نعم	قصر النظر	شاب	4
Hard contact	Normal	Yes	Муоре	Young	4
غير اللاصقة	منخفض	ע	بُعد النظر	شاب	5
Noncontact	Reduced	No	Hypermetrope	Young	
اللاصقة الطرية	طبيعي	ע	بُعد النظر	شاب	6
Soft contact	Norma1	No	Hypermetrope	Young	
غير اللاصقة	منخفض	نعم	بعد النظر	شاب	7
Noncontact	Reduced	Yes	Hypermetrope	Young	
اللاصقة الصلبة	طبيعي	نعم	يُعد النظر	شاب	8
Hard contact	Normal	Yes	Hypermetrope	Young	
غير اللاصقة	منخفض	ע	قصر النظر	ماقبل الشيخوخة	9
Noncontact	Reduced	No	Myope	Pre-presbyopic	
اللاصقة الطرية	طبيعي	И	قُصر النظر	ماقبل الشيخوخة	10
Soft contact	Normal	No	Муоре	Pre-presbyopic	
غير اللاصقة	منخفض	نعم	فصر النظر	ماقبل الشيخوخة	11
Noncontact	Reduced	Yes	Муоре	Pre-presbyopic	
اللاصقة الصلبة	طبيعي	نعم	قصر النظر	ماقبل الشيخوخة	12
Hard contact	Normal	Yes	Муоре	Pre-presbyopic	
غير اللاصقة	منخفض	ሄ	بعد النظر	ماقبل الشيخوخة	13
Noncontact	Reduced	No	Hypermetrope	Pre-presbyopic	
اللاصقة الطرية	طبيعي	K	بعد النظر	ماقبل الشيخوخة	14
Soft contact	Normal	No	Hypermetrope	Pre-presbyopic	L

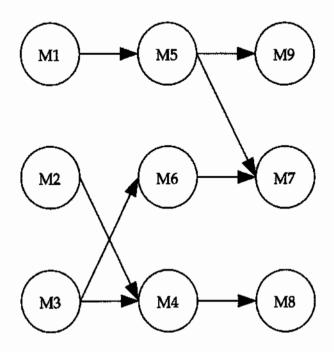
متغير الهدف - Target		Attributes -			
العدسات Lenses	معدل خروج الدموع Tear Production Rate	اللابؤرية Astigmatic	التشخيص البصري Spectacle Prescription	العمر Age	رقم الحالة Sosten
غير اللاصقة	منخفض	نعم	بُعد النظر	ماقبل الشيخوخة	15
Noncontact	Reduced	Yeş	Hypermetrope	Pre-presbyopic	
غير اللاصقة	طبيعي	نعم	بُعد النظر	ماقبل الشيخوخة	16
Noncontact	Normal	Yes	Hypermetrope	Pre-presbyopic	10
غير اللاصقة	مئخفض	У	قُصر النظر	الشيخوخة	17
Noncontact	Reduced	No	Муоре	Presbyopic	L ' '
غير اللاصقة	طبيعي	И	فحصر النظر	الشيخوخة	18
Noncontact	Normal	No	Муоре	Presbyopic	10
غير اللاصقة	منخفض	نعم	قصر النظر	الشيخوخة	19
Noncontact	Reduced	Yes	Myope	Presbyopic	''
اللاصقة الصلبة	طبيعي	نعم	قصر النظر	الشيخوخة	20
Hard contact	Normal	Yes	Муоре	Presbyopic	20
غير اللاصقة	منخفض	У	بُعد النظر	الشيخوخة	21
Noncontact	Reduced	No	Hypermetrope	Presbyopic	
اللاصقة الطرية	طبيعي	<u> </u>	بُعد النظر	الشيخوخة	22
Soft contact	Normal	N <u>o</u>	Hypermetrope	Presbyopic	22
غير اللاصقة	منخفض	نعم	بُعد النظر	الشيخوخة	23
Noncontact	Reduced	Yes	Hypermetrope	Presbyopic	
غير اللاصقة	طبيعي	نعم	بعد النظر	الشيخوخة	24
Noncontact	Normal	Yes	Hypermetrope	Presbyopic	

وفي مجموعة البيانات الخاصة بمكوك الفضاء والمذكورة في الجدول ٢-١، فإن متغيرات الخاصية هي: عدد الحلقات الدائرية (Number of O-rings)، ودرجة حرارة الإطلاق (Leak-check Pressure)، وضغط فحص التسرب (Temporal Order of Flight)، والمتغير الهدف: هو عدد والترتيب الزمني للرحلة (Number of O-rings with stress).

الجدول (١- ٤) مجموعة البيانات الخاصة باكتشاف الأعطال وتشخيصها في نظام تصنيع معين

İ	رقم الحالة Instance	الآلا (الآلا Faulty (Machine)	1(M1)	2(M2)	3(M3)	4(M4)	S(M5)	6(M6)	7(M7)	8(M8)	9(M9)	10(none)
		Y.	-	0	•	•	0	•	0	0	0	_
متغيرا	جود	ı,	0	_	0	0	0	0	0	0	0	0
ين الخ	े हत्य	Sr.		0	_	0	0	0	0	0	0	0
اصية -	ات المد	Ř	٥	-	0	_	0	0	0	0	0	0
متغيرات الخاصية - Attribute Variables	جودة وحدات المنتج – Quality of Parts	25	_	0	0	0	_	0	0	0	0	0
ariat	Parts	24	0	0	_	0	0	_	0	0	0	0
ıte V	Jo &	<b>4</b>	_	0	_	0	_	_	_	0	0	0
trib	ualit	SY.	0	_	0	_	0	0	0	-	0	0
Ψ	9	, F.	_	0	0	0	_	0	0	0	_	0
		(System	-	_	-	-	-	-	_	_	-	0
ažá S		77	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0
يران =		2	0	_	0	0	0	0	0	0	0	0
الم	अम्	\$	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0
متغيرات الهدف – Target Variables	- <u>4</u> <u>1</u> <u>2</u> <u>1</u>	3,	0	0	0	_	0	0	0	0	0	0
/aria	ault-	\$2,	0	0	0	0	_	0	0	0	0	0
rget 1	ine F	25.	0	0	0	0	0	_	0	0	0	0
Та	adt ।ऍर्फ – Machine Fault	2	0	0	0	0	0	0	_	0	0	0
		25,	0	0	0	0	0	0	0	_	0	0
		\$	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0





قد يكون لبعض مجموعات البيانات متغيرات خاصية فقط. على سبيل المثال، قد تحتوي بيانات العمليات الخاصة بشراء العملاء على العناصر والمواد التي تم شراؤها من قبل كل عميل في متجر ما. حيث تمثل العناصر التي تم شراؤها متغيرات الخاصية. في كثير من الأحيان تكون الفائدة من بيانات عمليات شراء العملاء هي معرفة العناصر التي يتم شراؤها معاً من قبل العملاء. ويمكن استخدام أنهاط اقتران العناصر (أو متغيرات الخاصية) هذه لإعادة تصميم تخطيط المتجر الذي يبيع العناصر وكذلك مساعدة العملاء على التسوق مستقبلاً. إن الاستكشاف والبحث في مثل مجموعة البيانات هذه يستلزم فقط متغيرات الخاصية دون متغيرات الهدف.

#### ٢-٢-١ المتغير النوعي مقابل المتغير الرقمي

#### (Categorical Variable versus Numeric Variable):

عكن أن يكون للمتغير قيم نوعية أو قيم رقمية. على سبيل المثال، جميع متغيرات الخاصية والمتغير الهدف في مجموعة البيانات الخاصة بالبالون تأخذ قيماً نوعية. فالقيمتان الخاصتان بخاصية اللون هما: الأصفر والأرجواني، تعطيان نوعيتين مختلفتين من اللون. وفي المثال الآخر الخاص ببيانات الحلقات الدائرية لمكوك الفضاء فإن جميع متغيرات الخاصية ومتغيرات الهدف تأخذ قيماً رقمية. على سبيل المثال، قيم متغير الهدف، 0، و1، و2، مثل عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال. ويمكن استخدام قيم المتغير الرقمي لقياس حجم كمية الاختلافات بين القيم الرقمية. على سبيل المثال، قيمة عدد 2 من الحلقات الدائرية أكبر بمقدار وحدة واحدة من قيمة 1 حلقة دائرية، وأكبر بمقدار وحدتين من قيمة "صفر" حلقة دائرية. وعلى الرغم من ذلك، فإن مقدار كمية الفروقات لا يمكن الحصول عليها من قيم المتغير النوعي. على سبيل المثال، على الرغم من أن اللونين الأصفر والأرجواني يظهران لنا الفرق جلياً بين لونين، فمن غير المناسب تحديد مقياس كمي لذلك الفرق. مثال آخر، الطفل الفرق جلياً بين لونين، فمن غير المناسب تحديد مقياس كمي لذلك الفرق. مثال آخر، الطفل المخص له / لها عدد من السنوات العمرية، لا يمكننا استخدام الفئتين العمريتين "طفل" كل شخص له / لها عدد من السنوات العمرية، لا يمكننا استخدام الفئتين العمريتين "طفل" كل شخص له / لها عدد من السنوات العمرية، لا يمكننا استخدام الفئتين العمريتين "طفل" و"راشد" للقول بأن "الطفل" أقل عمراً من "الراشد" بقدار 20، أو 30، أو 40 سنة.

وتنقسم المتغيرات النوعية إلى نوعين فرعيين من المتغيرات: المتغيرات الاسمية Tan et al.,) (Ordinal Variables) والمتغيرات الترتيبية (Nominal Variables). يمكن فرز وترتيب القيم الخاصة بالمتغير الترتيبي، في حين لا يمكن النظر فقط إلى قيم المتغيرات الاسمية على أنها هي ذاتها أو أنها مختلفة. على سبيل المثال، ثلاث قيم للعمر (طفل، راشد، كبير) تجعل هذا المتغير متغيراً ترتيبياً، لأنه يمكن ترتيب القيم (طفل، راشد، كبير) بشكل متصاعد عمرياً. ومع ذلك، لا يمكننا القول بأن فارق العمر بين الطفل والراشد أكبر أو أصغر من فارق العمر بين الراشد والكبير، لأن القيم (طفل، راشد، كبير) هي قيم نوعية وليست قيماً رقمية. وهو ما يعني، أنه على الرغم من أن قيم المتغير الترتيبي يمكن فرزها وترتيبها، فإن هذه القيم نوعية، وفروقها الكمية غير متاحة. اللون هو متغير اسمي حيث إن اللونين الأصفر والأرجواني هما قيمتان مختلفتان، ولكن ترتيب هاتين القيمتين قد يكون غير ذي معنى. يوجد نوعان فرعيان للمتغيرات الرقمية، وهما: متغيرات الفترة يكون غير ذي معنى. يوجد نوعان فرعيان للمتغيرات الرقمية، وهما: متغيرات الفترة لكون غير ذي معنى. يوجد نوعان فرعيان المتغيرات الرقمية، وهما: متغيرات الفترة (Tan et al., 2006) (Ratio Variables)).

الفروق الكمية بين قيم متغير الفترة (على سبيل المثال، درجة حرارة الإطلاق  $F^{\circ}$ ) هي ذات معنى، في حين أن كلاً من الفروقات الكمية والنسب بين قيم المتغير النسبي (على سبيل المثال، عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة) هي ذات معنى.

 $x_1, \ldots, x_p$  ورسمياً، نرمز لمتغيرات الخاصية ب $x_1, \ldots, x_p$  ولمتغيرات الهدف، ب $y_1, \ldots, y_q$  ولتكن  $x_1, \ldots, x_p$  و  $y_1, \ldots, y_q$  و  $y_1, \ldots, y_q$  و رسمياً، نرمز لمتغيرات الخاصة ب $y_1, \ldots, y_q$  و رسميانات المرصودة (أو الملحوظات المرصودة -  $y_1, \ldots, y_q$ ) الخاصة ب $y_1, \ldots, y_q$  إلى ســجلات البيانات،  $y_1, \ldots, y_q$  الى ســجلات البيانات،  $y_1, \ldots, y_q$  الى ســجلات البيانات،  $y_1, \ldots, y_q$ 

# ٣-١ أغاط البيانات التي يمكن استنباطها من خلال استكشاف البيانات (Data Patterns Learned through Data Mining):

فيما يلي الأنواع الرئيسة لأنماط البيانات التي يتم اكتشافها في مجموعات البيانات باستخدام خوارزميات استكشاف البيانات:

- أغاط التصنيف والتنبؤ
- أغاط الاقتران وأغاط العنقود
  - أغاط اختزال البيانات
  - الأغاط المتطرفة والشاذة
  - الأغاط الزمنية والتسلسلية

وسيتم وصف كل نوع من أنماط البيانات المذكورة أعلاه في الأجزاء التالية.

#### ١-٣-١ أنهاط التصنيف والتنبؤ (Classification and Prdiction Patterns):

 $(x_1, ..., x_p)$  أغاط التصنيف والتنبؤ في استنباط العلاقات بين متغيرات الخاصية،  $(x_1, ..., y_q)$  ومتغيرات الهدف  $(y_1, ..., y_q)$  والمدعومة بمحموعة معطاة من سجلات البيانات،  $(x_1, ..., y_q)$  والمدعومة بتصنيف أو التنبؤ بقيم المتغيرات الهدف باستخدام فيم متغيرات الخاصية.

على سبيل المثال، جميع سجلات البيانات الـ 16 في مجموعة البيانات الخاصة بالبالون والمذكورة في الجدول ١-١ تدعم العلاقة التالية لمتغيرات الخاصية، اللون (Color)، والحجم والمذكورة في الجدول ١-١ تدعم العلاقة التالية لمتغير الهدف "منفوخ" (Act)، والعمر (Size) مع متغير الهدف "منفوخ" (True) (حيث تشير القيمة "T" إلى "True" أي "صحيح": أي أنّ البالون منفوخ و تشير القيمة "False" إلى "False" أي "خاطئ": أي أنّ البالون غير منفوخ):

IF (Color = Yellow AND Size = Small) OR (Age = Adult AND Act = Stretch), THEN Inflated = T; OTHERWISE, Inflated = f.

إذا كان (اللون = أصفر، و الحجم = صغير) أو (العمر = راشد و الفعل = ممتد)، إذن تكون خاصية منفوخ = T (أي "حاطئ").

العلاقة المذكورة أعلاه تسمح لنا بتصنيف بالون ما إلى قيمة نوعية لمتغير الهدف باستخدام قيمة محددة لمتغيرات الخاصية: اللون (Color)، والحجم (Size)، والفعل (Age)، والعمر (Age). وبالتالي، فإن هذه العلاقة تعطينا غط بيانات تسمح لنا بإجراء التصنيف للبالون. وعلى الرغم من أنه يمكننا استخلاص غط العلاقة هذا عن طريق فحص سجلات البيانات الـ 16 في مجموعة بيانات البالون، إلا أن استخلاص هذا النمط يدوياً من مجموعة كبيرة جداً من البيانات المختلطة ببيانات مشوشة قد يكون مهمة صعبة. إن استخدام خوارزمية استكشاف البيانات يمكننا من التعلم من مجموعة كبيرة من البيانات بشكل تلقائي.

ومِثال آخر، فإن النموذج الخطي التالي يلائم 23 سجلاً بيانياً لمتغير الخاصية، وهو درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature)، والمتغير الهدف: عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة (Number of O-rings with stress)، في مجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء المذكورة في الجدول ١-٢:

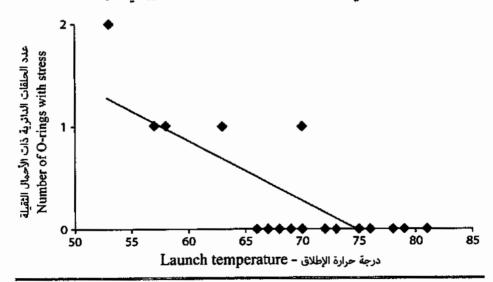
$$y = -0.05746 x + 4.301587 \tag{1-1}$$

حيث:

- Number) تشير إلى المتغير الهدف: عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة (of O-rings with stress
  - X تشير إلى متغير الخاصية، وهو درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature)

يوضح الشكل ١-١ قيم درجة حرارة الإطلاق، وعدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة في الم 23 سجلاً بيانياً، ويوضح الخط الملائم الموضح في المعادلة الخطية ١-١. ويبين المحدول ١-٥ قيمة الخاصية: الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة، لكل سجل من سجلات البيانات التي تم التنبؤ بها من قيمة درجة حرارة الإطلاق باستخدام نموذج العلاقة الخطية لدرجة حرارة الإطلاق مع عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة في المعادلة ١-١ باستثناء اثنين من سجلات البيانات للحالتين 2 و 11، فإن النموذج الخطي في المعادلة ١-١ يجسد العلاقة بين درجة حرارة الإطلاق مع عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة بشكل جيد، إذ إنه كلما انخفضت قيمة درجة حرارة الاطلاق زادت قيمة الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة تظهر جلياً في سجل البيانات رقم 14 مع 2 من الحلقات الدائرية بها أحمال حرارية.

الشكل ( ٢-١) النموذج الملائم للعلاقة الخطية الخاصة بدرجة حرارة الإطلاق مع عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة في مجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء



القيمتان اللتان تم التنبؤ بهما في النطاق المتوسط، 1.026367 و 0.681607 مع واحد من تظهران بوضوح في اثنين من سجلات البيانات أرقام 9، 10 في الجدول ١-٥ مع واحد من الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة. وتظهر القيم المتوقعة في نطاق منخفض من - 0.352673 إلى 0.509227 لجميع سجلات البيانات التي يبلغ عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة بها صفراً. كما يكشف المعامل السلبي لـ عد 0.05746-، في المعادلة ١-١ هذه العلاقة. وبالتالي، فإن العلاقة الخطية في المعادلة ١-١ تعطي نمطاً للبيانات يتيح لنا التنبؤ بالمتغير الهدف (عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة)، من متغير الخاصية (درجة حرارة الإطلاق) في مجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء.

 $(x_1,...,x_p)$ ، مع متغيرات الخاصية، ( $y_1,...,y_q$ )، بالشكل العام y=F(x). بالنسبة لمجموعة بيانات مع متغيرات الهدف، ( $y_1,...,y_q$ )، بالشكل العام ( $Classification\ Patterns$ ) الخاصة بF تأخذ شكل البالون، فإن أغاط التصنيف (F البيانات الخاصة بعدد الحلقات الدائرية في مكوك الفضاء، فإن أغاط التنبؤ (F F تأخذ شكل النموذج الخطي. وبشكل فإن أغاط التنبؤ (F F تأخذ شكل النموذج الخطي. وبشكل عام، يُستخدم مصطلح "أغاط التصنيف" إذا كان المتغير الهدف هو متغير نوعي، أما مصطلح "أغاط التنبؤ" فيُستخدم إذا كان المتغير الهدف هو متغير رقمي.

الجدول ( ١-٥) القيمة المتوقعة لعدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة

_	القيمة المتوقعة تعدد الخلفات الدائرية ذات الاختمال الثقيلة							
	Target Variable - c	متغير الهدف	متغير الخاصية					
_			Attribute Variable					
	القيمة المتوقعة	عدد الحلقات الدائرية						
Ç	بها لعدد الحلقات الدائرية ذان	=	درجة حرارة الإطلاق					
	الأحمال الثقيلة	Number of	Launch	رقم الحالة				
	Predicted Value	O-Rings	Temperature	Instance				
_	of O-Rings with Stress	with Stress		Instance				
	0.509227	0	66	1				
	0.279387	1	70	2				
	0.336847	0	69	3				
	0.394307	0	68	4				
	0.451767	0	67	5				
	0.164467	0	72	6				
	0.107007	0	73	7				
	0.279387	0	70	8				
	1.026367	1	57	9				
	0.681607	1	63	10				
	0.279387	1	70	11				
	-0.180293	0	78	12				
	0.451767	0	67	13				
	1.256207	2	53	14				
	0.451767	0	67	15				
	-0.007913	0	75	16				
	0.279387	0	70	17				
	-0.352673	0	81	18				
	-0.065373	0	76	19				
	-0.237753	0	79	20				
	-0.007913	0	75	21				
	-0.065373	0	76	22				
	0.968907	1	58	23				

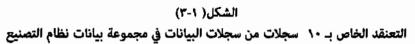
يستعرض الجزء الثاني من الكتاب خوارزميات استكشاف البيانات التالية التي يتم استخدامها لاستنباط أنماط التصنيف والتنبؤ من البيانات:

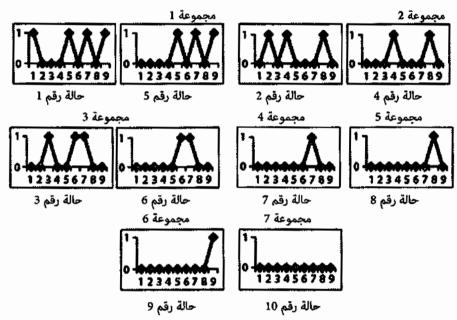
- خاذج الانحدار في الفصل ٢
- مصنف بييز البسيط في الفصل ٣
- أشجار القرار والانحدار في الفصل ٤
- الشبكات العصبية الصناعية للتصنيف والتنبؤ في الفصل ٥
  - الدعم الآلي المتجه في الفصل ٦
  - الفصل و المراقب في الفصل k مصنّف أقرب k مصنّف أقرب  $\bullet$

#### الماط الاقتران وأنهاط العنقود (Cluster and Association Patterns):

عادةً ما تستلزم أنماط الاقتران وأنماط العنقود متغيرات الخاصية فقط،  $(x_1, ..., x_p)$ ، ريطلق مصطح العنقود -cluster ليشير إلى المجموعة المتشابهة من سجلات البيانات). وتحتوي أنماط العنقود على مجموعات من سجلات البيانات المتماثلة بحيث تكون سجلات البيانات في مجموعة واحدة متشابهة، ولكن هناك اختلافات أكبر عن سجلات البيانات في مجموعة أخرى. وبعبارة أخرى، فإن أنماط العنقود تكشف عن أنماط التشابه والاختلاف بين سجلات البيانات. أما أنماط الاقتران فيتم تشكيلها على أساس التلازم والتزامن في حدوث العناصر الموجودة في سجلات البيانات، (يطلق مصطح الاقتران -association ليشير إلى العناصر أو المتغيرات الموجودة في سجلات البيانات). في بعض ارتباط وقوع أو حدوث العناصر أو المتغيرات الموجودة في سجلات البيانات).

الأحيان، تُستخدَم أيضاً المتغيرات الهدف،  $(y_1, ..., y_q)$  في التعنقد، ولكن يتم التعامل معها بنفس الطريقة التي يتم التعامل بها مع متغيرات الخاصية.





على سبيل المثال، عكن تجميع ١٠ من سجلات البيانات الموجودة في مجموعة بيانات نظام التصنيع والموضحة في الجدول 1-3 في سبع مجموعات، كما هو مبين في الشكل 1-7. حيث يوضح المحور الأفقي لكل رسم بياني في الشكل 1-7 متغيرات الجودة التسعة، ويوضح المحور الرأسي قيمة متغيرات الجودة التسعة تلك. هناك ثلاث مجموعات تتكون من أكثر من سجل واحد من سجلات البيانات: المجموعة الأولى  $(Group\ 1)$ ، والمجموعة الثانية من سجلات البيانات متشابهة مع اختلاف القيم في واحدة فقط من متغيرات الجودة التسعة. إن إضافة أي سجل بيانات آخر إلى كل مجموعة من هذه المجموعات الثلاث يجعل التسعة. إن إضافة أي سجل بيانات آخر إلى كل مجموعة من هذه المجموعات الثلاث يجعل

المجموعة لديها على الأقل اثنين من سجلات البيانات بها قيم مختلفة في أكثر من متغير جودة واحد.

لنفس مجموعة بيانات نظام التصنيع، فإن متغيرات الجودة،  $x_0$  و $x_0$  مقترنة ببعضها بشكل عال لأن لديها نفس القيمة في جميع سجلات البيانات باستثناء السجل رقم  $x_0$  وهناك أزواج أخرى من المتغيرات، على سبيل المثال،  $x_0$  ووقد والتي ترتبط ببعضها إلى حد كبير لنفس السبب. هذه هي بعض أغاط الاقتران الموجودة في مجموعة بيانات نظام التصنيع في الجدول  $x_0$  الجدول  $x_0$  .

كما يناقش الجزء الثالث من الكتاب خوارزميات استكشاف البيانات التالية التي يتم استخدامها في استنباط أناط العنقود وأناط الاقتران من البيانات:

- التعنقد الهرمي في الفصل (٨).
- التعنقد حول K من المتوسطات والتعنقد على أساس الكثافة في الفصل (٩).
  - خريطة التنظيم الذاتي في الفصل (١٠).
  - التوزيعات الاحتمالية للبيانات أحادية المتغير في الفصل (١١).
    - قواعد الاقتران في الفصل (١٢).
      - شبكات بييز في الفصل (١٣).

وتتناول الفصول ١٠، و٢١، و٢٢، و٢٧، الموجودة في كتيب استكشاف البيانات ( 2003)، التطبيقات الخاصة بخوارزميات العناقيد لبيانات سلّة السوق، وبيانات الدخول إلى شبكة الإنترنت، والبيانات النصية، والبيانات الجغرافية المكانية، وبيانات الصور. بينما يتناول الفصل ٢٤، الموجود في كتيب استكشاف البيانات (Ye, 2003)، التطبيق الخاص بخوارزمية قاعدة الاقتران لبيانات تركيب البروتين.

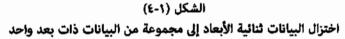
#### ٣-٣-١ أغاط اختزال البيانات (Data Reduction Patterns):

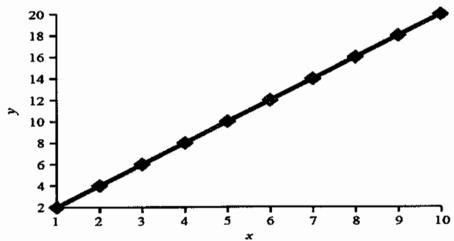
تبحث أنماط اختزال البيانات عن عدد قليل من المتغيرات التي يمكن استخدامها لتمثيل مجموعة من البيانات ذات عدد أكبر بكثير من المتغيرات. حيث إن المتغير الواحد يعطي بعداً واحداً من البيانات، وتسمح أنماط اختزال البيانات لمجموعة من البيانات ذات أبعاد

كثيرة أن يتم تمثيلها في مجموعة بيانات ذات أبعاد أقل. على سبيل المثال، يوضح الشكل  $y=x_2$ , x=1,2,...,10 عشرة سجلات بيانات في فضاء ثنائي الأبعاد (y,x), حيث (x,y), حيث (y,x) عضرة بيانات ألثنائية الأبعاد هذه كمجموعة بيانات ذات بُعد واحد بحيث تكون (x,y) محوراً، وتكون (x,y) مرتبطة بالمتغيرات الأصلية، (x,y) على النحو التالى:

$$z = x * \sqrt{1^2 + 1 * \left(\frac{y}{x}\right)^2}.$$
 (Y-1)

وتكون نقاط البيانات العشر لـ z هي: 2.236، 4.472، 6.708، 8.944، 11.180، 11.180، 11.180، 22.361، 22.361، 22.361،





أما الجزء الرابع من الكتاب، فيستعرض خوارزميات استكشاف البيانات التالية التي يتم استخدامها لاكتشاف أنماط اختزال البيانات من البيانات:

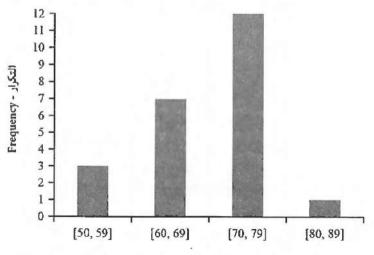
- تحلیل المكونات الرئیسیة (الفصل ۱٤).
  - القياس المتعدد الأبعاد (الفصل ١٥).

ويتناول الفصلان ٢٣ و٨، الموجود في كتيب استكشاف البيانات (Ye, 2003)، تطبيقات تحليل المكون الرئيسي لبيانات البراكين وبيانات العلوم والهندسة.

#### ٤-٣-١ الأنماط المتطرفة والشاذة (Outlier and Anomaly Patterns):

القيم المتطرفة (outliers) والشاذة (anomaly) هي نقاط البيانات التي تختلف إلى حد كبير عن المعيار العام للبيانات. ويمكن تعريف المعيار العام للبيانات بعدة طرق. على سبيل المثال، يمكن تعريف المعيار على أنه نطاق القيم الذي تشغله غالبية نقاط البيانات، ونقطة البيانات ذات القيمة التي تكون خارج هذا النطاق، يمكن اعتبارها قيمة متطرفة. يوضح الشكل ١-٥ رسماً بيانياً لتكرار قيم درجة حرارة الإطلاق الخاص بنقط البيانات في مجموعة بيانات مكوك الفضاء المذكورة في الجدول ١-٢. هناك ثلاث قيم من قيم درجة حرارة الإطلاق في النطاق [50, 59]، وعدد سبع قيم في النطاق [60, 69]، وعدد اثنتي عشرة قيمة في النطاق [70, 79]، وقيمة واحدة فقط في النطاق [80, 89]. ويمكن اعتبار وبالتاني، فإن غالبية قيم درجة حرارة الإطلاق هي في النطاق [50, 79]. ويمكن اعتبار القيمة 81 في السجل 18 قيمةً متطرفةً أو شاذةً.

الشكل ( ۱-٥ ) الرسم البياني التكراري لدرجات حرارة الإطلاق في مجموعة بيانات مكوك الفضاء



درجة حرارة الاطلاق - Launch temperature

ويستعرض الجزء الخامس من الكتاب خوارزميات استكشاف البيانات التالية التي تُستخدم لتحديد بعض المعايير الإحصائية للبيانات، وللكشف عن القيم المتطرفة والشاذة وفقاً لتلك المعايير الإحصائية:

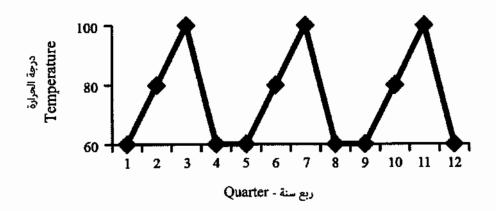
- مخطط التحكم أحادي المتغير في الفصل ١٦
- مخطط التحكم متعدد المتغيرات في الفصل ١٧

تقدم الفصول ٢٦ و٢٨، الموجودة في كتيب استكشاف البيانات (Ye, 2003)، والفصل ١٤ الذي يدور حول الأنظمة الآمنة للحواسيب والشبكات: النمذجة والتحليل والتصميم (Ye, 2008)، التطبيقات الخاصة بخوارزميات الكشف عن البيانات المتطرفة والشاذة في بيانات القطاع الصناعي وبيانات الحواسيب والشبكات.

#### ١-٣-١ الأناط الزمنية والتسلسلية (Sequential and Temporal Patterns):

تكشف الأناط الزمنية والتسلسلية عن الأناط الموجودة في سلسلة نقاط أو سجلات البيانات. إذا تم تعريف التسلسل على أنه الوقت الذي جُمعت خلاله نقاط البيانات، فإننا نطلق على سلسلة نقاط البيانات "سلسلة الزمن". يوضح الشكل ١-٦ السلسلة الزمنية لقيم درجات العرارة في مدينة ما كل ثلاثة شهور لمدة ثلاث سنوات.

الشكل( ٦-١) درجة حرارة الطقس كل ثلاثة شهور لمدة ٣ سنوات



الجدول ( ١- ٢) مجموعة بيانات اختبارية لنظام تصنيع معين لاكتشاف وتشخيص الأعطال

	متغيرات الخاصية – Attribute Variables	رقم الحالة	جودة وحدات المنتج – Instance	(।र्[िष्ट । इस्पीर्	x3 x2 x1 (Faulty Machine	0 1 1 (M1,M2)	1 1 0 2 (M2,M3)	1 0 1 3 (M1,M3)	0 0 1 4 (M1,M4)	0 0 1 5 (M1,M6)	0 1 0 6 (M2,M6)	0 1 0 7 (M2,M5)	1 0 0 8 (M3,M5)	0 0 9 (M4,M7)	0 0 0 10 (M5,M8)	1 0 0 11 (M3,M9)	0 0 I 12 (M1,M8)	1 1 1 13 (M1,M2,M3)	1 1 0 14 (M2,M3,M5)	1 1 0 15 (M2,M3,M9)	0 0 1 16 (M1,M6,M8)
	اصية – 8		ن المنتج .		X4	1	_	0	-	0	-	_	0	-	0	_	0	-	_	-	0
	ariable		Parts -		X6 X5	1 0	0	1	0	- -	0	- 0	<del>-</del>	0	0	1 0	- 0	- -	_ _	0 1	1
•	bute V		ity of I		X7	-	_	-	_	-	_	_	_	_	_	_	_	_	_	-	_
j	Attri	,	Qua		X9 X8	-	<u>-</u>	•	<del>-</del>	<b>o</b>	<del>-</del>	<del>-</del>	<u> </u>	-	<u> </u>	<del>-</del>	<b>-</b>	<del>-</del>	<del>-</del>	<del>-</del>	-
		क्ती धिसी	(System	Fault), y	-		-	_	_	_	-	_	_	-	-	_	_	-	_	_	-
	متغيرات				Z,	_	0	_	-	-	0	0	0	0	0	0	-	_	0	0	-
٠	بالهدف		#		72	-	-	0	0	0	_	_	0	0	0	0	0	-	-	-	0
	es – '	,	17. IX.		y 33	0 (	_	_	0	0	0	0	_	0	0	_	0	_	_	_	0
	متغيرات الهدف – Target Variables		arife –		75	0	0	0	-	0	0	_	_	0	_	0	0	0	_	0	0
			adu ।रिष्क – Machine Fault		3/6	0	0	0	0	_	_	0	0	0	0	0	0	0	0	0	_
	Ta		Mach		14	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	0	0	0	0	0	0
					y ys	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-	0	-	0	0	0	0
					-	0	0	0	O	O	0	0	0	0	0	_	0	0	0	_	-

هناك غط دوري لدرجات الحرارة: ٦٠، ٨٠، ١٠٠، و ٦٠، والذي يتكرر كل عام. يمكن اكتشاف مجموعة متنوعة من الأغاط الزمنية والتسلسلية باستخدام خوارزميات استكشاف البيانات في الجزء السادس من الكتاب، عا في ذلك:

- تحلیل الارتباط الذاتی وسلاسل الزمن فی الفصل (۱۸).
- أذج سلسلة ماركوف وغاذج ماركوف المخفية في الفصل (١٩).
  - تحلیل المویجات فی الفصل (۲۰).

و تتناول الفصول ١٠، و١١، و١٦، الموجودة في كتاب الأنظمة الآمنة للحواسيب والشبكات: النمذجة والتحليل والتصميم (Ye, 2008)، التطبيقات الخاصة بخوارزميات استكشاف غط تسلسلي وزمني لبيانات الحاسب والشبكات، لكشف الهجمات الحاسوبية عبر الإنترنت.

#### ٤-١ البيانات التدريبية والبيانات الاختبارية

(Training Data and Test Data):

مجموعة البيانات التدريبية (أو الاستكشافية) هي مجموعة من سجلات البيانات التي يتم استخدامها لمعرفة واكتشاف أغاط البيانات. بعد اكتشاف أغاط البيانات، ينبغي اختبارها لمعرفة إمكانية تعميمها على مجموعة واسعة من سجلات البيانات، ما في ذلك تلك التي تختلف عن سجلات البيانات التدريبية. وتُستخدم مجموعة البيانات الاختبارية لهذا الغرض، بالإضافة إلى احتوائها على سجلات بيانات جديدة ومختلفة. على سبيل المثال، يبين المجدول ١-٦ مجموعة بيانات اختبارية لتصنيع نظام معين واكتشاف أعطاله وتشخيصها. وتحتوي مجموعة البيانات التدريبية لنظام التصنيع هذا والمذكورة في الجدول ١-٤ على سجلات بيانات خاصة بتسع أعطال أحادية الآلة، وحالة واحدة لآلة بدون أعطال ثنائية الآلة مجموعة البيانات الاختبارية في الجدول ١-٦ على سجلات بيانات لبعض الأعطال ثنائية الآلة وثلاثية الآلة أيضاً.

#### التمارين (Exercises):

- ۱-۱ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ۲۰ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف أنماط التصنيف، على أن تحتوي مجموعة البيانات هذه على العديد من متغيرات الخاصية النوعية، ومتغير هدف نوعي.
- ۲-۱ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ۲۰ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف أغاط التنبؤ، على أن تحتوي مجموعة البيانات هذه على العديد من متغيرات الخاصية الرقمية، ومتغير هدف رقمي.
- ۲-۱ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ۲۰ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف أغاط العنقود، على أن تحتوى مجموعة البيانات هذه على متغيرات الخاصية متعددة ورقمية.
- ٤-١ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ٢٠ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف أغاط الاقتران على أن تحتوي مجموعة البيانات هذه على عدة متغيرات نوعية.
- ٥-١ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ٢٠ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف أغاط اختزال البيانات، وحدد نوع (أنواع) متغيرات البيانات في مجموعة البيانات هذه.
- ٦-١ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ٢٠ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف الأناط المتطرفة والشاذة، وحدد نوع (أنواع) متغيرات البيانات في مجموعة البيانات هذه.
- ٧-١ أوجد وقم بوصف مجموعة بيانات تحتوي على ٢٠ سجل بيانات على الأقل، والتي سبق استخدامها في تطبيق لاستكشاف البيانات لغرض اكتشاف الأنماط الزمنية والتسلسلية، وحدد نوع (أنواع) متغيرات البيانات في مجموعة البيانات هذه.

# الجزء الثاني خوارزميات لاستكشاف أنهاط التصنيف والتنبؤ Algorithms for Mining Classification and Prediction Patterns

# ٢- غاذج الاتحدار الخطية وغير الخطية Linear and Nonlinear Regression Models

تعمل غاذج الانحدار على توضيح الكيفية التي يتغير بها واحد أو أكثر من متغيرات الهدف تبعاً لتغير واحد أو أكثر من متغيرات الخاصية. ويكن استخدامها للتنبؤ بقيم متغيرات الهدف باستخدام قيم متغيرات الخاصية. وفي هذا الفصل، سنتناول غاذج الانحدار الخطية وغير الخطية. كما سنناقش في هذا الفصل طريقة المربعات الصغرى least (maximum likelihood method) وطريقة الإمكان الأكبر (squares method) وطريقة الانحدار. بالإضافة إلى ذلك، سيتم تقديم قائمة من الحزم البرمجية التي تدعم بناء غاذج الانحدار.

# ۱-۲ غاذج الانحدار الخطي (Linear Regression Models):

يحتوي غوذج الانحدار الخطي البسيط، على متغير هدف واحد y فقط ومتغير خاصية واحد x فقط كما هو موضح أدناه:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i \tag{1-7}$$

حيث إنَّ:

xو x و الكل من x و x الكل من x و الكل من x و الكل من x و الكل من x و الكل من x

يمثل الخطأ العشوائي (على سبيل المثال، خطأ القياس) الذي يسهم في الملحوظة المرصودة رقم i الخاصة بالمتغير y.

بالنسبة لقيمة معينة لـ  $x_i$  فإنّ كلاً من  $y_i$  و  $\varepsilon_i$  يعد متغيرات عشوائية عكن أن يتبع قيمها توزيعاً احتمالياً كما هو موضح في الشكل ٢-١. وبعبارة أخرى، لنفس قيمة x عكن ملاحظة قيم مختلفة لـ y وع في أوقات مختلفة. يوجد ثلاثة افتراضات خاصة بـ  $\varepsilon_i$ :

- باوي الصفر.  $E(arepsilon_i) = 0$  وهو ما يعني أن متوسط الخطأ العشوائي  $arepsilon_i$  يساوي الصفر.
- .  $\sigma^2$  وهو ما يعني أن الأخطاء العشوائية لها تباين ثابت يساوي  $var(\varepsilon_i) = \sigma^2$  -۲

وهو ما يعني أن التباين المصاحب  $j \neq i$  وهو ما يعني أن التباين المصاحب  $(\varepsilon_i, \varepsilon_j) = 0$  لكل من  $(\varepsilon_i, \varepsilon_i)$  لأي ملحوظتين مرصودتين بيانيتين مختلفتين (الملحوظة رقم i والملحوظة رقم j) يساوي صفراً.

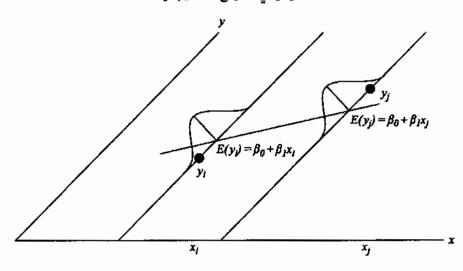
هذه الافتراضات تعنى أن:

$$E(y_i) = \beta_0 + \beta_1 x_i - 1$$

$$var(v_i) = \sigma^2 - \Upsilon$$

رقم رقم الملحوظة رقم  $cov(y_i\,,\,y_j)=0$  گي ملحوظة رقم رقم الملحوظة رقم i والملحوظة رقم i

الشكل (۲-۱) مثال توضيحي لنموذج انحدار بسيط



ويمكن توسيع غوذج الانحدار الخطي البسيط في المعادلة ٢-١ ليشمل متغيرات خاصية متعددة:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i,1} + \dots + \beta_p x_{i,p} + \varepsilon_i \qquad (Y-Y)$$

حيث إن:

p هو عدد صحيح أكبر من p

j بشير إلى الملحوظة المرصودة رقم المتغير الخاصية رقم  $x_{i,j}$ 

غاذج الانحدار الخطي في المعادلتين ٢-١ و٢-٢ هي خطية بالمعلمات:  $eta_0, ..., eta_p$  ، ومتغيرات الخاصية:  $x_{i,1}, ..., x_{i,p}$  ويشكل عام، غاذج الانحدار الخطي هي خطية في المعلمات ولكنها ليست بالضرورة خطية في متغيرات الخاصية. غوذج الانحدار التالي متعدد الحدود للمتغير  $x_i$  هو أيضاً غوذج انحدار خطي:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i,1} + ... + \beta_k x_{i,1}^k + \varepsilon_i$$
 (r-r)

حيث إن k هو عدد صحيح أكبر من 1. ويأتي الشكل العام لنموذج الانحدار الخطي كما يلي:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \Phi_1(x_{i,1}, ..., x_{i,p}) + ... + \beta_k \Phi_k(x_{i,1}, ..., x_{i,p}) + \varepsilon_i$$
 (E-Y)

حيث إن  $\Phi_i$ ، A=1,...,k هي دالة خطية أو غير خطية تستلزم واحداً أو أكثر من المتغيرات عيث إن  $x_i,\,...,\,x_p$ 

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i,1} + \beta_2 x_{i,2} + \beta_3 \log x_{i,1} x_{i,2} + \varepsilon_i$$
 (0-7)

# ٢-٢ طريقة المربعات الصغرى وطريقة الإمكان الأكبر لتقدير المعلمة (Least-Squares Method and Maximum Likelihood Method of Parameter Estimation):

حتى يتم ملاءمة غوذج انحدار خطي مع مجموعة من البيانات التدريبية أو الاستكشافية  $(x_i,y_i)$ ,  $(x_i,y_i)$ ,  $(x_i,y_i)$ , غاننا نحتاج إلى تقدير المعلمات  $x_i = x_i = x_i$  (المَعلَمَات: مفردها مَعلَمَة وهي عبارة عن عامل متغير قابل للقياس في نظام معادلات معين). عادةً ما يتم استخدام طريقة المربعات الصغرى وطريقة الإمكان الأكبر لتقدير المعلمات  $\beta$  وسوف يتم توضيح كلتا الطريقتين باستخدام غوذج الانحدار الخطي البسيط في المعادلة  $\beta$ .

تبحث طريقة المربعات الصغرى عن قيم للمعلمات  $eta_0$  والتي تقلل من مجموع الأخطاء التربيعية (SSE) بين القيم المستهدفة الفعلية ( $\hat{y}_i$ , i=1,...n) والقيم المستهدفة المقدَّرة ( $\hat{y}_i$ , i=1,...n) باستخدام المعلمات المقدَّرة ( $\hat{g}_i$ 0 مجموع الأخطاء التربيعية ( $\hat{SSE}$ 2) عبارة عن دالة لكل من  $\hat{g}_i$ 0 و  $\hat{g}_i$ 3:

$$SSE = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2 = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i)^2$$
 (3-7)

يجب أن تكون قيمة الاشتقاق الجزئي لـ SSE فيما يتعلق بـ  $\hat{eta}_0$  و  $\hat{eta}_1$  صفراً عند النقطة التي يتم فيها تصغير SSE. ومن ثم، فإن قيم  $\hat{eta}_0$  و  $\hat{eta}_1$  التي تُصغُر قيمة SSE يتم الحصول عليها باشتقاق SSE بالنسبة لـ  $\hat{eta}_0$  و  $\hat{eta}_1$ ، ووضع هذه الاشتقاقات الجزئية مساويةً للصفر:

$$\frac{\partial SSE}{\partial \hat{\beta}_0} = -2 \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = 0$$
 (V-Y)

$$\frac{\partial SSE}{\partial \hat{\beta}_1} = -2 \sum_{i=1}^n x_i (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = 0 \tag{A-Y}$$

يتم تبسيط المعادلات ٢-٧ و٢-٨ إلى:

$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = \sum_{i=1}^{n} y_i - n\hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 \sum_{i=1}^{n} x_i = 0$$
 (9-7)

$$\sum_{i=1}^{n} x_i (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - \hat{\beta}_0 \sum_{i=1}^{n} x_i - \hat{\beta}_1 \sum_{i=1}^{n} x_i^2$$

$$= 0$$
(1.-Y)

وبحل المعادلات ۲-۹ و۲-۱۰ لـ  $\hat{eta}_0$  و  $\hat{eta}_1$  نحصل على:

$$\hat{\beta}_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{n \sum_{i=1}^n x_i y_i - (\sum_{i=1}^n x_i)(\sum_{i=1}^n y_i)}{n \sum_{i=1}^n x_i^2 - (\sum_{i=1}^n x_i)^2} \quad (11-7)$$

$$\hat{\beta}_0 = \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n y_i - \hat{\beta}_1 \sum_{i=1}^n x_i \right) = \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x}$$
 (17-7)

لا يتطلب تقدير المعلمات في غوذج الانحدار الخطي البسيط القائم على طريقة المربعات الصغرى أن يكون للخطأ العشوائي  $\hat{\epsilon}$  شكل محدد من أشكال التوزيع الاحتمالي. إذا أضفنا إلى غوذج الانحدار الخطي البسيط في المعادلة  $\tau$ 1 الافتراضي أن  $\hat{\epsilon}$ 3 موزعة طبيعياً عتوسط قيمته صفر وتباين ثابت وغير معروف قيمته  $\sigma$ 4 ويُرمز لهذين الافتراضيين بالرمز

الانحدار المعلمات في غوذج الانحدار المعلمات في غوذج الانحدار  $N(0, \sigma^2)$ . وإنه يمكن استخدام طريقة الإمكان الأخطاء العشوائية  $\epsilon_{iS}$  مستقلة  $N(0, \sigma^2)$  يعطي التوزيع الطبيعى  $\nu_{iJ}$  مع:

$$E(y_i) = \beta_0 + \beta_1 x_i \qquad (1\text{Y-Y})$$

$$var(y_i) = \sigma^2 \qquad (1\text{E-Y})$$

وتكون داله الكثافة (density function) للتوزيع الاحتمالي الطبيعي:

$$f(y_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{y_i - E(y_i)}{\sigma}\right)^2} = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{y_i - \beta_0 - \beta_1 x_i}{\sigma}\right)^2}$$
(10-Y)

نظراً لأن  $y_i$  مستقلة، فإن احتمال ملاحظة  $y_i$ ،...، $y_n$  هو i ، والتي تمثل حاصل ضرب دوال الكثافة الفردية و $f(y_i)$  وتمثل دالةً لكل من i0، i0، وi0:

$$L(\beta_0, \beta_1, \sigma) = \prod_{i=1}^{n} \frac{1}{(2\pi\sigma^2)^{1/2}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{y_i - \beta_0 - \beta_1 x_i}{\sigma}\right)^2} \quad (17-7)$$

إن القيم المقدِّرة للمعلمات،  $\hat{\sigma}^2$   $\hat{\beta}_0$ , والتي تُعظَّم دالة الإمكان في المعادلة ٢٦-١٦ هي مقدِّرات الإمكان الأكبر ويمكن الحصول عليها باشتقاق دالة الإمكان بالنسبة لـ  $\beta_0$ ,  $\beta_1$ , و $\beta_0$ , وأد مساواة هذه الاشتقاقات الجزئية بالصفر. ولتسهيل الحساب، نستخدم التحويل اللوغاريتمي الطبيعي ( $\delta_0$ ) لدالة الإمكان للحصول على:

$$\frac{\partial lnL(\hat{\beta}_0,\hat{\beta}_1,\hat{\sigma}^2)}{\partial \hat{\beta}_0} = \frac{1}{\hat{\sigma}^2} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = 0 \quad \text{(Y-Y)}$$

$$\frac{\partial lnL(\hat{\beta}_0,\hat{\beta}_1,\hat{\sigma}^2)}{\partial \hat{\beta}_1} = \frac{1}{\hat{\sigma}^2} \sum_{i=1}^n x_i (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = 0 \quad (1A-Y)$$

$$\frac{\partial lnL(\hat{\beta}_0,\hat{\beta}_1,\hat{\sigma}^2)}{\partial \hat{\sigma}^2} = -\frac{n}{2\hat{\sigma}^2} + \frac{1}{2\hat{\sigma}^4} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i)^2 = 0 \qquad (19-7)$$

ويتم تبسيط المعادلات من ٢-١٧ إلى ٢-١٩ لتصبح:

$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = 0$$
 (Y--Y)

$$\sum_{i=1}^{n} x_i (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = 0$$
 (۲۱-۲)

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i)^2}{n} \tag{YY-Y}$$

المعادلتان ۲-۲۰ و۲-۲۱ هما المعادلتان ۲-۹ و ۲۰-۲ نفسهما. ومن ثم، فإن مقدِّرات الإمكان الأكبر لـ  $eta_0$  و  $eta_1$  هي مقدِّرات المربعات الصغرى لـ  $eta_1$  و  $eta_2$  نفسها المعطاة في المعادلتين ۲-۱۱ و۲-۱۲.

وبالنسبة لنموذج الانحدار الخطي في المعادلة ٢-٢ المحتوي على متغيرات خاصية متعددة، نعرف  $x_0=I$  ، ونعيد كتابة المعادلة ٢-٢ لتصبح:

$$y_i = \beta_0 x_{i,0} + \beta_1 x_{i,1} + ... + \beta_1 x_{i,p} + \varepsilon_i$$
 (ry-y)

وبتعريف المصفوفات التالية:

$$y = \begin{bmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix} \quad x = \begin{bmatrix} 1 & x_{1,1} & \cdots & x_{1,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & x_{n,1} & \cdots & x_{n,p} \end{bmatrix} \quad \beta = \begin{bmatrix} \beta_0 \\ \vdots \\ \beta_p \end{bmatrix} \quad \epsilon = \begin{bmatrix} \epsilon_1 \\ \vdots \\ \epsilon_n \end{bmatrix},$$

نعيد كتابة المعادلة ٢-٢٣ في شكل مصفوفة:

$$y = x\beta + \varepsilon \tag{YE-Y}$$

وتكون مقدَّرَات المربعات الصغرى ومقدِّرَات الإمكان الأكبر الخاصة بالمعلمات كما يلي:  $\hat{eta}=(x'x)^{-1}(x'y),$  (۲۰-۲)

x'x عيث  $(x'x)^{-1}$  عثل معكوس المصفوفة

الجدول (٢-١) مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة مع القيمة المستهدفة المتوقعة من الانحدار الخطي

عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة Number of O-Rings with Stress	درجة حرارة الاطلاق Launch Temperature	رقم الحالة Instance
0	66	1
1	70	2
0	<del>69</del>	3
0	68	4
0	67	5
0	72	6
0	73	7
0	70	8
1	57	9
1	63	10
1	70	11
0	78	12
0	67	13
2	53	14
0	67	15
0	75	16
0	70	17
0	81	18
0	76	19
0	79	20
0	75	21
0	76	22
1	58	23

#### المثال (۲-۱):

استخدم طريقة المربعات الصغرى لتمثيل غوذج انحدار خطي لبيانات الحلقات الدائرية في مكوك الفضاء في الجدول ١-٥، والمعطاة أيضاً في الجدول ١-١، وقم بتحديد القيمة المستهدفة المتوقعة لكل ملحوظة باستخدام غوذج الانحدار الخطى.

تحتوي هذه البيانات على متغير خاصية واحد x هِثل درجة حرارة الإطلاق ومتغير هدف واحد y هِثل عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة.  $\dot{x}$  هُوذَج الانحدار الخطي لمجموعة البيانات هذه هو:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$$

يوضح الجدول ۲-۲ العملية الحسابية لتقدير  $\hat{eta}_1$  باستخدام المعادلة ۲-۱۱. وباستخدام المعادلة ۲-۲۱، نحصل على:

$$\hat{\beta}_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{-65.91}{1382.82} = -0.05$$

باستخدام المعادلة ٢-١٢، نحصل على:

$$\hat{\beta}_0 = \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x} = 0.30 - (-.05)(69.57) = 3.78$$

ومن ثم، يكون نموذج الانحدار الخطي:

$$y_i = 3.78 - 0.05x_i + \varepsilon_i$$

 $\hat{\beta}_1 = \hat{\beta}_0 = 4.301587$  في غوذج الانحدار الخطي هذا مشابهة للمعلمات في غوذج الانحدار الخطي هذا مشابهة للمعلمات في المعادلة ١-١، والتي يتم الحصول عليها من الحزمة البرمجية إكسل لنفس مجموعة البيانات. والاختلافات الظاهرة في قيم المعلمات ناتجة عن التقريب في الحساب.

الجدول (٢-٢) العملية الحسابية لتقدير معلمات النموذج الخطى في المثال (٢-١)

	ي اهدان (۱۰-۱)	دج الحصي	. <del></del>	Y	المستد، متست	
				عدد الحلقات	درجة حرارة	رقم
$(x_l - \overline{x})^2$	$(x_t - \bar{x})(y_t - \bar{y})$	$y_i - \overline{y}$	$x_t - \bar{x}$	الدائرية	الاطلاق	ريم الحالة
(,,	(-1 -701 77	<i>,</i> , ,	•	Number of	Launch	Instance
				O-Rings	Temperature	Instance
12.74	1.07	-0.30	-3.57	0	66	1
0.18	0.30	0.70	0.43	1	70	2
0.32	0.17	-0.30	-0.57	0	69	3
2.46	0.47	-0.30	-1.57	0	68	4 5 6 7 8
6.60	0.77	-0.30	-2.57	0	67	5
5.90	-0.73	-0.30	2.43	0	72	6
11.76	-1.03	-0.30	3.43	0	73	7
0.18	-0.13	-0.30	0.43	0	70	8
158.00	-8.80	0.70	-12.57	1	57	9
43.16	-4.60	0.70	<b>-6.57</b>	1	63	10
0.18	0.30	0.70	0.43	1	70	<b>i</b> 1
71.06	-2.53	-0.30	8.43	0	78	12
6.60	0.77	-0.30	-2.57	0	67	13
273.24	-28.10	1.70	-16.53	2	53	14
6.60	0.77	-0.30	-2.57	0	67	15
29.48	-1.63	-0.30	5.43	0	75	16
0.18	-0.13	-0.30	0.43	0	70	17
130.64	-3.43	-0.30	11.43	0	81	18
41.34	-1.93	-0.30	6,43	0	76	19
377.52	-5.83	-0.30	19.43	0	79	20
29.48	-1.63	-0.30	5.43	0	75	21
41.34	-1.93	-0.30	6.43	0	76	22
133.86	-8.10	0.70	-11.57	1	58	23
1382.82	<del>-6</del> 5.91			7	1600	المجموع
				$\bar{y} = 0.30$	$\bar{x} = 69.57$	المجموع المتوسط

## ٣-٢ مَاذَج الانحدار غير الخطية وتقدير المعلمة

#### (Nonlinear Regression Models and Parameter Estimation):

تكون غاذج الانحدار غير الخطية غير خطية في معلمات النموذج وتأخذ الشكل العام التالي:

$$y_i = f(x_i, \beta) + \varepsilon_i,$$
 (۲٦-۲) خيث إن:

$$x_i = \begin{bmatrix} 1 \\ x_{i,1} \\ \vdots \\ x_{i,p} \end{bmatrix} \quad \beta = \begin{bmatrix} \beta_0 \\ \beta_1 \\ \vdots \\ \beta_p \end{bmatrix}$$

وتكون f غير خطية في eta. يُعد نموذج الانحدار الأَسِي التالي مثالاً على نماذج الانحدار غير الخطية:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 e^{\beta_2 x_i} + \varepsilon_i \tag{YV-Y}$$

ويُعدُ مُوذَج الانحدار اللوجستي التالي مثالاً آخر على مَاذَج الانحدار غير الخطية:

$$y_i = \frac{\beta_0}{1 + \beta_1 e^{\beta_2 x_i}} + \varepsilon_i \tag{YA-Y}$$

يتم استخدام طريقة المربعات الصغرى وطريقة الإمكان الأكبر لتقدير معلمات نهوذج الانحدار غير الخطية. على عكس المعادلات ٢-٩، ٢-،١٠ ٢٠-٢ و٢٠-٢ لنموذج الانحدار الخطي، وبشكل عام فإن المعادلات لنموذج الانحدار غير الخطي ليس لها حلول تحليلية نظراً لأن نموذج الانحدار غير الخطي هو غير خطي في المعلمات. وتُستخدم طرق البحث الرقمي القائمة على أسلوب البحث التكراري مثل طريقة غاوس – نيوتن -Gauss) (gradient decent search وطريقة بحث الانحدار المتدرج Newton method) وطريقة غاوس- المعلمات المقدّرة. ويمكن الحصول على شرح مفصل لطريقة غاوس- نيوتن في (Neter et al., 1996). وعادةً ما تُستخدم برامج حاسوبية خاصة في العديد من الحزم البرمجية الإحصائية لتقدير معلمات نموذج الانحدار غير الخطي لأنها تتطلب حسابات مكثفة لإجراء أسلوب البحث التكراري.

#### ٤-٢ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

هناك العديد من الحزم البرمجية الإحصائية، ما في ذلك ما يلي، والتي تدعم بناء غوذج الانحدار الخطى أو غير الخطى:

- Statistica (http://www.statsoft.com)
- SAS (http://www.sas.com)
- SPSS (http://www.ibm/com/software/analytics/spss/)

وتُعتبر تطبيقات نماذج الانحدار الخطي وغير الخطي شائعة الاستخدام في العديد من المحالات.

#### التمارين (Exercises):

1-1 بالنظر إلى مجموعة بيانات مكوك الفضاء الواردة في الجدول ١-١، قم باستخدام المعادلة ٢-٢ لتقدير معلمات نموذج الانحدار الخطى التالية:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \sqrt{x_i} + \varepsilon_i,$$

حيث إن:

هي درجة حرارة الإطلاق  $x_i$ 

هي عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة  $y_i$ 

قم بحساب مجموع الأخطاء التربيعية (SSE) الناتجة عن قيم y المتوقعة من غوذج الانحدار.

٢-٢ بالنظر إلى مجموعة بيانات مكوك الفضاء الواردة في الجدول ٢-١، قم باستخدام المعادلات ٢-١١ و٢-١٢ لتقدير معلمات غوذج الانحدار الخطي التالية:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \sqrt{x_i} + \varepsilon_i,$$

حيث إن:

xi هي درجة حرارة الإطلاق.

هي عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة.  $y_i$ 

قم بحساب مجموع الأخطاء التربيعية (SSE) الناتجة عن قيم y المتوقعة من غوذج الانحدار.

٣-٢ قم باستخدام مجموعة البيانات الموجودة في التمرين ١-١ لبناء نموذج الانحدار الخطي وحساب مجموع الأخطاء التربيعية (SSE) الناتجة عن قيم لا المتوقعة من نموذج الانحدار.

### ٣- مُصنَّف بييز البسيط. Naïve Bayes Classifier

يستند مصنف بييز البسيط على نظرية بييز. ومن ثم، فإن هذا الفصل يستعرض أولاً نظرية بييز ثم يصف بعد ذلك مصنف بييز البسيط. وترد قائمة بحزم برمجية لاستكشاف البيانات التي تدعم تعلم مصنف بييز البسيط. ويتم كذلك استعراض بعض التطبيقات لمصنفات بييز البسيطة مع ذكر مراجعها.

#### ۱-۳ نظریة بییز (Bayes Theorem):

ليكن لدينا الحدثان A وB عثل تزامن أو اقتران (^) الحدثين وقوع كل من A وB في الوقت نفسه. ويتم حساب الاحتمال  $P(A^{\wedge}B)$  باستخدام احتمال كل من A و B وكل من P(B) و ولاحتمال المشروط لـ A علماً بوقوع الحدث B ويُكتَب P(A|B) أو لـ P(B|A) علماً بوقوع الحدث A ويُكتَب P(B|A):

$$P(A^{A}B) = P(A|B)P(B) = P(B|A)P(A) \tag{1-5}$$

ويتم اشتقاق نظرية بييز من المعادلة ٣-١:

$$P(A|B) = \frac{P(B|A)P(A)}{P(B)}$$
 (Y-Y)

# ٣-٢ التصنيف القائم على نظرية بييز ومصنَّف بييز البسيط (Classification Based on the Bayes Theorem and Naïve Bayes Classifier):

بالنسبة إلى متجه البيانات x الذي يحتاج إلى تحديد فئته الهدف y، يكون التصنيف اللاحق الأكبر، (maximum a posterior-MAP)، y لـ x هو:

$$y_{MAP} = \arg \max_{y \in Y} P(y|x) = \arg \max_{y \in Y} \frac{p(y)P(x|y)}{P(x)} \approx \arg \max_{y \in Y} p(y)P(x|y)$$
 (T-T)

حيث Y هي مجموعة كل الفئات الهدف. تُستخدم العلامة  $\cong$  في المعادلة  $^{-}$  الاحتمال P(x) هو نفسه لجميع قيم P(x) ومن ثم يمكن تجاهله عندما نقارن (prior probability) لجميع قيم P(x) هو الاحتمال السابق P(y)P(x/y)/P(x) هو الاحتمال السابق بأننا نرصد x من دون أي معرفة عن ماهية الفئة الهدف لـ x وإمكانية الفئة الهدف بأننا نتوقع P(y) مو الاحتمال السابق عكس معرفتنا المسبقة عن مجموعة البيانات لـ x وإمكانية الفئة الهدف Y في مجموعة البيانات من دون الإشارة إلى أي X محددة. Y هو الاحتمال اللاحق لـ Y وي مجموعة البيانات من دون الإشارة إلى أي X محددة. Y وتقارن القيمة Y هو الاحتمال اللاحق لـ Y إذا علمنا أن الملحوظة المرصودة المعطاة هي X وتقارن القيمة Y معنا اللاحق لجميع الفئات الهدف بعرفة X مسبقاً ومن ثم تختار الفئة الهدف Y معنا الاحتمال اللاحق الأكبر. Y هو احتمال أن نرصد X إذا كانت الفئة الهدف هي Y ويكون التصنيف Y الذي يعظم Y من بين جميع الفئات الهدف هو تصنيف الإمكان الأكبر. Y

$$y_{ML} = \arg \max_{y \in Y} P(x|y)$$
 (6-r)

يان:  $Y\ni y'$  ،  $Y\ni y'$  ،  $Y\ni y'$  ،  $Y\ni Y$  ، فإن: إذا كانت P(y')=P(y)

$$y_{MAP} \approx \arg \max_{y \in Y} p(y)P(x|y) \approx \arg \max_{y \in Y} P(x|y)$$
ومن ثم:

$$y_{MAP} = y_{ML}$$

ويستند مصنف بييز البسيط على تصنيف MAP مع افتراض إضافي خاص متغيرات الخاصية  $x=(x_1,...,x_p)$  أن هذه المتغيرات  $x_i$  مستقلة بعضها عن بعض. وبهذا الافتراض، يكون لدينا:

$$y_{MAP} \approx \arg \max_{y \in Y} p(y)P(x|y) = \arg \max_{y \in Y} p(y) \prod_{i=1}^{p} P(x_i|y)$$
 (0-Y)

ويقوم مصنّف بييز البسيط بتقدير قيم حدود الاحتمال في المعادلة ٣-٥ على النحو التالي:

$$P(y) = \frac{n_y}{n} \tag{7-r}$$

$$P(x_i|y) = \frac{n_{y\&x_i}}{n_y}$$
 (V-r)

حيث إن:

n هو إجمالي عدد سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية.

y هو عدد سجلات البيانات المحتوية على الفئة الهدف  $n_y$ 

هو عدد سجلات البيانات بفئة الهدف y ومتغير الخاصية رقم i الذي يأخذ  $n_{y\&x_i}$ القيمة  $x_i$ 

المثال التالي (رقم ٣-١) عثل تطبيقاً لمصنف بييز البسيط.

#### المثال (۲-۲):

استخدم وتعرف على مصنف بييز البسيط لتصنيف ما إذا كان نظام تصنيع ما معطلاً باستخدام متغيرات الجودة التسعة. تعطي مجموعة البيانات التدريبية الواردة في الجدول 1-3, وتتضمن تسع حالات ذات أعطال مفردة وحالة واحدة غير معطلة في نظام التصنيع. يوجد تسعة متغيرات خاصية لجودة الوحدات،  $(x_1, \ldots, x_n)$ , ومتغير هدف واحد  $x_1$  يشير إلى عطل النظام. يوضح الجدول  $x_1$  حالات الاختبار لبعض الحالات المتعددة الأعطال.

الجدول (٣-١) مجموعة البيانات التدريبية الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

متغيرات الهدف Target Variables	متغيرات الخاصية – Attribute Variables											
عطل النظام (System Fault), y	جودة وحدات المنتج - Quality of Parts									رقم الحالة Instance (الآلة المعطلة –		
	X9	X8	X7	X6	Xs	X4	жз	<i>x</i> <sub>2</sub>	$x_i$	(Faulty Machine		
1	1	0	1	0	1	0	0	0	1	1 (M1)		
1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)		
1	0	1	1	1	0	1	1	0	0	3(M3)		
1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)		
1	ı	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)		
1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)		
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)		
1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)		
1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)		
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10(none)		

باستخدام البيانات التدريبية المحددة في الجدول ٣-١، نقوم بحساب ما يلي:

$$n = 10$$

$$n_{y=1} = 9$$

$$n_{y=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_1=1} = 1$$

$$n_{y=1\&x_2=0} = 8$$

$$n_{y=0\&x_1=1} = 0$$

$$n_{y=0\&x_1=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_2=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_2=0} = 8$$

$$n_{y=0\&x_2=1} = 0$$

$$n_{y=0\&x_2=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_3=1} = 1$$

$$n_{y=1\&x_3=0} = 8$$

$$n_{y=0\&x_3=1} = 0$$

$$n_{y=0\&x_3=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_4=0} = 6$$

$$n_{y=0\&x_4=1} = 0$$

$$n_{y=0\&x_4=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_5=1} = 2$$

$$n_{y=1\&x_5=0} = 7$$

$$n_{y=0\&x_5=0} = 1$$

$$n_{y=1\&x_6=1}=2$$
  $n_{y=1\&x_6=0}=7$   $n_{y=0\&x_6=1}=0$   $n_{y=0\&x_6=0}=1$   $n_{y=1\&x_7=1}=5$   $n_{y=1\&x_7=0}=4$   $n_{y=0\&x_7=1}=0$   $n_{y=0\&x_7=0}=1$   $n_{y=1\&x_8=1}=4$   $n_{y=1\&x_8=0}=5$   $n_{y=0\&x_8=1}=0$   $n_{y=0\&x_8=0}=1$   $n_{y=1\&x_9=1}=3$   $n_{y=1\&x_9=0}=6$   $n_{y=0\&x_9=1}=0$   $n_{y=0\&x_9=0}=1$ 

الجدول (٣-٢) تصنيف سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

متغير الهدف Target Variable (عطل النظام (System Fault y		1		ute V y of l	رقم الحالة Instance (الآلة المعطلة						
					(Faulty Machine						
القيمة	القيمة	1									
المصنفة	الفعلية										
(Classified Value)	(True Value)	X9	x8	<b>X</b> 7	X6	X5	Xa	<i>x</i> <sub>3</sub>	<i>x</i> <sub>2</sub>	X1	
1	1	1	1	1	0	1	1	0	1	I	1 (M1,M2)
1	1	0	1	1	1	0	İ	1	1	0	2(M2,M3)
1	1	l L	0	1	1	1	0	1	0	1	3(M1,M3)
1	1	1	1	Ī	0	1	1	0	0	1	4(M1,M4)
1	1	I	0	l	I	1	0	0	0	İ	5(M1,M6)
1	1	0	1	1	1	0	1	0	1	0	6(M2,M6)
1	1	0	1	İ	0	1	1	0	1	0	7(M2,M5)
Ī	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	8(M3,M5)
1	I	0	1	1	0	0	1	0	0	0	9(M4,M7)
1	1	0	1	1	0	1	0	0	0	0	10(M5,M8)
1	1	1	1	I	1	0	1	1	0	0	11(M3,M9)
1	1	1	1	1	0	1	0	0	0	l	12(M1,M8)
1	1	l	1	1	1	l	1	1	1	1	13(M1,M2,M3)
1	1	1	l	1	1	1	1	1	1	0	14(M2,M3,M5)
1	1	1	t	1	1	0	1	1	l	0	15(M2,M3,M9)
1	1	] 1	1	1	1	1	0	0	0	l	16(M1,M6,M8)

$$p(y = 1) \prod_{i=1}^{9} P(x_i | y = 1) = \frac{n_{y=1}}{n} \prod_{i=1}^{9} \frac{n_{y=1 \& x_i}}{n_{y=1}}$$

$$= \frac{n_{y=1}}{n} \left( \frac{n_{y=1 \& x_1=1}}{n_{y=1}} \times \frac{n_{y=1 \& x_2=0}}{n_{y=1}} \times \frac{n_{y=1 \& x_3=0}}{n_{y=1}} \times \frac{n_{y=1 \& x_4=0}}{n_{y=1}} \right)$$

$$\times \frac{n_{y=1 \& x_5=1}}{n_{y=1}} \times \frac{n_{y=1 \& x_6=0}}{n_{y=1}} \times \frac{n_{y=1 \& x_7=1}}{n_{y=1}}$$

$$\times \frac{n_{y=1 \& x_8=0}}{n_{y=1}} \times \frac{n_{y=1 \& x_9=1}}{n_{y=1}} \right)$$

$$= \frac{9}{10} \left( \frac{1}{9} \times \frac{8}{9} \times \frac{8}{9} \times \frac{6}{9} \times \frac{2}{9} \times \frac{7}{9} \times \frac{5}{9} \times \frac{3}{9} \right) > 0$$

$$p(y = 0) \prod_{i=1}^{9} P(x_i | y = 0) = \frac{n_{y=0}}{n} \prod_{i=1}^{9} \frac{n_{y=0 \& x_i}}{n_{y=0}}$$

$$= \frac{n_{y=0}}{n} \left( \frac{n_{y=0 \& x_1=1}}{n_{y=0}} \times \frac{n_{y=0 \& x_2=0}}{n_{y=0}} \times \frac{n_{y=0 \& x_3=0}}{n_{y=0}} \times \frac{n_{y=0 \& x_4=0}}{n_{y=0}} \right)$$

$$\times \frac{n_{y=0 \& x_5=1}}{n_{y=0}} \times \frac{n_{y=0 \& x_6=0}}{n_{y=0}} \times \frac{n_{y=0 \& x_7=1}}{n_{y=0}}$$

$$\times \frac{n_{y=0 \& x_8=0}}{n_{y=0}} \times \frac{n_{y=0 \& x_9=1}}{n_{y=0}} \right)$$

$$= \frac{1}{10} \left( \frac{0}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{0}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{0}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{0}{1} \right) = 0$$

$$y_{MAP} pprox rg \max_{y \in Y} p(y) \prod_{i=1}^{p} P(x_i|y) = 1$$
 مذه النتيجة تعني أن النظام به أعطال)

يمكن تصنيف الحالات من رقم ٢ إلى ٩ في الجدول ٣-١ وجميع الحالات في الجدول ٣-٢ على معكن تصنيف الحالات من رقم ٢ إلى ٩ في الجدول ٣-١ و  $n_{y=0&xi=1}/n_{y=0}=0/1$  و  $x_i=1$  و  $y_{MMP}=1$  لأنه يوجد  $x_i=1$  و  $y_{MMP}=1$  و  $y_{MMP}=1$  بالقيم مما يجعل  $y_{MMP}=1$  بالقيم مما يجعل  $y_{MMP}=1$  على النحو التالي:  $y_{MMP}=1$  على النحو التالي:

$$y_{MAP} pprox rg \max_{y \in Y} p(y) \prod_{i=1}^p P(x_i|y) = 0$$
 مذه النتيجة تعني أن النظام ليس به أعطال)

ومن ثم، يتم تصنيف جميع الحالات في الجدولين ٣-١ و٣-٢ بشكل صحيح بواسطة مصنّف بييز البسيط.

#### ٣-٣ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

تدعم حزم البرمجيات التالية تعلم مصنّف بييز البسيط:

- Weka (http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/)
- MATLAB ® (http://www.mathworks.com)

ولقد تم تطبيق مصنف بييز البسيط بنجاح في العديد من المجالات، بما في ذلك تصنيف النصوص والوثائق، والموجود على الرابط:

(http://www.cs.waikato.ac.nz/~eibe/pubs/FrankAndBouckaertPKDD 06new.pdf)

#### التمارين (Exercises):

- 1-۳ قم ببناء مصنف بييز البسيط لتصنيف المتغير الهدف من متغير الخاصية في بيانات البالون (Balloon data set) الواردة في الجدول ١-١، ومن تُم تقييم أداء التصنيف لمصنف بييز البسيط من خلال حساب ما هي النسبة المئوية لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التي يتم تصنيفها بشكل صحيح بواسطة مصنف بييز البسيط.
- كرم في بيانات الحلقات الدائرية في مكوك الفضاء ( set المجدول ١-٢٠ افترض أن متغير الخاصية ضغط التحقق من التسرب (set المجدول ١-٢٠ افترض أن متغير الخاصية ضغط التحقق من التسرب ( leak-check pressure ) كخاصية نوعية ذات ثلاث قيم نوعية، وأن عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة (number of O-rings with stress) كمتغير هدف نوعي ذي ثلاث قيم نوعية. قم ببناء مصنف بييز البسيط لتصنيف متغير الهدف: الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة، من متغير الخاصية: ضغط التحقق من التسرب ومن ثم قم بتقييم أداء تصنيف مصنف بييز البسيط من خلال حساب النسبة المئوية لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التي يتم تصنيفها بشكل صحيح بواسطة مصنف بييز البسيط.
- ٣-٣ قم ببناء مصنَّف بييز البسيط لتصنيف المتغير الهدف من متغيرات الخاصية في مجموعة بيانات العدسات (lenses data set) المحددة في الجدول ١-٣، ومن ثم قم بتقييم أداء تصنيف مصنَّف بييز البسيط من خلال حساب النسبة المئوية لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التي يتم تصنيفها بشكل صحيح بواسطة مصنَّف بييز السيط.
- 2-3 قم ببناء مصنَّف بييز البسيط لتصنيف المتغير الهدف من متغيرات الخاصية في مجموعة البيانات الموجودة في التمرين ١-١، ومن ثم قم بتقييم أداء تصنيف مصنَّف بييز البسيط من خلال حساب النسبة المنوية لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التي يتم تصنيفها بشكل صحيح بواسطة مصنَّف بييز البسيط.

### ٤- أشجار القرار والانحدار Decision and Regression Trees

تُستخدَم أشجار القرار والانحدار للتعرف على ألهاط التصنيف والتنبؤ من البيانات، والتعبير عن العلاقة بين متغيرات الخاصية x مع المتغير الهدف، y = F(x), y, على شكل شجرة. تقوم شجرة القرار بتصنيف قيمة الهدف النوعي لسجل بيانات باستخدام قيم الخاصية الخاصة بها. بينما تتنبأ شجرة الانحدار بقيمة الهدف الرقمية لسجل بيانات باستخدام قيم الخاصية الخاصة بها.

في هذا الفصل، سنقوم أولاً بتعريف شجرة القرار الثنائية، وسنتناول أيضاً الخوارزمية التي تقوم بمعرفة وتعلم شجرة قرار ثنائية من مجموعة بيانات ذات متغيرات خاصية نوعية عديدة ومتغير هدف نوعي واحد. ثم يتم وصف طريقة التعرف على وتعلم شجرة القرار غير الثنائية. وسيتم التطرق إلى مفاهيم إضافية للتعامل مع متغيرات الخاصية الرقمية، والقيم المفقودة لمتغيرات الخاصية، والتعامل مع متغير الهدف الرقمي لبناء شجرة الانحدار. وسيتم استعراض قائمة بحزم برمجية لاستكشاف البيانات التي تدعم تعلم أشجار القرار والانحدار. سيتم أيضاً استعراض بعض التطبيقات الخاصة بأشجار القرار والانحدار مع ذكر مراجعها.

# 1-٤ تعلَّم شجرة القرار الثنائية وتصنيف البيانات باستخدام شجرة القرار (Learning a Binary Decision Tree and Classifying Data Using a Decision Tree):

في هذا الجزء، يتم استعراض عناصر شجرة القرار، وتقوم دوال انتقاء الانفصال ( split ) في هذا الجزء، يتم استعراض عناص المنطقي لبناء شجرة قرار ذات وصف طوله يكون بالحد الأدنى. أخيراً، سيتم توضيح كيفية بناء شجرة قرار من الأعلى إلى الأسفل.

#### ۱-۱-٤ عناصر شجرة القرار (Elements of a Decision Tree):

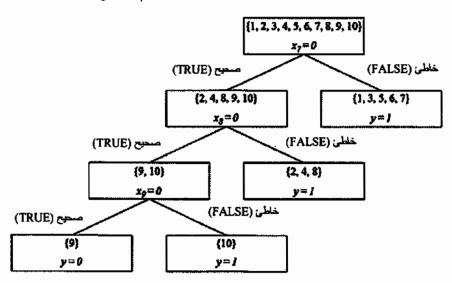
يبين الجدول ٤-١ جزءاً من مجموعة البيانات لنظام تصنيع ما والموضحة بشكل كامل في الجدول ١-٤. حيث تتضمن مجموعة البيانات في الجدول ١-١ تسعة من متغيرات الخاصية لجودة وحدات المنتج، ومتغير هدف واحد يوضح ما إذا كان النظام معطلاً أم لا. يتم استخدام مجموعة البيانات هذه كمجموعة بيانات تدريبية لاستخلاص شجرة قرار ثنائية لتصنيف ما إذا كان النظام معطلاً أم لا باستخدام قيم متغيرات الجودة التسعة. ويبين الشكل ١-١ شجرة

القرار الثنائية الناتجة لتوضيح عناصر شجرة القرار. وسوف يتم توضيح الكيفية التي تم بها استخلاص شجرة القرار هذه في مكان آخر. وكما هو مبين في الشكل ٤-١، فإن شجرة القرار الثنائية عبارة عن رسم بياني ذي عدة عُقد (nodes). حيث تقع عقدة الجذر (root node) في أعلى الشجرة وتتكون هذه العقدة من جميع سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية.

الجدول (٤-١) مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

متغیرات الهدف Target Variables		Attı	<u></u>							
عطل النظام (System Fault), y		Qu	رقم الحالة Instance (الآلة المعطلة –							
	Х9	X8	<b>X</b> 7	X6_	X5	X4	X3	<b>x</b> 2	x <sub>1</sub>	(Faulty Machine
1	1	0	1	0	1	0	0	0	1	1 (M1)
1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
1	0	1	1	1	0	1	1	0	0	3(M3)
1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
1	1	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10(none)

الشكل (٤-١) شجرة القرار الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع



 $x_7 = 0$  باستخدام التعبير المنطقي في شجرة القرار للتعبير عن  $x_7 = 0$  باستخدام  $x_7 = 0$  كتعبير منطقي صحيح (TRUE)، و $x_7 = 1$  باستخدام  $x_7 = 0$  كتعبير منطقي خاطئ ( $x_7 = 0$ ). ويُسمى  $x_7 = 0$  بشرط الانقسام أو الانفصال (معيار الانقسام أو الفصل)، وقيمها الصحيحة (TRUE) والخاطئة (TRUE) تسمح بانقسام ثنائي لمجموعة السجلات في عقدة المجذر إلى فرعين بوجود عقدة في نهاية كل فرع. كل من العقدتين الجديدتين يمكن أن تنقسم إلى مزيد من العقد باستخدام أحد متغيرات الخاصية المتبقية في معيار الانقسام، أو الفصل. ولا يمكن تقسيم عقدة ما مرةً أخرى إذا كانت سجلات البيانات في مجموعة البيانات في هذه العقدة لها قيمة المتغير الهدف نفسه. وتصبح هذه العقدة عندئذ عقدة ورقة (leaf node) في شجرة القرار. وباستثناء عقدة الجذر وعقدة الورقة، فإن العقد الأخرى في شجرة القرار تسمى العقد الداخلية (internal nodes).

عكن لشجرة القرار أن تُصنَّف سجل بيانات معيناً عن طريق تمرير سجل البيانات من خلال شجرة القرار باستخدام قيم متغيرات الخاصية في سجل البيانات. على سبيل المثال، يتم فحص سجل البيانات للحالة رقم ١٠ أولاً مع شرط الانفصال الأول في عقدة الجذر. وحيث

إن  $x_7 = 0$  يتم تمرير سجل البيانات إلى الفرع الأيسر من الشجرة. وحيث إن  $x_8 = 0$  ومن ثمّ  $x_7 = 0$  يتم تمرير سجل البيانات وصولاً إلى عقدة الورقة أقصى اليسار. ويأخذ سجل البيانات القيمة الهدف لعقدة الورقة تلك، y = 0 والذي يصنف سجل البيانات على أنه نظام غير معطل.

#### ٤-١-٤ شجرة القرار ذات طول الوصف الأصغر

#### (Decision Tree with the Minimum Description Length):

ابتداء من عقدة الجذر المحتوية على جميع سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية، هناك تسع طرق ممكنة لتقسيم عقدة الجذر باستخدام متغيرات الخاصية التسعة بشكل فردي في شرط الانفصال. ولكل عقدة في نهاية فرع الشجرة بعد انقسام عقدة الجذر، يوجد ثماني طرق ممكنة لتقسيم العقدة باستخدام كل من متغيرات الخاصية الثمانية المتبقية بشكل فردي.

وتستمر هذه العملية، ويمكن أن ينتج عنها العديد من أشجار القرار الممكنة. كل أشجار القرار الممكنة تختلف في حجمها وتعقيدها. يمكن لشجرة القرار أن تكون كبيرة بحيث يكون لديها عدد من عقد الأوراق مساوياً لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية بحيث تكون كل عقدة ورقة محتوية على سجل بيانات واحد ويمكن أن نتساءل. أي أشجار القرار الممكنة ينبغي أن يُستخدّم لتمثيل T, وهي العلاقة بين متغيرات الخاصية مع متغير الهدف؟ تهدف خوارزمية شجرة القرار إلى الحصول على أصغر شجرة القرار التي يمكنها تمثيل T, وهو ما يعني، شجرة القرار التي تتطلب الحد الأدنى من طول الوصف (وتُسمى شجرة القرار المعرى وشجرة القرار الكبرى التي تصنف جميع سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية بشكل صحيح، الكبرى، وأن أغاط التصنيف الأفضل من شجرة القرار المغرى ثعم أغاط التصنيف بشكل أفضل من شجرة القرار الكبرى، وأن أغاط البيانات غير الموجودة في مجموعة البيانات التدريبية. لنفترض أن لدينا عبا في ذلك نقاط البيانات غير الموجودة في مجموعة البيانات التدريبية. لنفترض أن لدينا شجرة قرار كبيرة بها عدد من عقد الأوراق مساو لسجلات البيانات في مجموعة البيانات واحد. على الرغم من أن التدريبية بحيث تكون كل عقدة ورقة محتوية على سجل بيانات واحد. على الرغم من أن التدريبية بحيث تكون كل عقدة ورقة محتوية على سجل بيانات التدريبية بشكل صحيح، إلا التدريبية بشكل صحيح، إلا التدريبية بشكل صحيح، إلا

أن أداءها قد يكون ضعيفاً عند تصنيف سجلات بيانات جديدة غير موجودة في مجموعة البيانات التدريبية.

ويعود ذلك إلى أن سجلات البيانات الجديدة هذه تحتوي على مجموعة قيم جديدة ومختلفة عن تلك الموجودة في سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية، ومن ثم لا تسلك نفس مسارات سجلات البيانات وصولاً إلى عقد الورقة في شجرة القرار. نحن بحاجة إلى شجرة قرار تقوم بتمثيل أغاط تصنيف مُعممة للعلاقة F. كلما زاد مستوى التعميم للعلاقة F، قصر طول الوصف الخاص بها، لأنها تخفي الاختلافات البسيطة بين سجلات البيانات الفردية. ومن ثم، كلما صغرت شجرة القرار، كبرت قدرة التعميم لشجرة القرار كما هو متوقع لها أن تكون.

#### ٤-١-٣ طرق انتقاء الانفصال (Split Selection Methods):

سعياً إلى شجرة قرار ذات حد أدنى لطول الوصف، نحتاج إلى معرفة كيفية انقسام أو فصل عقدة ما حتى نتمكن من تحقيق الهدف المتمثل في الحصول على شجرة القرار ذات حد أدنى لطول الوصف. لنأخذ مثالاً يوضح كيفية بناء شجرة قرار من مجموعة البيانات في الجدول ٤-١. هناك تسع من الطرق الممكنة لفصل عقدة الجذر باستخدام متغيرات الخاصية التسعة بشكل فردي، كما هو مبين في الجدول ٤-٢.

أي معاير الانقسام أو الانفصال التسعة يتوجب استخدامه لكي نحصل على أصغر شجرة قرار؟ النهج المتعارف عليه لانتقاء طريقة الانفصال هو اختيار الانفصال الذي ينتج عنه مجموعات بيانات فرعية أكثر تجانساً. مجموعة البيانات المتجانسة هي مجموعة البيانات التي يكون لسجلاتها قيمة متغير الهدف نفسه. يوجد مقاييس متنوعة يتم استخدامها لقياس تجانس البيانات مثل: مقياس عشوائية المعلومات (Information entropy)، ومؤشر جيني (gini – index)، إلخ (Breiman et al., 1984; Quinlan, 1986; Ye, 2003)

يتم استخدام مقياس عشوائية المعلومات بشكل أساسي لقياس عدد بتات (bits)، أو خوينات، المعلومات اللازمة لتشفير البيانات. يتم تعريف عشوائية المعلومات كما يلى:

entropy(D) = 
$$\sum_{i=1}^{c} -P_i \log_2 P_i$$
 (1-2)

$$-0\log_2 0 = 0 \tag{Y-\xi}$$

$$\sum_{i=1}^{c} P_i = 1 \tag{7-2}$$

حيث إن:

- D تشير إلى مجموعة البيانات المعطاة.
- c تشير إلى عدد قيم الهدف المختلفة.
- تشير إلى احتمال أن سجل بيانات معين في مجموعة البيانات يأخذ قيمة  $P_i$  الهدف i .

#### الجدول (٤-٢) الانفصال الثنائي لعقدة الجذر والعملية الحسابية لقيمة مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

<u> </u>	
المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split	شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion
(2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10), (1)	x <sub>1</sub> = 0: TRUE or FALSE
entropy (S) = $\frac{9}{10}$ entropy $(D_{bar}) + \frac{1}{10}$ entropy $(D_{filter})$	
$= \frac{9}{10} \times \left( -\frac{8}{9} \log_2 \frac{8}{9} - \frac{1}{9} \log_2 \frac{1}{9} \right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.45$	
(1, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10), (2)	$x_2 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy $(S) = \frac{9}{10}$ entropy $(D_{\text{true}}) + \frac{1}{10}$ entropy $(D_{\text{faire}})$	
$= \frac{9}{10} \times \left( -\frac{8}{9} \log_2 \frac{8}{9} - \frac{1}{9} \log_2 \frac{1}{9} \right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.45$	
(1, 2, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10), (3)	$x_3 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy (S) = $\frac{9}{10}$ entropy $(D_{true}) + \frac{1}{10}$ entropy $(D_{true})$	
$= \frac{9}{10} \times \left( -\frac{8}{9} \log_2 \frac{8}{9} - \frac{1}{9} \log_2 \frac{1}{9} \right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.45$	
(1, 5, 6, 7, 8, 9, 10), (2, 3, 4)	$x_4 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy $(S) = \frac{7}{10}$ entropy $(D_{\text{true}}) + \frac{3}{10}$ entropy $(D_{\text{true}})$	
$= \frac{7}{10} \times \left( -\frac{6}{7} \log_4 \frac{6}{7} - \frac{1}{7} \log_2 \frac{1}{7} \right) + \frac{3}{10} \times 0 = 0.41$	
[2, 3, 4, 6, 7, 8, 9, 10], {1, 5}	$x_5 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy $(S) = \frac{8}{10}$ entropy $(D_{\text{new}}) + \frac{2}{10}$ entropy $(D_{\text{per}})$	
$= \frac{8}{10} \times \left( -\frac{7}{8} \log_2 \frac{7}{8} - \frac{1}{8} \log_2 \frac{1}{8} \right) + \frac{2}{10} \times 0 = 0.43$	
(1, 2, 4, 5, 7, 8, 9, 10], {3, 6]	$x_6 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy(S) = $\frac{8}{10}$ entropy( $D_{ball}$ ) + $\frac{2}{10}$ entropy( $D_{ball}$ )	
$= \frac{8}{10} \times \left( -\frac{7}{8} \log_2 \frac{7}{8} - \frac{1}{8} \log_2 \frac{1}{8} \right) + \frac{2}{10} \times 0 = 0.43$	
{2, 4, 8, 9, 10}, {1, 3, 5, 6, 7}	$x_7 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy(S) = $\frac{5}{10}$ entropy( $D_{\text{bulk}}$ ) + $\frac{5}{10}$ entropy( $D_{\text{pure}}$ )	
$= \frac{5}{10} \times \left( -\frac{4}{5} \log_2 \frac{4}{5} - \frac{1}{5} \log_2 \frac{1}{5} \right) + \frac{5}{10} \times 0 = 0.36$	
يتبع	

### تابع الجدول (٤-٢) الانفصال الثنائي لعقدة الجذر والعملية الحسابية لقيمة مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion

[1, 5, 6, 7, 9, 10], [2, 3, 4, 8]

(2, 3, 4, 6, 7, 8, 10L (1, 5, 9)

r. = 0: TRUE or FALSE

entropy (S) = 
$$\frac{6}{10}$$
 entropy  $(D_{\text{tries}}) + \frac{4}{10}$  entropy  $(D_{\text{false}})$   
=  $\frac{6}{10} \times \left( -\frac{5}{6} \log_2 \frac{5}{6} - \frac{1}{6} \log_2 \frac{1}{6} \right) + \frac{4}{10} \times 0 = 0.39$ 

 $z_0 = 0$ : TRUE or FALSE

entropy (S) = 
$$\frac{7}{10}$$
 entropy  $(D_{true}) + \frac{3}{10}$  entropy  $(D_{false})$   
=  $\frac{7}{10} \times \left( -\frac{6}{7} \log_2 \frac{6}{7} - \frac{1}{7} \log_2 \frac{1}{7} \right) + \frac{3}{10} \times 0 = 0.41$ 

تقع قيمة العشوائية (entropy value) في النطاق  $[0,log_{2c}]$ . على سبيل المثال، في  $P_1$  ، (y=19 ، y=01 ، (لقيمتي الهدف،  $p_1$ 2 ، ( $p_1$ 1 ) ،  $p_2$ 3 البيانات في الجدول ١٠٤ ، لدينا  $p_2$ 4 ، ( $p_1$ 2 ) ،  $p_2$ 4 ، ( $p_1$ 3 ) ،  $p_2$ 5 ، ( $p_1$ 4 ) ، ( $p_1$ 5 ) ،  $p_2$ 6 ، ( $p_2$ 6 ) ، ( $p_1$ 6 ) ، ( $p_2$ 7 ) ، و

entropy(D) = 
$$\sum_{i=1}^{2} -P_i \log_2 P_i = -0.9 \log_2 0.9 - 0.1 \log_2 0.1 = 0.47$$
.

يوضح الشكل ٢-٤ كيف أن قيمة عشوائية المعلومات تتغير مع  $P_1\left(P_2=I-P_1\right)$  عندما تكون c=2 , c=2

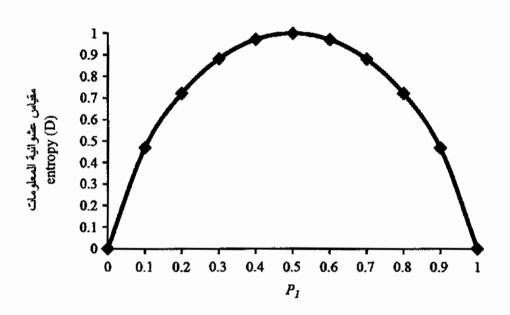
- $P_1 = 0.5, P_2 = 0.5, entropy(D) = 1$
- $P_1 = 0, P_2 = 1, entropy(D) = 0$
- $P_1 = 1, P_2 = 0, entropy(D) = 0$

إذا كانت كل سجلات البيانات في مجموعة البيانات تأخذ قيمة الهدف نفسها، يكون لدينا  $P_1=0$ ,  $P_1=1$  أو  $P_2=0$ ,  $P_1=0$  وتكون قيمة عشوائية المعلومات هي صفر، وهو ما يعني، أننا بحاجة إلى عدد صفر من بتات (bits)، أو خوينات، المعلومات لأننا نعرف مسبقاً قيم الهدف الذي اتخذته جميع سجلات البيانات. ومن ثم، فإن قيمة عشوائية المعلومات المساوية للصفر تشير إلى أن مجموعة البيانات متجانسة فيما يخص قيمة متغير الهدف، الهدف. إذا كان لنصف مجموعة واحدة من سجلات البيانات نفس قيمة متغير الهدف، وللنصف الآخر من المجموعة قيمة هدف أخرى، يكون لدينا  $P_2=0.5$ ,  $P_1=0.5$ , وتكون قيمة عشوائية المعلومات هي 1، وهذا يعني أننا نحتاج إلى عدد بِت واحد (أو خوينة واحدة) من المعلومات لإيجاد قيمة الهدف. ومن ثم، فإن قيمة عشوائية المعلومات تشير واحدة) البيانات غير متجانسة. عندما نستخدم مقياس عشوائية المعلومات لقياس تجانس البيانات، فإنه كلما انخفضت قيمة عشوائية المعلومات، تجانست مجموعة البيانات المناسة لقيمة متغير الهدف.

بعد انفصال مجموعة البيانات إلى عدة مجموعات فرعية، يتم استخدام المعادلة التالية لحساب قيمة متوسط عشوائية المعلومات للمجموعات الفرعية:

entropy(S) = 
$$\sum_{v \in Values(S)} \frac{|D_v|}{|D|} entropy(D_v)$$
 (\xi-\xi)

الشكل (٤-٢) عشوائية المعلومات



حيث:

۲ تشير إلى الانفصال.

Values (S) تشير إلى مجموعة القيم التي يتم استخدامها في الانفصال

، تشير إلى قيمة موجودة في (Values (S).

تشير إلى مجموعة البيانات التي يتم فصلها. D

D تشير إلى عدد سجلات البيانات في مجموعة البيانات D

تشير إلى المجموعة الفرعية الناتجة عن الانفصال باستخدام قيمة  $D_{\nu}$  الانفصال  $\nu$ .

 $D_{
m v}$  تشير إلى عدد سجلات البيانات في مجموعة البيانات  $|D_{
m v}|$ 

على سبيل المثال، عقدة الجذر لشجرة قرار مجموعة البيانات في الجدول 3-1 لها مجموعة البيانات  $D = \{1, 2, ..., 10\}$  كما هو البيانات

موضح سابقاً. باستخدام معيار الانفصال،  $x_I = 0$ :  $x_I = 0$  أو (FALSE)، يتم تقسيم عقدة الجذر إلى قسمين فرعيين: القسم الأول  $D_{false} = \{1\}$  وهو متجانس، والقسم الثاني عقدة الجذف  $D_{true} = \{2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$  وهو غير متجانس بوجود ثمانية سجلات قيمة الهدف لها واحد، وسجل بيانات واحد يأخذ قيمة الهدف صفر. متوسط عشوائية المعلومات الفرعية الاثنتين بعد الانفصال هو:

entropy(S) = 
$$\frac{9}{10}$$
 entropy( $D_{true}$ ) +  $\frac{1}{10}$  entropy( $D_{false}$ )  
=  $\frac{9}{10} \times \left(-\frac{8}{9}\log_2\frac{8}{9} - \frac{1}{9}\log_2\frac{1}{9}\right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.45$ .

حيث إن قيمة متوسط عشوائية المعلومات للمجموعات الفرعية بعد الانفصال أفضل من قيمة عشوائية المعلومات لـ (D)=0.47, فإن هذا الانفصال يُحسَّن من تجانس البيانات. يوضح الجدول ٤-٢ متوسط عشوائية المعلومات للمجموعات الفرعية بعد إجراء كل من الانفصاليات الثمانية الأخرى لعقدة الجذر. من بين الانفصالات التسعة الممكنة، فإن الانفصال الذي يستخدم المعيار (TRUE) = x (TRUE) أو (FALSE) ينتج عنه المتوسط الأقل لعشوائية المعلومات، مما يدل على مجموعات فرعية أكثر تجانساً. ومن ثم، فإن معيار الانفصال (TRUE) = x (TRUE) يتم اختياره لفصل عقدة الجذر، مما ينتج عنه عقدتان داخليتان كما هو مبين في الشكل ٤-١. العقدة الداخلية مع المجموعة الفرعية، (S) = x ((S) = x)، ليست متجانسة. ومن ثم، تتفرع شجرة القرار هذه إلى المزيد من الانفصالات حتى تصبح جميع عقد الأوراق متجانسة.

يتم تعريف مؤشر جيني (gini - index)، مقياس آخر لتجانس البيانات، على النحو التالي:

$$gini(D) = 1 - \sum_{i=1}^{c} P_i^2$$
 (0-2)

على سبيل المثال، وباستخدام مجموعة البيانات المعطاة في الجدول ١-٤، يكون لدينا C=2،  $P_2=0.1$  و

$$gini(D) = 1 - \sum_{i=1}^{c} P_i^2 = 1 - 0.9^2 - 0.1^2 = 0.18$$

 $:P_i$ يتم احتساب قيم مؤشر جيني لـ c=2 والقيم التالية لـ

- $P_1 = 0.5$ ,  $P_2 = 0.5$ , gini (D)=1-0.5<sup>2</sup>-0.5<sup>2</sup>=0.5
- $P_1=0$ ,  $P_2=1$ , gini (D)=1-0<sup>2</sup>-1<sup>2</sup>=0
- $P_1 = 1$ ,  $P_2 = 0$ , gini (D)=1-12-02=0

ومن ثم، كلما صغُرت قيمة مؤشر جيني، كانت مجموعة البيانات أكثر تجانساً. يتم حساب متوسط قيمة مؤشر جيني للمجموعات الفرعية للبيانات بعد الانفصال، على النحو التالى:

$$gini(S) = \sum_{v \in Values(S)} \frac{|D_v|}{|D|} gini(D_v)$$
 (7-E)

يوضح الجدول  $^{2}$ -  $^{2}$  متوسط قيمة مؤشر جيني للمجموعات الفرعية بعد إجراء كل من الانفصالات التسعة لعقدة الجذر لمجموعة البيانات التدريبية الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام التصنيع. من بين التسعة انفصالات المحتملة، فإن معيار الانفصال لـ  $^{2}$   $^{2$ 

#### ٤-١-٤ خوارزمية بناء شجرة القرار من أعلى إلى أسفل

(Algorithm for the Top-Down Construction of a Decision Tree):

يصف هذا الجزء ويوضح خوارزمية بناء شجرة قرار كاملة. تكون خطوات خوارزمية بناء شجرة القرار الثنائية (البناء من أعلى إلى أسفل) كالتالي:

- ابدأ من عقدة الجذر التي تشتمل على جميع سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية واختر هذه العقدة لإجراء الانفصال.
- ٢- قم بتطبيق دالة انتقاء الانفصال للعقدة المختارة لتحديد أفضل انفصال والذي يتماشى مع معيار الانفصال، ثم قم بتقسيم مجموعة سجلات البيانات التدريبية الموجودة في العقدة المختارة إلى عقدتين مع مجموعتين فرعيتين لسجلات البيانات، على التوالى.
- ٣- افحص ما إذا كان معيار التوقف عن التكرار قد تحقق. إذا كان الأمر كذلك، يكون قد اكتمل بناء الشجرة؛ خلاف ذلك، يتم العودة إلى الخطوة ٢ للاستمرار في اختيار عقدة أخرى يتم فصلها.

يقوم معيار التوقف عن التكرار والمبني على أساس تجانس البيانات بإيقاف التكرار في الخوارزمية عندما يكون لدى كل عقدة من عقد الورقة بيانات متجانسة، وهو ما يعني، مجموعة سجلات البيانات ذات نفس القيمة الهدف. إنَّ العديد من مجموعات البيانات الكبيرة والحقيقية عادةً ما تكون مشوشة وغير نقية، مما يجعل الأمر صعباً للحصول على مجموعة بيانات متجانسة في عقد الورقة. ومن ثم، غالباً ما يتم ربط معيار التوقف عن التكرار في الخوارزمية بمقياس لتجانس البيانات ليكون المعيار أصغر من قيمة محددة، على سبيل المثال، يتم التوقف عن التكرار عندما يكون مقياس عشوائية المعلومات أقل من سبيل المثال، يتم التوقف عن التكرار عندما يكون مقياس عشوائية المعلومات أقل من للجموعة بيانات الكشف عن أعطال نظام التصنيع.

# الجدول (٤-٣) الانفصال الثنائي لعقدة الجذر والعملية الحسابية لقيمة مؤشر جيني لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط قيمة مؤشر جيني للانفصال Resulting Subsets and Average Gini-Index Value of Split شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion

(2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10), (1)

 $x_1 = 0$ : TRUE or FALSE

$$giri(S) = \frac{9}{10}giri(D_{lose}) + \frac{1}{10}giri(D_{lose})$$
$$= \frac{9}{10} \times \left(1 - \left(\frac{1}{9}\right)^2 - \left(\frac{8}{9}\right)^2\right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.18$$

[1, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10], {2}

 $x_3 = 0$ : TRUE or FALSE

$$gini(S) = \frac{9}{10}gini(D_{true}) + \frac{1}{10}gini(D_{false})$$
$$= \frac{9}{10} \times \left(1 - \left(\frac{1}{9}\right)^2 - \left(\frac{8}{9}\right)^2\right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.18$$

{1, 2, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10}, {3}

 $x_1 = 0$ : TRUE or FALSE

$$gini(S) = \frac{9}{10}gini(D_{bus}) + \frac{1}{10}gini(D_{file})$$
$$= \frac{9}{10} \times \left(1 - \left(\frac{1}{9}\right)^2 - \left(\frac{8}{9}\right)^2\right) + \frac{1}{10} \times 0 = 0.18$$

(1, 5, 6, 7, 8, 9, 10), (2, 3, 4)

 $x_4 = 0$ : TRUE or FALSE

$$gint(S) = \frac{7}{10}gint(D_{bue}) + \frac{3}{10}gint(D_{fibe})$$
$$= \frac{7}{10} \times \left(1 - \left(\frac{6}{7}\right)^2 - \left(\frac{1}{7}\right)^2\right) + \frac{3}{10} \times 0 = 0.17$$

{2, 3, 4, 6, 7, 8, 9, 10}, {1, 5}

 $x_c = 0$ : TRUE or FALSE

$$\begin{aligned} gini(S) &= \frac{8}{10} gini(D_{brac}) + \frac{2}{10} gini(D_{false}) \\ &= \frac{8}{10} \times \left(1 - \left(\frac{7}{8}\right)^2 - \left(\frac{1}{8}\right)^2\right) + \frac{2}{10} \times 0 = 0.175 \end{aligned}$$

يتبع

## تابع الجدول (٣-٤) الانفصال الثنائي لعقدة الجذر والعملية الحسابية لقيمة مؤشر جيني لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط قيمة مؤشر جيني للانفصال Resulting Subsets and Average Gini-Index Value of Split شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion

{1, 2, 4, 5, 7, 8, 9, 10}, {3, 6}

 $x_6 = 0$ : TRUE or FALSE

$$\begin{aligned} 
& \text{gini}(S) = \frac{8}{10} \text{gini}(D_{\text{true}}) + \frac{2}{10} \text{gini}(D_{\text{false}}) \\
&= \frac{8}{10} \times \left(1 - \left(\frac{7}{8}\right)^2 - \left(\frac{1}{8}\right)^2\right) + \frac{2}{10} \times 0 = 0.175 \end{aligned}$$

(2, 4, 8, 9, 10), {1, 3, 5, 6, 7}

 $r_7 = 0$ : TRUE or FALSE

$$gini(S) = \frac{5}{10}gini(D_{total}) + \frac{5}{10}gini(D_{false})$$
$$= \frac{5}{10} \times \left(1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2 - \left(\frac{1}{5}\right)^2\right) + \frac{5}{10} \times 0 = 0.16$$

{1, 5, 6, 7, 9, 10}, {2, 3, 4, 8}

 $x_8 = 0$ : TRUE or FALSE

$$gini(S) = \frac{6}{10} gini(D_{brac}) + \frac{4}{10} gini(D_{false})$$
$$= \frac{6}{10} \times \left(1 - \left(\frac{5}{6}\right)^2 - \left(\frac{1}{6}\right)^2\right) + \frac{4}{10} \times 0 = 0.167$$

{2, 3, 4, 6, 7, 8, 10}, {1, 5, 9}

 $x_0 = 0$ : TRUE or FALSE

$$\begin{aligned} & \text{gini}(S) = \frac{7}{10} \, \text{gini}(D_{\text{true}}) + \frac{3}{10} \, \text{gini}(D_{\text{fulse}}) \\ &= \frac{7}{10} \times \left(1 - \left(\frac{6}{7}\right)^2 - \left(\frac{1}{7}\right)^2\right) + \frac{3}{10} \times 0 = 0.17 \end{aligned}$$

المثال (٤-١):

قم ببناء شجرة قرار ثنائية لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع في الجدول ١-٤.

علينا أولاً استخدام مقياس عشوائية المعلومات (information entropy) كمقياس لتجانس البيانات. وكما هو مبين في الشكل ١-١، يتم تقسيم مجموعة البيانات في عقدة الجذر إلى مجموعتين فرعيتين،  $\{2, 4, 8, 9, 10\}$ ، و $\{1, 6, 6, 7\}$ ، والتي تظهر بالفعل متجانسة مع القيمة الهدف، y = 1, وليست بحاجة إلى الانفصال. بالنسبة للمجموعة الفرعية،  $D=\{2,4,8,9,10\}$ 

entropy(D) = 
$$\sum_{i=1}^{2} -P_i \log_2 P_i = -\frac{1}{5} \log_2 \frac{1}{5} - \frac{4}{5} \log_2 \frac{4}{5} = 0.72$$
.

فيما عدا متغير الخاصية  $x_7$  ، والذي تم استخدامه لتقسيم عقدة الجذر، فإن متغيرات الخاصية الثمانية الأخرى،  $x_3$  ،  $x_4$  ،  $x_5$  ،  $x_4$  ،  $x_5$  ،  $x_7$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_8$  ،  $x_9$  ،  $x_8$  ،  $x_$ 

الجدول (٤-٤) الانقسام الثنائي للعقدة الداخلية مع  $D=\{2,4,5,9,10\}$  وحساب مقياس عشوائية الجدول (٤-٤) المعلومات لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split	شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion
{4, 8, 9, 10}, {2}	$x_2 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy (S) = $\frac{4}{5}$ entropy $(D_{tree}) + \frac{1}{5}$ entropy $(D_{false})$	
$= \frac{4}{5} \times \left( -\frac{3}{4} \log_2 \frac{8}{9} - \frac{1}{4} \log_2 \frac{1}{4} \right) + \frac{1}{5} \times 0 = 0.64$	
{8, 9, 10}, [2, 4]	$x_4 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy (S) = $\frac{3}{5}$ entropy $(D_{tree}) + \frac{2}{5}$ entropy $(D_{false})$	
$= \frac{3}{5} \times \left( -\frac{2}{3} \log_2 \frac{2}{3} - \frac{1}{3} \log_2 \frac{1}{3} \right) + \frac{2}{5} \times 0 = 0.55$	
[9, 10], (2, 4, 8)	$x_8 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy $(S) = \frac{2}{5}$ entropy $(D_{true}) + \frac{3}{5}$ entropy $(D_{false})$	
$= \frac{2}{5} \times \left( -\frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} \right) + \frac{3}{5} \times 0 = 0.4$	
(2, 4, 8, 10), {9}	$x_9 = 0$ : TRUE or FALSE
entropy $(S) = \frac{4}{5}$ entropy $(D_{trac}) + \frac{1}{5}$ entropy $(D_{false})$	·
$= \frac{4}{5} \times \left( -\frac{3}{4} \log_2 \frac{3}{4} - \frac{1}{4} \log_2 \frac{1}{4} \right) + \frac{1}{5} \times 0 = 0.64$	

معايير الانفصال التي تستخدم  $x_1=0$   $x_3=0$   $x_3=0$  و  $x_5=0$  لا ينتج عنها تقسيم لـ  $x_6=0$  و يوضح الجدول  $x_6=0$  العمليات الحسابية لمقياس عشوائية المعلومات لغرض الانفصال المتخدام  $x_6=0$  أو أن معيار الانفصال المعارفية المعلومات، فإنه يتم اختيار معيار الانفصال

هذا لتقسيم  $D=\{2,4,8,9,10\}$  إلى  $\{9,10\}$  و $\{2,4,8,9,10\}$ , والتي تبدو بالفعل متجانسة مع القيم الهدف، y=1 هذا الانفصال. ويبين الشكل y=1 هذا الانفصال. بالنسبة للمجموعة الفرعية،  $D=\{9,10\}$ 

entropy(D) = 
$$\sum_{i=1}^{2} -P_i \log_2 P_i = -\frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} = 1$$
.

فيما عدا متغيرا الخاصية  $x_7$  و $x_8$  واللذين تم استخدامهما لتقسيم عقدة الجذر، فإن متغيرات الخاصية السبعة الأخرى،  $x_8$ ,  $x_8$ ,  $x_8$ ,  $x_8$ ,  $x_8$ ,  $x_8$ ,  $x_8$ ,  $x_8$  عكن استخدامها لتقسيم  $x_8$  معايير الانفصال التي تستخدم  $x_8$ ,

يبين الشكل ٤-١ هذا الانفصال. ولأن جميع عقد الورقة لشجرة القرار أصبحت متجانسة، فإنه يتم إيقاف عملية بناء شجرة القرار بظهور شجرة قرار كاملة كما هو مبين في الشكل ٤-١.

الجدول (٥-٤) الانقسام الثنائي للعقدة الداخلية المحتوية على  $D=\{2,4,5,9,10\}$  وحساب مؤشر جيني لمجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط قيمة مؤشر جيني للانفصال

شرط الانفصال أو الانقسام - Split Criterion

Resulting Subsets and Average Gini-Index Value of Split

**{4,** 8, 9, 10), **(2)** 

 $x_2 = 0$ : TRUE or FALSE

gini(S) = 
$$\frac{4}{5}$$
 gini( $D_{\text{true}}$ ) +  $\frac{1}{5}$  gini( $D_{\text{false}}$ )  
=  $\frac{4}{5}$  ×  $\left(1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2 - \left(\frac{1}{4}\right)^2\right)$  +  $\frac{1}{5}$  × 0 = 0.3

(8, 9, 10), (2, 4)

$$gint(S) = \frac{3}{5}gint(D_{bre}) + \frac{2}{5}gint(D_{ble})$$
$$= \frac{3}{5} \times \left(1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2 - \left(\frac{1}{4}\right)^2\right) + \frac{2}{5} \times 0 = 0.27$$

 $x_4 = 0$ : TRUE or FALSE

{9, 10}, {2, 4, 8}

$$gint(S) = \frac{2}{5}gint(D_{box}) + \frac{3}{5}gint(D_{box})$$
$$= \frac{2}{5} \times \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2\right) + \frac{3}{5} \times 0 = 0.2$$

 $x_8 = 0$ : TRUE or FALSE

(2, 4, 8, 10), (9)

$$gini(S) = \frac{4}{5}gini(D_{true}) + \frac{1}{5}gini(D_{false})$$
$$= \frac{4}{5} \times \left(1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2 - \left(\frac{1}{4}\right)^2\right) + \frac{1}{5} \times 0 = 0.3$$

 $x_0 = 0$ : TRUE or FALSE

وسوف نوضح الآن عملية بناء شجرة قرار باستخدام مؤشر جيني كمقياس لتجانس البيانات. كما هو موضح سابقاً، يتم تقسيم مجموعة البيانات في عقدة الجذر إلى مجموعتين فرعيتين،  $\{2,4,8,9,10\}$ ، و $\{1,5,5,6,7\}$ ، والتي تظهر بالفعل متجانسة مع القيمة الهدف،حيث  $D=\{2,4,8,9,10\}$  وليست بحاجة إلى الانقسام. بالنسبة للمجموعة الفرعية، y=1

gini(D) = 
$$1 - \sum_{i=1}^{c} P_i^2 = 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2 - \left(\frac{1}{5}\right)^2 = 0.32.$$

معيار الانفصال باستخدام أي من  $x_1=0$   $x_2=0$   $x_3=0$  و  $x_4=0$  لا ينتج عنه انقسام  $x_4$  ,  $x_5=0$  عملية حساب قيم مؤشر جيني للانفصالات باستخدام  $x_6=0$  عملية حساب قيم مؤشر جيني للانفصالات باستخدام  $x_6=0$  . ينتج عنه أصغر  $x_6=0$  أو  $x_6=0$  أو  $x_6=0$  أو  $x_6=0$  أو  $x_6=0$  أو  $x_6=0$  النفصال هذا لتقسيم قيمة لمتوسط مؤشر جيني للانفصال، يتم اختيار معيار الانفصال هذا لتقسيم  $x_6=0$  إلى  $x_6=0$  إلى  $x_6=0$  و  $x_6=0$  والتي تظهر فعلياً متجانسة مع القيم الهدف،  $x_6=0$  وهي ليست بحاجة إلى الانفصال.

 $D=\{9,10\}$ , بالنسبة للمجموعة الفرعية

gini(D) = 
$$1 - \sum_{i=1}^{c} P_i^2 = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 = 0.5.$$

فيما عدا متغيرا الخاصية x8 ، واللذين تم استخدامها لتقسيم عقدة الجذر، فإن متغيرات الخاصية السبعة الأخرى، x8 ، x4 ، x3 ، x2 ، x4 ، x5 ، x6 و x9 متغيرات الخاصية السبعة الأخرى، x6 ، x1 ، x2 ، x3 =0 ، x1 x2 =0 ، x1 x2 =0 ، x2 =0 . x1 النقصال التي تستخدم x1 . x2 =0 ، x2 ( x1 ) أو x2 ( x1 ) أو x2 =1 ، x3 المنج عنه مجموعتان فرعيتان، x2 بقيمة الهدف x3 + x4 ، وx4 بقيمة الهدف x4 بقيمة الهدف x4 بقيمة الهدف x4 بقيمة المدف x4 بقيمة القرار أصبحت متجانسة، وليست بحاجة إلى الانفصال. ولأن جميع عقد الورقة لشجرة القرار أصبحت متجانسة، فإنه يتم إيقاف عملية بناء شجرة القرار بظهور شجرة قرار كاملة، وهي شجرة القرار نفسه التي تستخدم مقياس عشوائية المعلومات كمقياس لتجانس البيانات.

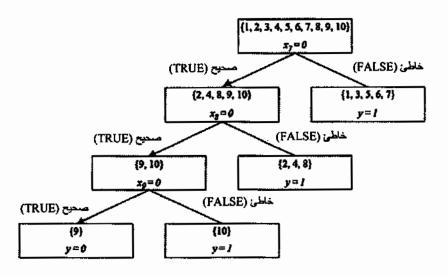
#### ٤-١-٥ تصنيف البيانات باستخدام شجرة القرار

#### (Classifying Data Using a Decision Tree):

يتم استخدام شجرة القرار لتصنيف سجل البيانات عن طريق تمرير سجل البيانات إلى عقدة الورقة في شجرة القرار باستخدام قيم متغيرات الخاصية، وإسناد قيمة الهدف الخاصة بعقدة الورقة لسجل البيانات.

يبرز الشكل 3-7 مسار تمرير سجل بيانات التدريب باللون الداكن، للسجل رقم  $1 \cdot 1$  في الجدول 1-1، ابتداء من عقدة الجذر إلى عقدة الورقة بقيمة لمتغير الهدف، y=0. ومن ثم، فإنه يتم تصنيف سجل البيانات رقم  $1 \cdot 1$  بدون عطل في النظام. بالنسبة لسجلات البيانات في مجموعة البيانات الاختبارية الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام التصنيع الموضحة في الجدول 3-1، فإنه يتم الحصول على القيم الهدف الخاصة بالسجلات باستخدام شجرة القرار في الشكل 1-1، وهي موضحة في الجدول 1-1. يسلط الشكل 1-1 الضوء على مسار تمرير سجل بيانات أختباري للسجل رقم  $1 \cdot 1$  في الجدول 1-1 من عقدة الجذر إلى عقدة الورقة ذات القيمة الهدف، 1-1 ومن ثم، يتم تصنيف سجل البيانات هذا على أنه يحتوي على عطل في النظام.

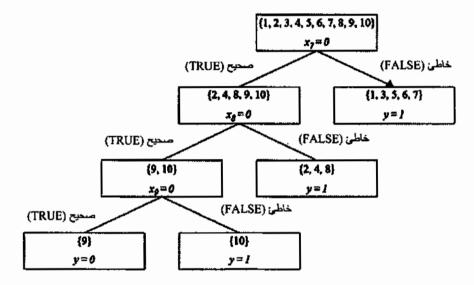
الشكل (٣-٤) تصنيف سجل بيانات بدون عطل نظام باستخدام شجرة القرار الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع



الجدول (٤-٣) تصنيف سجلات البيانات لمجموعة البيانات الاختبارية الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التم

تصنيف سجلات البيانات لمجموعة البيانات الاختبارية الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع											
ف Target – y Variab ظام – System (Fault			ibute Lity of	رقم الحالة Instance (الآلة المعطلة - (Faulty Machine							
القيمة المصنفة	القيمة										
(Classified Value)	الفعلية										
V-140y	(True Value)	<i>x</i> 9	Xs	<i>X</i> 7	X6	<b>X</b> 5	X4	X3	<b>X</b> 2	XI.	
1	1	1	1	1	0	1	l	0	1	1	1 (M1,M2)
l	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	2(M2,M3)
1	1	1	0	1	1	1	0	1	0	ı	3(M1,M3)
1	1	1	1	1	0	1	1	0	0	ı	4(M1,M4)
1	1	1	0	1	1	1	0	0	0	1	5(M1,M6)
1	1	0	1	1	1	0	1	0	1	0	6(M2,M6)
1	1	0	1	1	0	1	l	0	1	0	7(M2,M5)
1	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	8(M3,M5)
1	1	0	1	1	0	0	1	0	0	0	9(M4,M7)
1	1	0	1	1	0	1	0	0	0	0	10(M5,M8)
1	1	1	1	1	1	0	1	1	0	0	11(M3,M9)
1	1	1	1	1	0	1	0	0	0	1	12(M1,M8)
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	13(M1,M2,M3)
1	1	1	1	1	1	l	1	l	1	0	14(M2,M3,M5)
1	1	1	1	1	1	0	1	l	l	0	15(M2,M3,M9)
1	1	1	l	1	1	1	0	0	0	1	16(M1,M6,M8)

الشكل (٤-٤) تصنيف سجل بيانات لأعطال متعددة الآلات باستخدام شجرة قرار خاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع



### ٤-٢ تعلُّم شجرة القرار غير الثنائية (Learning a Nonbinary Decision Tree):

يوجد ثلاث قيم نوعية لمتغير الخاصية، العمر (age)، في مجموعة البيانات الخاصة بالعدسات في الجدول ٢٠٠١، والقيم هي: شاب (Young)، ما قبل الشيخوخة، -٣٠٠ (Presbyopic) والشيخوخة ( Presbyopic ). إذا أردنا بناء شجرة قرار ثنائية لمجموعة البيانات هذه، فنحن بحاجة إلى تحويل القيم النوعية الثلاثة لمتغير الخاصية العمر (age) إلى قيمتين نوعيتين عند استخدام العمر لتقسيم عقدة الجذر. قد نضع الفئتين: شاب وما قبل الشيخوخة معاً في فئة واحدة، وتكون الفئة: الشيخوخة في فئة أخرى، ويكون معيار الانفصال كما يلي: العمر = الشيخوخة صحيح أو خطأ. بإمكاننا أيضاً وضع الفئة: شاب كفئة واحده والفئتين: ما قبل الشيخوخة، والشيخوخة معاً في فئة أخرى، ويكون شرط أو معيار الانفصال كما يلي: العمر = شاب: صحيح أو خطأ. لكن، يمكننا بناء شجرة قرار غير ثنائية اللسماح بتقسيم مجموعة بيانات لعقدة ما إلى أكثر من مجموعتين فرعيتين باستخدام القيم النوعية المتعددة لكل فرع من الانقسام.

المثال ٤-٢ يوضح كيفية بناء شجرة قرار غير ثنائية لمجموعة ببانات العدسات.

#### المثال ٤-٧:

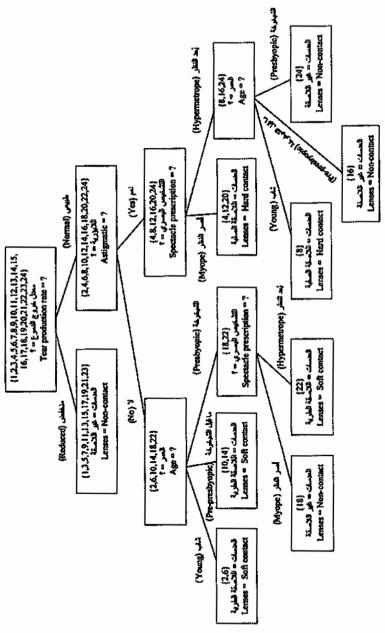
قم ببناء شجرة قرار غير ثنائية لمجموعة بيانات العدسات في الجدول ١-٣. إذا استُخدم متغير الخاصية، العمر - age، لـتقسيم عقدة الجذر لمجموعة بيانات العدسات، فإنه يمكن استخدام كل القيم النوعية الثلاثة لـ "العمر" لتقسيم مجموعة سجلات البيانات المكونة من ٢٤ سجل في عقدة الجذر باستخدام معيار الانقسام، العمر = شاب، قبل الشيخوخة، أو الشيخوخة، كما هو موضح في الشكل ٤-٥. يتم استخدام مجموعة البيانات المكونة من ٢٤ سجل موضحة في الجدول ١-٣ على أنها مجموعة البيانات التدريبية، D، في عقدة الجذر لشجرة القرار غير الثنائية. في مجموعة بيانات العدسات، المتغير الهدف له ثلاث قيم نوعية، وهي العدسات غير اللاصقة الخارجية (Non-Contact) موجودة في ١٥ سجل، والعدسات اللاصقة الطبة الطرية (Soft-Contact) موجودة في ٥ سجلات، والعدسات اللاصقة الصلبة اللاصقة الطرية (Hard-Contact) موجودة في ٤ سجلات. باستخدام مقياس عشوائية المعلومات كمقياس لتجانس البيانات، يصبح لدينا:

entropy(D) = 
$$\sum_{i=1}^{3} -P_i \log_2 P_i$$
  
=  $-\frac{15}{24} \log_2 \frac{15}{24} - \frac{5}{24} \log_2 \frac{5}{24} - \frac{4}{24} \log_2 \frac{4}{24}$   
= 1.3261.

(astigmatic) = لا (No) أو نعم (Yes)، والتي تنتج عنها مجموعتان فرعيتان {2، 6، 6. 10، 14، 18، 22} و {4. 8، 12، 16، 20، 24}.

ويبين الجدول ٤-٩ عملية حساب مقياس عشوائية المعلومات لتقسيم العقدة المحتوية على مجموعة البيانات {2، 6، 10، 10، 18، 22} باستخدام معيار الانقسام، العمر (Age) على مجموعة البيانات (٢٠ هـ) أو الشيخوخة (٢٠٠٤ الله (٢٠٠٤) أو الشيخوخة (٢٠٠٤ الله (٢٠٠٤) أو الشيخوخة (٢٠٤٤) أو الشيخوخة (٢٠٤٤) أو الشيخوخة (٢٠٤٤) أو الله التي تنتج ثلاثة مجموعات فرعية {2، 6} المعيار الانقسام، الوصفة الطبية تقسيم هذه المجموعات الفرعية علاوةً على ذلك باستخدام معيار الانقسام، الوصفة الطبية (myope) أو بعد النظر (hypermetrope) أو بعد النظر المحموعات بيانات متجانسة. ويبين الجدول ١٠-١٠ عملية حساب مقياس عشوائية المعلومات لتقسيم العقدة المحتوية على مجموعة البيانات {4، 8، 12، 16، 10، 20 الستخدام معيار الانقسام، الوصفة الطبية عصر النظر أو بعد النظر، والتي تنتج مجموعتين فرعيتين (4، 12، 20) و (8، 16، 20). ويتم تقسيم هذه المجموعات الفرعية باستخدام معيار الانقسام، العمر = شاب، قبل الشيخوخة، أو الشيخوخة، لإنتاج عقد الورقة ذات مجموعات بيانات متجانسة. ويبين الشكل ٤-٥ شجرة القرار غير الثنائية الكاملة لمجموعة بيانات العدسات.

### الشكل (٤-٥) شجرة القرار لمجموعة بيانات العدسات



# الجدول (٧-٤) الانفصال غير الثنائي لعقدة الجذر وعملية حساب مقياس عشوائية المعلومات للجدول (٧-٤)

منطوعه بينان العدسات	
المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split	شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8], {9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16}, {17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24}	Age = Young, Pre-presbyopic, or
entropy $(S) = \frac{8}{24}$ entropy $(D_{Y_{resp}}) + \frac{8}{24}$ entropy $(D_{P_{resp}})$	Presbyopic
$+\frac{8}{24}$ entropy $(D_{hodget})$	العمر = شاب، ما قبل الشيخوخة، أو الشيخوخة
$= \frac{8}{24} \times \left( -\frac{4}{8} \log_2 \frac{4}{8} - \frac{2}{8} \log_2 \frac{2}{8} - \frac{2}{8} \log_2 \frac{2}{8} \right)$	
$+\frac{8}{24} \times \left(-\frac{5}{8} \log_2 \frac{5}{8} - \frac{2}{8} \log_2 \frac{2}{8} - \frac{1}{8} \log_2 \frac{1}{8}\right)$	
$+\frac{8}{24} \times \left(-\frac{6}{8} \log_2 \frac{6}{8} - \frac{1}{8} \log_2 \frac{1}{8} - \frac{1}{8} \log_2 \frac{1}{8}\right) = 1.2867$	
{1, 2, 3, 4, 9, 10, 11, 12, 17, 18, 19, 20}, (5, 6, 7, 8, 13, 14, 15, 16, 21, 22, 23, 24}	Spectacle Prescription = Myope or Hypermetrope
entropy (S) = $\frac{12}{24}$ entropy $(D_{Adjupe}) + \frac{12}{24}$ entropy $(D_{Hypometrape})$	التشخيص البصري =
$=\frac{12}{24}\times\left(-\frac{7}{12}\log_2\frac{7}{12}-\frac{2}{12}\log_2\frac{2}{12}-\frac{3}{12}\log_2\frac{3}{12}\right)$	قصر النظر أو بُعد النظر
$+\frac{12}{24} \times \left(-\frac{8}{12} \log_2 \frac{8}{12} - \frac{3}{12} \log_2 \frac{3}{12} - \frac{1}{12} \log_2 \frac{1}{12}\right)$	
= 1.2866	
[1, 2, 5, 6, 9, 10, 13, 14, 17, 18, 21, 22], (3, 4, 7, 8, 11, 12, 15, 16, 19, 20, 23, 24]	Astigmatic = No or Yes
entropy (S) = $\frac{12}{24}$ entropy $\{D_{N_0}\}$ + $\frac{12}{24}$ entropy $\{D_{Y\alpha}\}$	اللابؤرية = لا أو نعم
$=\frac{12}{24}\times\left(-\frac{7}{12}\log_2\frac{7}{12}-\frac{5}{12}\log_2\frac{5}{12}-\frac{0}{12}\log_2\frac{0}{12}\right)$	
$+\frac{12}{24} \times \left(-\frac{8}{12} \log_2 \frac{8}{12} - \frac{4}{12} \log_2 \frac{4}{12} - \frac{0}{12} \log_2 \frac{0}{12}\right)$	
= 0.9491	
(1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23), (2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, 24)	Tear Production Rate = Reduced or Normal
entropy (S) = $\frac{12}{24}$ entropy ( $D_{\text{Animal}}$ ) + $\frac{12}{24}$ entropy ( $D_{\text{Normal}}$ )	معدل خروج الدموع =
$=\frac{12}{24}\times\left(-\frac{12}{12}\log_2\frac{12}{12}-\frac{0}{12}\log_2\frac{0}{12}-\frac{0}{12}\log_2\frac{0}{12}\right)$	منخفض أو طبيعي
$+\frac{12}{24} \times \left(-\frac{3}{12} \log_2 \frac{3}{12} - \frac{5}{12} \log_2 \frac{5}{12} - \frac{4}{12} \log_2 \frac{4}{12}\right)$	
= 0.7773	

#### الجدول (٤-٨) الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (2، 4، 6، 8، 10، 12، 14، 16، 18، 20، 22، 24)، وعملية حساب مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة بيانات العدسات

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion

(2, 4, 6, 8), (10, 12, 14, 16), (18, 20, 22, 24)

entropy  $(S) = \frac{4}{12}$  entropy  $(D_{Years})$ +  $\frac{4}{32}$  entropy  $(D_{Pro-problems})$ 

$$+\frac{4}{12}$$
entropy  $(D_{\text{Prodyspix}})$ 

$$= \frac{4}{12} \times \left( -\frac{0}{4} \log_2 \frac{0}{4} - \frac{2}{4} \log_2 \frac{2}{4} - \frac{2}{4} \log_2 \frac{2}{4} \right)$$

$$+\frac{4}{12} \times \left(-\frac{1}{4} \log_2 \frac{1}{4} - \frac{2}{4} \log_2 \frac{2}{4} - \frac{1}{4} \log_2 \frac{1}{4}\right)$$

$$+\frac{4}{12} \times \left(-\frac{2}{4} \log_2 \frac{2}{4} - \frac{1}{4} \log_2 \frac{1}{4} - \frac{1}{4} \log_2 \frac{1}{4}\right)$$

=1.3333

[2, 4, 10, 12, 18, 20], [6, 7, 14, 16, 22, 24]

entropy 
$$(S) = \frac{6}{12}$$
 entropy  $(D_{Mpope})$ 

$$= \frac{6}{12} \times \left( -\frac{1}{6} \log_2 \frac{1}{6} - \frac{2}{6} \log_2 \frac{2}{6} - \frac{3}{6} \log_2 \frac{3}{6} \right)$$

$$+\frac{6}{12} \times \left(-\frac{2}{6} \log_2 \frac{2}{6} - \frac{3}{6} \log_2 \frac{3}{6} - \frac{1}{6} \log_2 \frac{1}{6}\right)$$

= 1 4591

[2, 6, 10, 14, 18, 22], [4, 8, 12, 16, 20, 24]

entropy (S) = 
$$\frac{6}{12}$$
 entropy ( $D_{N_0}$ )

$$+\frac{6}{12}$$
entropy  $(D_{Y_{ca}})$ 

$$=\frac{6}{12} \times \left(-\frac{1}{6} \log_2 \frac{1}{6} - \frac{5}{6} \log_2 \frac{5}{6} - \frac{0}{6} \log_2 \frac{0}{6}\right)$$

$$+\frac{6}{12} \times \left(-\frac{2}{6} \log_2 \frac{2}{6} - \frac{0}{6} \log_2 \frac{0}{6} - \frac{4}{6} \log_2 \frac{4}{6}\right)$$

=0.7842

Age = Young, Pre-presbyopic, or Presbyopic

> العمر = شاب، ما قبل الشيخوخة، أو الشنخوخة

Spectacle Prescription = Myope or Hypermetrope

> التشخيص البصري ≈ قُصر النظر أو بُعد النظر

Astigmatic = No or Yes

اللابؤرية = لا أو نعم

الجدول (۹-٤)

الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (2، 6، 10، 14، 18، 22)، وعملية حساب مقياس عشوائية الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (2، 6، 10، 14، 18، 22)، وعملية حساب مقياس عشوائية

شرط الانفصال أو الانقسام المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split Split Criterion {2, 6}, {10, 14}, {18, 22} Age = Young, Pre-presbyopic, or Presbyopic entropy  $(S) = \frac{2}{\epsilon} \text{entropy}(D_{Yeave}) + \frac{2}{\epsilon} \text{entropy}(D_{Per-purchyapic})$  $+\frac{2}{\epsilon}$ entropy  $(D_{Project})$ العمر = شاب، ما قبل الشيخوخة، أو الشيخوخة  $= \frac{2}{4} \times \left( -\frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{2}{2} \log_2 \frac{2}{2} - \frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} \right)$  $+\frac{2}{6}\times\left(-\frac{0}{2}\log_2\frac{0}{2}-\frac{2}{2}\log_2\frac{2}{2}-\frac{0}{2}\log_2\frac{0}{2}\right)$  $+\frac{2}{6} \times \left(-\frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2}\right)$ Spectacle Prescription = Myope [2, 10, 18], [6, 14, 22] or Hypermetrope entropy (S) =  $\frac{3}{4}$  entropy  $(D_{Myor}) + \frac{3}{4}$  entropy  $(D_{Myoratopy})$ التشخيص البصري = قُصر النظر أو بعد النظر  $= \frac{3}{6} \times \left( -\frac{1}{3} \log_2 \frac{1}{3} - \frac{2}{3} \log_2 \frac{2}{3} - \frac{0}{3} \log_2 \frac{0}{3} \right)$  $+\frac{3}{4} \times \left(-\frac{0}{3} \log_2 \frac{0}{3} - \frac{3}{3} \log_2 \frac{3}{3} - \frac{0}{3} \log_2 \frac{0}{3}\right)$ =0.4591

# 3-٣ التعامل مع القيم الرقمية والقيم المفقودة لمتغيرات الخاصية (Handling Numeric and Missing Values of Attribute Variables):

إذا كانت مجموعة البيانات تحتوي على متغير خاصية رقمي، يحتاج المتغير إلى أن يتحول إلى متغير نوعي قبل استخدامه لغرض بناء شجرة القرار. سنستعرض الطريقة الشائعة لعمل هذا التحول. لنفترض أن لدينا متغير خاصية رقمي، تد لديه القيم الرقمية التالية في مجموعة

البيانات التدريبية،  $a_i$  ، $a_2$ ،.....  $a_k$  ، والتي يتم فرزها بترتيب متزايد تصاعدي. النقطة أو التيانات التدريبية،  $a_i$  ،ورتين  $a_i$  ،ورقيمة الوسطى لقيمتين رقميتين متجاورتين،  $a_i$  و  $a_i$  ، يتم حسابها على النحو التالي:

$$c_i = \frac{a_i + a_j}{2} \tag{Y-\varepsilon}$$

الجدول (٤-١٠) الانفصال غير الثنائي للعقدة الداخلية (4، 8، 12، 16، 20، 24) وعملية حساب مقياس عشوائية المعلومات لمجموعة بيانات العدسات.

المجموعات الفرعية الناتجة ومتوسط مقياس عشوائية المعلومات للانفصال Resulting Subsets and Average Information Entropy of Split	شرط الانفصال أو الانقسام Split Criterion
[4, 8], [12, 16], [20, 24] entropy (S) = $\frac{2}{6}$ entropy ( $D_{Y_{\text{many}}}$ ) + $\frac{2}{6}$ entropy ( $D_{P_{\text{thr-product}}}$ )	Age = Young, Pre-presbyopic, or Presbyopic
$+\frac{2}{6}$ entropy $\left(D_{Prodyspic}\right)$	العمر = شاب، ما قبل الشيخوخة، أو الشبخوخة
$= \frac{2}{6} \times \left( -\frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{2}{2} \log_2 \frac{2}{2} \right)$	
$+\frac{2}{6} \times \left(-\frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2}\right)$	
$+\frac{2}{6} \times \left(-\frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2}\right)$ = 0.6667	
{4, 12, 20}, {8, 16, 24}	Spectacle Prescription = Myope or Hypermetrope
entropy (S) = $\frac{3}{6}$ entropy $(D_{\text{Mappe}}) + \frac{3}{6}$ entropy $(D_{\text{Mappe}})$ = $\frac{3}{6} \times \left( -\frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{0}{2} \log_2 \frac{0}{2} - \frac{3}{3} \log_2 \frac{3}{2} \right)$	لتشخيص البصري =   قُصر النظر أو بُعد لنظر
$-\frac{1}{6} \times \left(-\frac{2}{3} \log_2 \frac{2}{3} - \frac{0}{3} \log_2 \frac{0}{3} - \frac{1}{3} \log_2 \frac{1}{3}\right)$ $+\frac{3}{6} \times \left(-\frac{2}{3} \log_2 \frac{2}{3} - \frac{0}{3} \log_2 \frac{0}{3} - \frac{1}{3} \log_2 \frac{1}{3}\right)$	
= 0.4591	

k+1 باستخدام  $c_i$  حيث,  $i=1,\dots,k-1,\dots$  يكننا إنشاء القيم النوعية التالية والتي عددها كقيم لـ x

Category 1:  $x \le c_1$ 

Category 2:  $c_1 < x \le c_1$ 

Category k:  $c_{k-1} < x \le c_k$ Category k+1:  $c_k < x$ .

يتم تحويل القيمة الرقمية لـ x إلى قيمة نوعية وفقاً للتعريف المذكور آنفاً للقيم النوعية. على سبيل المثال، إذا  $c_1 < x \le c_2$ ، فإن القيمة النوعية لـ x هي الفئة (Category 2).

في العديد من مجموعات البيانات، قد نجد متغير خاصية بدون قيمة في سجل بيانات ما. على سبيل المثال، إذا كان هناك متغيرات خاصية للاسم، والعنوان، وعنوان البريد الإلكتروني للعملاء في قاعدة بيانات متجر ما، قد لا يكون هناك عنوان البريد الإلكتروني لعميل معين. وهو ما يعني، أنه قد تكون لدينا عناوين بريد إلكتروني مفقودة لبعض العملاء. إحدى الطرق لمعالجة سجل بيانات بحتوى على قيمة مفقودة هو بتجاهل سجل السانات. لكن، عندما تكون مجموعة البيانات التدريبية صغيرة، فنحن بحاجة إلى جميع سجلات البيانات لمجموعة البيانات التدريبية حتى تتمكن من بناء شجرة القرار. ولاستخدام سجل بيانات يحتوى على قيمة مفقودة، قد نكون بحاجة إلى تقدير القيمة المفقودة، واستخدام القيمة التقديرية لملء القيمة المفقودة. بالنسبة لمتغير الخاصية النوعي، يمكن تقدير القيمة المفقودة الخاصة به لتكون القيمة الأكثر شيوعاً في غالبية سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية التي لها نفس القيمة لمتغير الهدف مثل تلك الموجودة في سجل البيانات ذو القيمة المفقودة لمتغير الخاصية. وبالنسبة لمتغير الخاصية الرقمي، عكن تقدير القيمة المفقودة الخاصة به لتكون قيمة متوسط القيم التي يتم اتخاذها من قبل سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية التي لها قيمة المتغير الهدف نفسه مثل تلك الموجودة في سجل البيانات ذي القيمة المفقودة لمتغير الخاصية. وترد أساليب أخرى لتقدير القيمة المفقودة في (Ye, 2003).

## ٤-٤ التعامل مع متغير الهدف الرقمي وبناء شجرة الانحدار

# (Handling a Numeric Target Variable and Constructing a Regression Tree):

إذا كان لدينا متغير هدف رقمي، فإنه لا يمكن تطبيق مقاييس تجانس البيانات، مثل: مقياس عشوائية المعلومات، ومؤشر جيني. ويقدم بريمان وآخرون ( 1984 المعادلة رقم 1984 لحساب متوسط اختلاف القيم عن قيمة متوسطها، 1984 واستخدامه لقياس تجانس البيانات لبناء شجرة الانحدار عندما تكون قيم المتغير الهدف رقمية. متوسط الاختلاف للقيم في مجموعة بيانات من قيمة متوسطها يشير إلى مدى كون القيم متشابهة أو متجانسة. فكلها كانت قيمة 1984 أصغر، كانت مجموعة البيانات أكثر تجانساً. المعادلة 1984 ومن عملية حساب متوسط قيمة 1984 بعد الانفصال:

$$R(D) = \sum_{y \in D} (y - \bar{y})^2 \tag{A-E}$$

$$\vec{y} = \frac{\sum_{y \in D} y}{n} \tag{9-2}$$

$$R(S) = \sum_{v \in Values(S)} \frac{|D_v|}{|D|} R(D_v)$$
 (1.-\xi)

مجموعة البيانات الخاصة بمكوك الفضاء في الجدول 1-1، تحتوي متغير هدف رقمي، وأربعة متغيرات خاصية رقمية. يتم حساب قيمة R لمجموعة البيانات D لسجلات البيانات الـ T في عقدة الجذر لشجرة الانحدار كما يلى:

$$\bar{y} = \frac{\sum_{y \in D} y}{n}$$

= 0.3043

$$R(D) = \sum_{y \in D} (y - \bar{y})^2 = (0 - 0.3043)^2 + (1 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (1 - 0.3043)^2 + (1 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (0 - 0.3043)^2 + (2 - 0.3043)^2 + (0 - 0$$

وغالباً ما يتم استخدام متوسط قيم الهدف لسجلات البيانات الموجودة في عقدة الورقة لشجرة القرار ذات متغير الهدف الرقمي، كقيمة هدف لعقدة الورقة. عند تمرير سجل بيانات على طول شجرة القرار لتحديد القيمة الهدف لسجل البيانات، يتم إسناد القيمة الهدف لعقدة الورقة حيث يصل سجل البيانات كقيمة الهدف الخاص بـ سجل البيانات. وتسمى شجرة القرار ذات المتغير الهدف الرقمي بشجرة الانحدار (regression tree).

## ٤-٥ مزايا وعيوب خوارزمية شجرة القرار

#### (Advantages and Shortcomings of the Decision Tree algorithm):

إن من مميزات استخدام خوارزمية شجرة القرار لتعلم أنماط التصنيف والتنبؤ هو التعبير الصريح لأنماط التصنيف والتنبؤ لشجرة القرار والانحدار. تكشف شجرة القرار في الشكل ١-٤ عن ثلاثة أنماط خاصة بجودة قطع الغيار، الأمر الذي يؤدي إلى ثلاثة من عقد الورقة ذات التصنيف "عطل في النظام"، على التوالى.

- $\bullet x_7=1$
- $x_7=0 \& x_8=1$
- $x_7=0 \& x_8=0 \& x_9=1$

والنمط التالي الخاص بجودة القطع لعقدة ورقة واحدة ذات تصنيف "بدون عطل بالنظام":

• x7=0 & x8=0 & x9=0

أنماط التصنيف الصريحة المذكورة أعلاه تكشف عن المعرفة الأساسية التالية للكشف عن أعطال نظام التصنيع هذا:

- من بين متغيرات الجودة التسعة، يتضح أن متغيرات الجودة الثلاثة،  $x_0$  ،  $x_0$  هي ذات أهمية للكشف عن أعطال نظام التصنيع. تسمح لنا هذه المعرفة بالحد من تكلفة فحص جودة القطع من خلال فحص جودة القطع بعد الآلات السابعة  $M_0$  والثامنة  $M_0$  والتاسعة  $M_0$  فقط بدلاً من فحص الآلات التسع كلها.
- إذا كان أحد هذه المتغيرات الثلاثة،  $x_0$   $x_0$   $x_0$  يظهر فشلاً في الجودة، فإن النظام يكون به عطل؛ وخلاف ذلك، لا يوجد لدى النظام عطل.

هناك أيضاً قصور لدى شجرة القرار عند التعبير عن أغاط التصنيف والتنبؤ لأنها تستخدم متغير خاصية واحد فقط في معيار الانفصال. هذا قد يؤدي إلى شجرة قرار كبيرة. وفي شجرة القرار الكبيرة، يكون من الصعب أن نرى أغاط واضحة للتصنيف والتنبؤ. على سبيل المثال، في الفصل ١، قدمنا غط التصنيف التالي لمجموعة بيانات البالون في الجدول ١-١:

IF (Color = Yellow AND Size = Small) OR (Age = Adult AND Act = Stretch), THEN Inflated = T; OTHERWISE, Inflated = f.

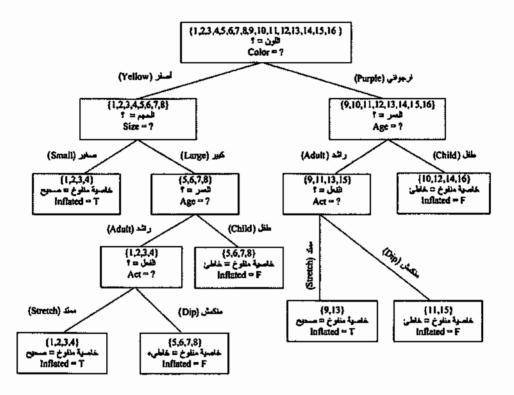
إذا كان (اللون = أصفر، والحجم = صغير) أو (العمر = راشد والفعل = ممتد)، إذن تكون خاصية منفوخ = T (أي "صحيح")؛ وإلا تكون خاصية منفوخ = T (أي "خاطيء").

هذا النمط لتصنيف قيمة الهدف لحالة منفوخ = T، (اللون = الأصفر والحجم = الصغير) أو (العمر = راشد والفعل = الامتداد)، يستلزم جميع متغيرات الخاصية الأربعة اللون، الحجم، العمر، والفعل. فمن الصعب التعبير عن هذا النمط البسيط في شجرة القرار. لا يمكننا استخدام جميع متغيرات الخاصية الأربعة لتقسيم عقدة الجذر. بدلاً من ذلك، علينا اختيار متغير خاصية واحد فقط. ويكون متوسط قيمة مقياس عشوائية المعلومات الختيار متغير خاصية واحد فقط. ويكون متوسط قيمة مقياس عشوائية المعلومات (information entropy) لانفصال ما لتقسيم عقدة الجذر باستخدام كل من متغيرات الخاصية الأربعة هو نفسه تماماً كما هو موضح بالعملية الحسابية أدناه:

entropy(S) = 
$$\frac{8}{16}$$
 entropy( $D_{Yellow}$ ) +  $\frac{8}{10}$  entropy( $D_{Purple}$ )  
=  $\frac{8}{12} \times \left(-\frac{5}{8}\log_2\frac{5}{8} - \frac{3}{8}\log_2\frac{3}{8}\right)$   
+  $\frac{8}{12} \times \left(-\frac{2}{8}\log_2\frac{2}{8} - \frac{6}{8}\log_2\frac{6}{8}\right)$   
=  $0.8829$ 

نختار عشوائياً اللون = الأصفر (Color = Yellow) أو الأرجواني (Purple) كمعيار الانفصال لتقسيم عقدة الجذر. يوضح الشكل ٦-٤ شجرة القرار الكاملة لمجموعة بيانات البالون. ويتضح أن شجرة القرار كبيرة بسبعة أناط للتصنيف مما يؤدي إلى سبع عقد من عقد الورقة، على التوالي:

الشكل ٤-٦ شجرة القرار لمجموعة البيانات الخاصة بالبالون



- Color = Yellow AND Size = Small, with Inflated = T
- Color = Yellow AND Size = Large AND Age = Adult AND Act = Stretch, with Inflated = T
- Color = Yellow AND Size = Large AND Age = Adult AND Act = Dip, with Inflated = F
- Color = Yellow AND Size = Large AND Age = Child, with Inflated =
- Color = Purple AND Age = Adult AND Act = Stretch, with Inflated = T
- Color = Purple AND Age = Adult AND Act = Dip, with Inflated = F
- Color = Purple AND Age = Child AND, with Inflated = F

- اللون = أصفر والحجم = صغير، مع خاصية منفوخ = T (أي "صحيح").
- اللون = أصفر والحجم = كبير والعمر = راشد، والفعل = ممتد، مع حالة منفوخ T = T
- اللون = أصفر والحجم = كبير والعمر = راشد والفعل = منكمش، مع حالة منفوخ F = 0 أي "خاطئ").
- اللون = أصفر والحجم = كبير والعمر = طفل، مع حالة منفوخ = F (أي "خاطئ ").
- اللون = أرجواني والعمر = راشد والفعل = ممتد، مع حالة منفوخ = T (أي "صحيح").
- أي F=1 أرجواني والعمر F=1 (أي اللون F=1 أرجواني والعمر أشد والفعل F=1 أرجواطئ").
  - اللون = أرجواني والعمر = طفل، مع حالة منفوخ = F (أي "خاطئ").

من ضمن أنماط التصنيف السبعة المذكورة أعلاه، من الصعب أن نرى نمط التصنيف البسيط:

IF (Color = Yellow AND Size = Small) OR (Age = Adult AND Act = Stretch), THEN Inflated = T; OTHERWISE, Inflated = f.

إذا كان (اللون = أصفر، و الحجم = صغير) أو (العمر = راشد و الفعل = ممتد)، إذن تكون خاصية منفوخ = T (أي "صحيح")؛ وإلا تكون خاصية منفوخ = T (أي "خاطئ").

وعلاوةً على ذلك، فإنَّ اختيار معيار الانفصال الأفضل مع متغير خاصية واحد فقط دون النظر إلى تركيب معيار الانفصال هذا مع المعاير اللاحقة وصولاً إلى عقدة الورقة يشبه اتخاذ القرار الأمثل على الصعيد المحلي فقط دون النظر للصعيد الأشمل والأعم. ليس هناك ما يضمن أن اتخاذ القرار الأمثل محلياً في أوقات منفصلة قد يؤدي إلى شجرة القرار الأصغر، أو إلى القرار الأمثل على الصعيد الشامل. بالرغم من ذلك، فإن النظر إلى جميع متغيرات الخاصية وتركيباتها لمعايير وشروط كل انفصال تفضي إلى عملية بحث شاملة لجميع القيم

الممكنة لكل متغيرات الخاصية. وهذا مُكلف حاسوبياً، أو أنه أمر مستحيل أحياناً لمجموعة بيانات كبيرة مع عدد كبير من متغيرات الخاصية.

## ٦-٤ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يوجد في الموقع الإلكتروني http://www.knuggets.com معلومات عن أدوات استكشاف البيانات المختلفة. وحزم البرمجيات التالية تدعم تعلم أشجار القرار والانحدار:

- Weka (http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/)
- SPSS AnswerTree (http://www.spss.com/answertree/)
- SAS Enterprise Miner (http://sas.com/products/miner/)
- IBM Inteligent Miner (http://www.ibm.com/software/data/iminer/)
- CART (http://www.salford-systems.com/)
- C4.5 (http://www.cse.unsw.edu.au/quinlan)

Li) و (Ye, 2003) بعض التطبيقات الخاصة بأشجار القرار يمكن العثور عليها في (Ye, 2003)، الفصل المراكب (Ye, 2001) و (Ye, Ye et al., Ye)

#### التمارين (Exercises):

- ۱-۲ قم ببناء شجرة قرار ثنائية لمجموعة بيانات البالون في الجدول ۱-۱ باستخدام مقياس عدوائية المعلومات (information entropy) كمقياس لتجانس البيانات.
- 3-٢ قم ببناء شجرة قرار ثنائية لمجموعة بيانات العدسات في الجدول ١-٣ باستخدام مقياس عصوائية المعلومات كمقياس لتجانس البيانات.
- 3-٣ قم ببناء شجرة انحدار غير ثنائية لمجموعة البيانات الخاصة محكوك الفضاء في الجدول الدراد الإطلاق (Launch Temperature)، درجة حرارة الإطلاق (Leak Check Pressure)، ويتم الأخذ بالاعتبار وجود قيمتين نوعيتين لمتغير الخاصية: درجة حرارة الإطلاق، والقيمتان هما:
- ("منخفضة- low" إذا كانت درجة الحرارة < 60، و"طبيعية -normal" لدرجات الحرارة الأخرى)؛ أما متغير الخاصية، ضغط فحص التسرب فيكون له ثلاث قيم نوعية هي (50، و100، و200).
- ٤-٤ قم ببناء شجرة قرار ثنائية أو شجرة قرار غير ثنائية لمجموعة البيانات الموجودة في التمرين ١-١.
- ٥-٤ قم ببناء شجرة قرار ثنائية أو شجرة قرار غير ثنائية لمجموعة البيانات الموجودة في
   التمرين ١-,٢
- 3-د قم ببناء مجموعة بيانات بحيث يكون اختيار الانفصال الأفضل لعقدة الجذر لا يؤدي إلى شجرة القرار الأصغر.

## ٥- الشبكات العصبية الصناعية للتصنيف والتنبؤ

## Artificial Neural Networks For Classification And Prediction

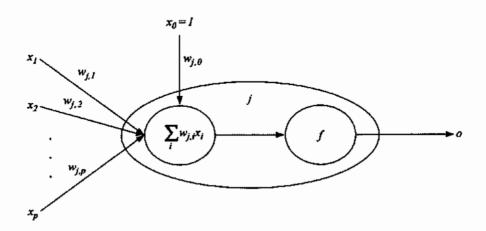
يتم تصميم الشبكات العصبية الصناعية ( - Artificial Neural Networks ANNs) لتحاكى بنية الدماغ البشرى من أجل إبداع ذكاء اصطناعي مماثل للذكاء البشري. ومن ثم، فإن الشبكات العصبية الصناعية تستخدم بنية مشابهة للبنية الأساسية للدماغ البشرى الذي يتكون من خلايا عصبية وروابط بين الخلايا العصبية. حيث تحتوي الشبكات العصبية الصناعية على وحدات معالجة مشابهة للخلايا العصبية، وروابط بين الوحدات المعالجة. يقدم هذا الفصل نوعن من الشبكات العصبية الصناعية المستخدمة للتصنيف والتنبؤ: الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة (Perceptron) والشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية متعددة الطبقات multilayer) feedforward ANNs). في هذا الفصل، نقوم أولاً بوصف وحدات المعالجة، وكيف عكن استخدام هذه الوحدات لبناء أنواع مختلفة من معماريات الشبكات العصبية الصناعية. نستعرض بعد ذلك الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة، وهي شبكات عصبية صناعية ذات تغذية أمامية أحادية الطبقة، وطريقة تعلم أغاط التصنيف والتنبؤ من خلال الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة. أخيراً، نقوم بوصف الشيكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية متعددة الطبقات، ثم وصف خوارزمية التعلم بالتوالد الخلفي (back-propagation learning algoritnn). سيتم استعراض حزم من قائمة البرمجيات التي تدعم الشبكات العصبية الصناعية. كما سيتم استعراض بعض تطبيقات الشبكات العصبية الصناعية مع المراجع الخاصة بها.

## ٥-١ وحدات المعالجة للشبكات العصبية الصناعية (Processing Units of ANNs):

يوضح الشكل ١-٥ إحدى وحدات المعالجة في شبكة عصبية صناعية (ANN)، وهي الوحدة f حيث تأخذ هذه الوحدة عدد p من المدخلات،  $x_1.x_2$  ....,  $x_p$  ومُدخَلة خاصة أخرى،  $x_1.x_2$  وتنتج مُخرَجة واحدة هي،  $x_1.x_2$  عيث يتم استخدام المدخلات،  $x_1.x_2$  .... والمخرجة  $x_1.x_2$  ، لتمثيل المدخلات والمخرجات الخاصة بمسألة أو مشكلة معينة. لنأخذ

مثالاً من مجموعة البيانات الخاصة بحكوك الفضاء في الجدول 1-1. قد يكون لدينا المتغيرات  $x_1$   $x_2$   $x_3$   $x_4$   $x_5$   $x_6$   $x_6$   $x_7$   $x_8$   $x_8$   $x_8$   $x_9$   $$net_j = \sum_{i=0}^p w_{j,i} x_i \tag{1-0}$$

الشكل (١-٥) وحدة معالجة بالشبكة العصبية الصناعية (ANN)



لتكن المتجهات x وw معرفة على النحو التالى:

$$x = \begin{bmatrix} x_0 \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix} \quad w' = \begin{bmatrix} w_{j,0} & \dots & w_{j,p} \end{bmatrix}$$

مكن منيل المعادلة ٥-١ على النحو التالى:

$$net_j = w'x. (Y-0)$$

ثم تقوم الوحدة،  $i_i$  بتطبيق دالة تحول، f، إلى صافي المجموع وتوجد الناتج أو المخرَجّة، o، على النحو التالى:

$$o = f(net_i). (7-0)$$

فيما يلي يتم استعراض خمس دوال من دوال التحول الشائعة، ويتم توضيحها في الشكل ٢-٥:

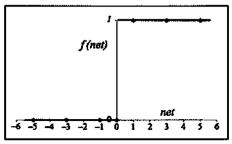
۱- دالة الإشارة (Sign function):

$$o = sgn(net) = \begin{cases} 1 & \text{if } net > 0 \\ -1 & \text{if } net \le 0 \end{cases}$$
 (6-0)

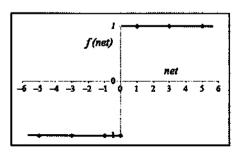
- دالة الحد الثابت (Hard limit Function):

$$o = hardlim(net) = \begin{cases} 1 & \text{if } net > 0 \\ 0 & \text{if } net \le 0 \end{cases}$$
 (0-0)

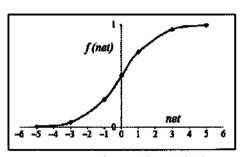
الشكل (٥-٢) أمثلة على دوال التحول



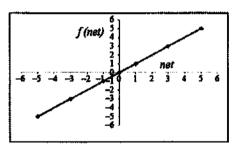
دالة الحد الثابت - The hard limit function



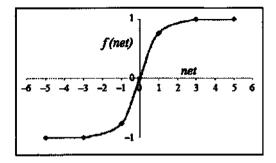
دالة الإشارة - The Sign function



الدالة السينية (على شكل حرف S ) The sigmoid function



الدالة الخطية - The linear function



دالة الظل القطعي - The hyperbolic tangent function

٣- الدالة الخطية: (Linear Function):

$$o = lin(net) = net \tag{7-0}$$

٤- الدالة السينية: (Sigmoid function):

$$o = sig(net) = \frac{1}{1 + e^{-net}} \tag{V-0}$$

٥- دالة الظل القطعى: (Hyperbolic tangent function):

$$o = tanh(net) = \frac{e^{net} - e^{-net}}{e^{net} + e^{-net}}.$$
 (A-0)

من خلال المعطيات التالية الخاصة عتجه المدخّلات ومتجهة وزن الارتباط ('w')

$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \\ -6 \end{bmatrix} \quad w' = \begin{bmatrix} -1.2 & 3 & 2 \end{bmatrix},$$

يتم احتساب ناتج الوحدة لكل من دوال التحول الخمسة المذكورة آنفاً على النحو التالي:

$$net = w'x = \begin{bmatrix} -1.2 & 3 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \\ -6 \end{bmatrix} = 1.8$$

$$o = sgn(net) = 1$$

$$o = hardlim(net) = 1$$

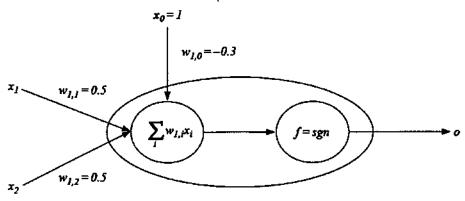
$$o = lin(net) = 1.8$$
  
 $o = sig(net) = 0.8581$   
 $o = tanh(net) = 0.9468$ .

تكفي وحدة معالجة واحدة لتنفيذ الدالة AND المنطقية. حيث يعطي الجدول  $^{1-0}$  المدخلات والمخرجات للدالة AND وأربعة سجلات للبيانات الخاصة بهذه الدالة AND تحتوي على قيم المخرجات  $^{1-}$  و  $^{1}$ . الشكل  $^{0-7}$  يوضح تطبيق الدالة  $^{0-7}$  باستخدام وحدة معالجة واحدة.

الجدول (1-0) الدالة *AND* 

المخرجات - Output	المدخلات - Inputs	
0	<b>x</b> <sub>2</sub>	<b>x</b> <sub>1</sub>
-1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1
1	1	1

الشكل (٥-٣) تطبيق الدالة AND باستخدام وحدة معالجة واحدة



$$net = w'x + b, (9-0)$$

حىث:

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} \quad w' = \begin{bmatrix} w_{j,1} & \dots & w_{j,p} \end{bmatrix}.$$

ويتضح تالياً حساب قيمة المخرجات لكل مدخل من المدخلات الموضحة في الجدول ٥ - ١:

$$o = sgn(net) = sgn\left(\sum_{i=0}^{2} w_{1,i}x_i\right) = sgn[-0.3 \times 1 + 0.5 \times (-1) + 0.5 \times (-1)]$$
$$= sgn(-0.3 - 1) = sgn(-1.3) = -1$$

$$o = sgn(net) = sgn\left(\sum_{i=0}^{2} w_{1,i}x_i\right) = sgn[-0.3 \times 1 + 0.5 \times (-1) + 0.5 \times (1)]$$
$$= sgn(-0.3 + 0) = sgn(-0.3) = -1$$

$$o = sgn(net) = sgn\left(\sum_{i=0}^{2} w_{1,i} x_i\right) = sgn[-0.3 \times 1 + 0.5 \times (1) + 0.5 \times (-1)]$$
$$= sgn(-0.3 + 0) = sgn(-0.3) = -1$$

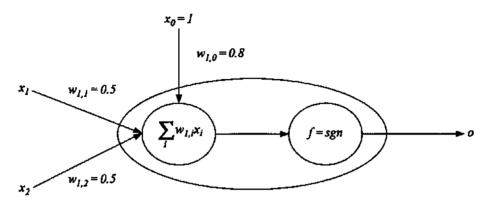
$$o = sgn(net) = sgn\left(\sum_{i=0}^{2} w_{1,i}x_i\right) = sgn[-0.3 \times 1 + 0.5 \times (1) + 0.5 \times (1)]$$
$$= sgn(-0.3 + 1) = sgn(0.7) = 1$$

يعطي الجدول  $^{-0}$  المدخلات والمخرجات الخاصة بالدالة OR المنطقية. ويبين الشكل  $^{-0}$  تطبيق الدالة OR باستخدام وحدة معالجة واحدة.

الجدول (٥-٢) الدالة *OR* 

المخرجات - Output	المدخلات - Inputs	
o	<i>x</i> <sub>2</sub>	<b>x</b> <sub>1</sub>
-1	-1	-1
1	1	-1
1	-1	1
1	1	1

الشكل (٥-٤) تطبيق الدالة OR باستخدام وحدة معالجة واحدة



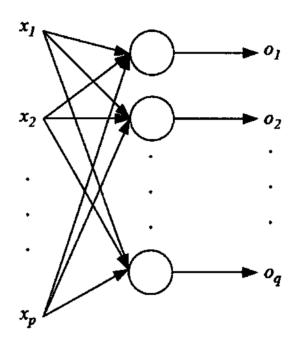
يتطلب سجل البيانات الأول فقط قيمة المخرجات 1-، وتتطلب سجلات البيانات الثلاثة الأخرى أن تكون قيمة المخرجات 1. يعطي سجل البيانات الأول فقط المجموع الموزون 1- من المدخلات، وتعطي سجلات البيانات الثلاثة الأخرى المجموع الموزون للمدخلات في النطاق 1- ومن ثم، فإن أي قيمة للحد (الحاجز) 1- 1- ومن ثم، فإن أقل من الصفر، وجعل قيمة 1- 1- البيانات الثلاثة الأخيرة أكبر من الصفر.

## ٥-٢ معماريات الشبكات العصبية الصناعية (Architectures of ANNs):

يمكن استخدام وحدات معالجة الشبكات العصبية الصناعية (ANNs) لبناء أنواع مختلفة من معماريات الشبكات العصبية الصناعية (ANNs). نستعرض تصميمين أو معماريتين للشبكات العصبية الصناعية (ANNs): الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية (Feed forward ANNS)، والشبكات العصبية الصناعية الدورية (Recurrent ANNs). يتم استخدام الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية على نطاق واسع. ويبين الشكل ٥-٥ الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة وكاملة الترابط، والتي يرتبط فيها مدخل من المدخلات بكل وحدة من

وحدات المعالجة. ويبين الشكل ٥-٦ الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية ثنائية الطبقات والكاملة الترابط.

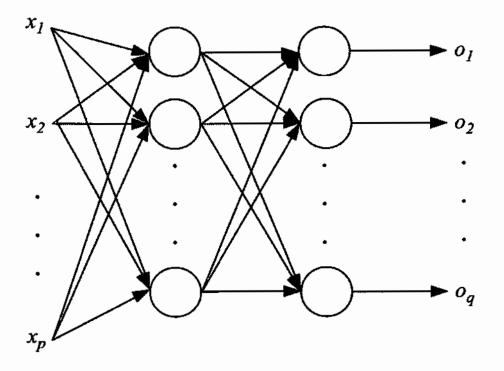
الشكل (٥-٥) معمارية الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة

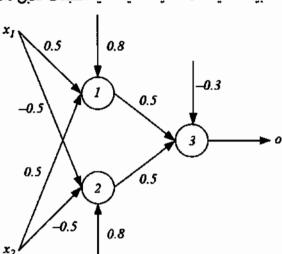


يُلاحظ أن المدخلة 10 لكل وحدة من وحدات المعالجة لا تظهر بشكل صريح في معماريات الشبكات العصبية الصناعية ANN في الأشكال 0-0 و0-1. تحتوي الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية ANN ثنائية الطبقات في الشكل 0-1 على طبقة مخرجات لوحدات المعالجة لإنتاج المخرجات، وطبقة مخفية لوحدات المعالجة التي تشكل مخرجاتها مدخلات لوحدات المعالجة في طبقة المخرجات. يتم ربط كل مدخل من المدخلات بكل وحدة من وحدات المعالجة في الطبقة المخفية، ويتم ربط كل وحدة من وحدات المعالجة في الطبقة المخرجات. في الطبقة المخفية بكل وحدة من وحدات المعالجة في طبقة المخرجات. في الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية ANN لا يوجد روابط عكسية بين

وحدات المعالجة، بمعنى آخر، لا يتم استخدام مخرجات وحدة معالجة معينة ليكون جزءاً من المدخلات لنفس وحدة المعالجة بشكل مباشر أو غير مباشر. ليس بالضرورة أن تكون الشبكات العصبية الصناعية ANN مترابطة ترابطاً كاملاً كما هو الحال في الأشكال ٥-٥، و٥-٦. قد تستخدم وحدات المعالجة نفس دالة التحول، أو دوال تحول مختلفة.

الشكل (٥-٦) معمارية الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الثنائية الطبقات





الشكل (٥-٧) شبكات عصبية صناعية ذات تغذية أمامية ثنائية الطبقات تطبق دالة XOR

الشبكات العصبية الصناعية ANNS في الأشكال 0-7 و0-8, على التوالي، هي أمثلة على الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة. ويبين الشكل 0-0 الشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية ثنائية الطبقة كاملة الترابط مكونة من طبقة مخفية واحدة تحتوي وحدة معالجة واحدة لتنفيذ الدالة المنطقية والحصرية OR, ويُرمَز لها بالرمز (XOR). يوضح الجدول VOR المدخلات والمخرجات الخاصة بالدالة VOR

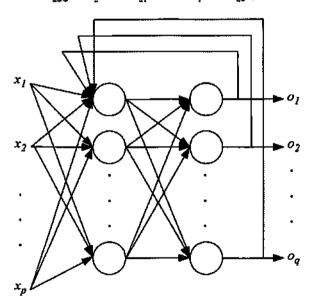
إن عدد المدخلات، وعدد المخرجات في الشبكات العصبية الصناعية ANN يعتمد على الدالة XOR المستخدمة من قبل الشبكات العصبية الصناعية ANN على سبيل المثال، فإن الدالة ANN لها مدخلان اثنان ومُخرَج واحد ومن ثم عكن تمثيلها بشبكة عصبية صناعية ANN تحتوي مُدخَلين اثنين ومُخرَج واحد، على التوالي. غالباً ما يتم تحديد عدد وحدات المعالجة في الطبقة المخفية، والتي تُسمَى بالوحدات المخفية، تجريبياً بحيث تأخذ في الاعتبار درجة تعقيد الدالة التي تقوم الشبكات العصبية الصناعية ANN باستخدامها. بشكل عام، كلما كانت الدالة أكثر تعقيداً، كانت هناك حاجة إلى المزيد من الوحدات المخفية. شبكات الـ ANN ذات

التغذية الأمامية ثنائية الطبقات مع دالة سينية أو دالة الظل القطعي يكون لها من القدرة على تطبيق حالة معطاة (Witten et al., 2011).

الجدول (٥-٣) الدالة *XOR* 

المخرجات - Output	المدخلات - Inputs	
o	$x_2$	$x_1$
-1	-1	-1
1	1	-1
1	-1	1
-1	1	1

الشكل (٥-٨) معماريات الشبكات العصبية الصناعية الدورية



ويبين الشكل ٥-٨ معمارية الشبكات العصبية الصناعية الدورية مع روابط عكسية تستخدم المخرجات على هيئة مدخلات إلى الوحدة المخفية الأولى (ظاهرة) ووحدات مخفية أخرى (غير ظاهرة). تسمح الروابط العكسية للشبكات العصبية الصناعية ANN بالتقاط السلوك الزمني، بحيث أن المخرجات في الوقت t+1 تعتمد على المخرجات، أو على حالة شبكات الـ ANN في الوقت t. ومن ثم، فإن شبكات الـ ANN الدورية مثل تلك الموضحة في الشكل ٥-٨ تحتوي روابط عكسية لالتقاط السلوكيات الزمنية.

# ٣-٥ طرق تحديد أوزان الروابط في الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة

#### (Methods of Determining Connection Weights for a Perceptron):

لاستخدام شبكة الـ ANN لتطبيق دالة ما، علينا أولاً تحديد معمارية شبكة الـ ANN عا في ذلك عدد المدخلات، وعدد المخرجات، وعدد الطبقات، وعدد وحدات المعالجة في كل طبقة، ودالة التحول لكل وحدة من وحدات المعالجة. ثم تحتاج لتحديد أوزان الروابط. في هذا الجزء، نقوم بوصف طريقة بيانية، وطريقة تعلُمية لتحديد أوزان الروابط لشبكة الهذا الجزء، نقوم بوصف طريقة عصبية صناعية ذات تغذية أمامية أحادية الطبقة مع دالة الإشارة (sign function)، أو دالة تحول الحد الثابت (sign function) على الرغم من أنه يتم شرح المفاهيم والأساليب في هذا الجزء باستخدام دالة تحول الإشارة لكل وحدة من وحدات المعالجة في شبكة الـ perception مع دالة تحول الحد الثابت Derception مع دالة تحول الحد الثابت لكل وحدة من وحدات المعالجة.

في الجزء ٥-٤، نستعرض طريقة التعلم بالتوالد الخلفي لتحديد أوزان الروابط للشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية المتعددة الطبقات.

## ٥-٣-٥ الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة (Perceptron)

يتم استخدام الرموز التالية لتمثيل الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة والمرتبطة ارتباطاً كاملاً بعدد مدخلات p ووحدات معالجة في طبقة المخرجات بغرض إنتاج مخرجات عددها p ودالة تحول الإشارة لكل وحدة من وحدات المعالجة، كما هو مبين في الشكل 0-0:

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix} \ o = \begin{bmatrix} o_1 \\ \vdots \\ o_q \end{bmatrix} \quad w' = \begin{bmatrix} w_{1,1} & \dots & w_{1,p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ w_{q,1} & \dots & w_{q,p} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} w'_1 \\ \vdots \\ w'_q \end{bmatrix} \quad w_j = \begin{bmatrix} w_{j,1} \\ \vdots \\ w_{j,p} \end{bmatrix} \quad b = \begin{bmatrix} b_1 \\ \vdots \\ b_q \end{bmatrix}$$

$$o = sgn(w'x + b). \tag{1.-0}$$

#### ٥-٣-٥ خصائص وحدة المعالحة (Properties of a Processing Unit):

 $o=sgn(net)=sgn(w'_j \ x+b_j)$  بالنسبة لوحدة معالجة معينة i فإنّ المخرجات o=1 و o=1 والمنطقة تفصل متجهات المدخلات، a=1 إلى منطقتين: منطقة يكون بها a=0، والمنطقة الأخرى يكون بها a=0 والمنطقة الأخرى يكون بها a=0

إن المعادلة،  $met = w'_j x + b_j = 0$ ، هي حد القرار (decision boundary) في فضاء ثنائي فضاء المدخلات التي تفصل بين المنطقتين. على سبيل المثال، قيم x معطاة في فضاء ثنائي الأبعاد، والوزن، والتحيز التالية:

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} \quad w'_j = \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \quad b_j = -1,$$

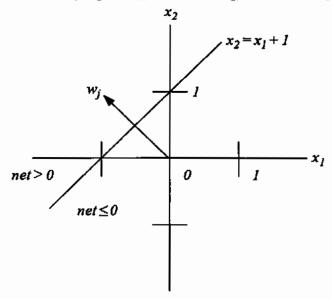
حد القرار هو:

$$w'_j x + b_j = 0$$
  
 $-x_1 + x_2 - 1 = 0$   
 $x_2 = x_1 + 1$ .

ويوضح الشكل ٥-٥ حد القرار، وفصل فضاء المدخلات إلى منطقتين بواسطة حد القرار. الميل (slope) ونقطة التقاطع (intercept) للخط الذي عِثل حد القرار في الشكل ٥-٥، هما:

slope = 
$$\frac{-w_{j,1}}{w_{j,2}} = \frac{1}{1} = 1$$
  
intercept =  $\frac{-b_j}{w_{j,2}} = \frac{1}{1} = 1$ .

الشكل (٥-٩) مثال على حد القرار وفصل بين فضاء المدخلات إلى منطقتين من خلال وحدة المعالجة



كما هو موضح في الشكل ٥-٩، تتميز وحدة المعالجة بالخصائص التالية:

- یکون متجه الوزن متعامداً علی حد (حاجز) القرار.
- يشير متجه الوزن إلى الجانب الموجب (net > 0) لحد القرار.
- الموقع الخاص بحد القرار يمكن إزاحته من خلال تغيير b. إذا كانت b=0، فإن حد القرار يمر من خلال نقطة الأصل، على سبيل المثال نقطة الأصل هي (0,0) في الفضاء ثنائي الأبعاد.

 لأن حد القرار عبارة عن معادلة خطية، عكن لوحدة المعالجة أن تقوم بتطبيق دالة قائلة للفصل خطياً فقط.

تُستخدم هذه الخصائص لوحدة المعالجة في الطريقة البيانية لتحديد أوزان الروابط في الجزء ٥-٣-٤.

## ٥-٣-٣ الأسلوب البياني لتحديد أوزان الروابط والتحيزات

# (Graphical Method of Determining Connection Weights and Biases):

يتم الأخذ بالخطوات التالية كأسلوب بياني لتحديد أوزان الروابط للشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة (perception) بعدد مدخلات p ومخرج واحد، ووحدة معالجة واحدة لإنتاج المخرجات، ودالة تحول الإشارة لوحدة المعالجة:

- ١- ارسم نقاط البيانات لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية (الاستكشافية)
   لهذه لدالة.
- ارسم حد القرار لفصل نقاط البيانات ذات القيم o=1 عن نقاط البيانات ذات o=-1 .
- ٣- ارسم متجه الوزن واجعله متعامداً على حد القرار، ويشير إلى الجانب الموجب من
   حد القرار. وتحدد إحداثيات متجه الوزن أوزان الروابط.
  - b استخدم إحدى الطريقتين التاليتين لتحديد التحيز b:
- أ- استخدم نقطة تقاطع مستقيم حد القرار مع أوزان الروابط لتحديد التحيز (b).
- ب- اختر عدداً قليلاً من نقاط البيانات على كلا الجانبين الموجب والسالب لمستقيم
   حد القرار بحيث تكون النقاط هي الأقرب إلى مستقيم حد القرار واستخدم
   نقاط البيانات تك وأوزان الروابط لتحديد التحيز (b).

هذه الخطوات موضحة في المثال ٥-١.

#### المثال (٥-١)

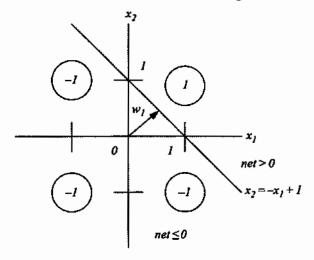
استخدم الطريقة البيانية لتحديد أوزان الروابط للشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة (perceptron) المحتوية على وحدة معالجة واحدة للدالة AND في الجدول ١-٥٠.

في الخطوة 1، قمنا برسم الدوائر الأربعة في الشكل  $1 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot$  لتمثل نقاط البيانات الأربعة للدالة AND وقد تم إبراز قيمة المخرجات لكل نقطة من نقاط البيانات داخل دائرة لنقطة. في الخطوة Y، نستخدم معادلة حد القرار،

التي بها  $o=-x_1+1$  عن نقطة البيانات الثلاثة التي بها  $o=-x_1+1$  عن نقطة البيانات التي بها o=1 بها o=1 بها o=1 بنقطة تقاطع مستقيم حد القرار هي 1 بحيث تكون o=1 عند وضع o=1 بها صفر. في الخطوة 3، رسمنا متجه الوزن o=1 القرار ويشير إلى الجانب الموجب منه. ومن ثم، يكون لدينا o=1 به o=1 الخطوة 4، نقوم باستخدام المعادلة التالية لتحديد التحيز:

$$w_{1,1}x_1 + w_{1,2}x_2 + b = 0$$
  
$$w_{1,2}x_2 = -w_{1,1}x_1 - b$$

الشكل (٥-١٠) توضيح الطريقة البيانية لتحديد أوزان الروابط



intercept = 
$$-\frac{b}{w_{1,2}}$$
  

$$1 = -\frac{b}{0.5}$$

$$b = -0.5$$

وإذا ما حركنا مستقيم حد القرار بحيث تكون نقطة التقاطع عند 0.6. فإننا نحصل على b=-0.3 وبالضبط على نفس الشبكة العصبية الصناعية ANN للدالة AND كما هو مبين في الشكل 0-7. باستخدام طريقة أخرى في الخطوة 3، نختار نقطة البيانات (1,1) على الجانب الموجب لمستقيم حد القرار، ونقطة البيانات (1,1) على الجانب السالب لحد القرار، وأوزان الروابط 30.5, 31, 32, 33, 33, 34, 35, 35, 36, 36, 36, 37, 38, 38, 39,

$$net = w_{1,1}x_1 + w_{1,2}x_2 + b$$

$$net = 0.5 \times 1 + 0.5 \times 1 + b > 0$$

$$b > -1$$

$$g$$

$$net = w_{1,1}x_1 + w_{1,2}x_2 + b$$

$$net = 0.5 \times (-1) + 0.5 \times 1 + b \le 0$$

$$b \le 0.$$

ومن ثم يكون لدينا:

$$-1 < b \le 0$$
.

بجعل b=-0.3، نحصل على نفس الشبكة العصبية الصناعية ANN للدالة AND كما هو مبين في الشكل and أن شبكة الـ and بالأوزان، والتحيز، وحد القرار كما هو الحال في

الشكل ١٠-٥ ينتج عنها المخرجات الصحيحة للمدخلات في كل سجل من سجلات البيانات الواردة في الجدول ١٠-٥. للشبكة ANN أيضاً القدرة على تعميم تصنيف أي متجه من متجهات المدخلات على الجانب السالب لحد القرار إلى 1-=0، وأي متجه من متجهات المدخلات على الجانب الموجب من حد القرار إلى 0=1. بالنسبة للشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة المحتوية على وحدات مخرجات متعددة، يتم تطبيق الطريقة البيانية لتحديد أوزان الروابط والتحيز لكل وحدة من وحدات المدخلات.

#### ۵-۳-۵ طريقة تعلم لتحديد أوزان الروابط والتحيزات مديد Alpha of Detay printing Company معانية المعامل Mothed of Detay printing Company

(Learning Method of Determining Connection Weights and Biases):

نستخدم السجلين التاليين من سجلات البيانات الأربعة للدالة AND في مجموعة البيانات التدريبية لتوضيح طريقة تعلم تحديد أوزان الروابط للشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة المحتوية على وحدة معالجة واحدة بدون تحيز:

1. 
$$x_1=-1$$
  $x_2=-1$   $t_1=-1$   
2.  $x_1=1$   $x_2=1$   $t_1=1$ ,

حيث تشير t إلى المخرجات المستهدفة لوحدة المعالجة 1 التي تحتاج إلى أن يتم إنتاجها لكل سجل من سجلات البيانات. يتم رسم سجلي بيانات في الشكل ١١-٥.

نقوم بإعطاء قيم أولية لأوزان الروابط باستخدام قيم عشوائية،  $w_{1,i}(k)=-1$  و  $w_{1,2}(k)=0.8$  ،  $w_{1,2}(k)=0.8$  البداية، تكون k=0. نقدم مدخلات أول سجل بيانات إلى الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة بوحدة معالجة واحدة:

$$net = w_{1,1}(0) x_1 + w_{1,2}(0) x_2 = (-1) \times (-1) + 0.8 \times (-1) = -1.8.$$

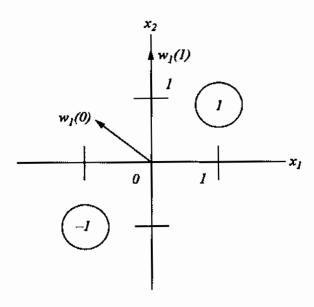
وحيث إن net < 0 ، فيكون -1 = 0. ومن ثم، فإن شبكة الـ percepton مع متجه الوزن -1 وحيث إن -1 تنتج المخرجات المستهدفة لمدخلات أول سجل بيانات -1. ليست هناك

حاجة لتغيير أوزان الروابط. بعد ذلك، نقوم بتقديم مدخلات سجل البيانات الثاني إلى شبكة الـ perceptron:

$$net = w_{1,1}(0) x_1 + w_{1,2}(0) x_2 = (-1) \times 1 + 0.8 \times 1 = -0.2.$$

وحيث إن net < 0 فيكون  $l = -o_i$  والذي يختلف عن المخرجات المستهدفة لسجل البيانات هذا، l = l. ومن ثم، يجب أن يتم تغيير أوزان الروابط من أجل إنتاج المخرجات المستهدفة.

الشكل (٥-١١) توضيح طريقة تعلم تغير أوزان الروابط



وتُستخدَم المعادلات التالية لتغيير أوزان الروابط لوحدة المعالجة ز:

$$\Delta w_j = \frac{1}{2} (t_j - o_j) x \tag{11-0}$$

$$w_j(k+1) = w_j(k) + \Delta w_j. \tag{17-0}$$

في المعادلة ١١٠٥، إذا كانت قيمة (t-o) صفراً، بمعنى، t=0 ، فإنه لا يكون هناك أي تغيير في الأوزان. إذا كانت، t=o،

$$\Delta w_j = \frac{1}{2}(t_j - o_j)x = \frac{1}{2}(1 - (-1))x = x.$$

بإضافة x إلى  $w_i(k)$  مما يعني، حل  $w_i(k)+x$  في المعادلة ١٢-٥، نحرك متجه الوزن بالقرب من x من x ونجعل نقطة متجه الوزن باتجاه x بشكل أكبر لأننا نريد أن يشير متجه الوزن إلى الجانب الموجب من حد القرار، وأن تقع على x على الجانب الموجب من حد القرار، وأن تقع على x على الجانب الموجب من حد القرار. إذا كان x على الجانب الموجب من حد القرار. إذا كان x على الجانب الموجب من حد القرار. إذا كان

$$\Delta w_j = \frac{1}{2}(t_j - o_j)x = \frac{1}{2}(-1 - 1)x = -x.$$

بطرح x من (x) (w) مما يعني، حل x = x (x) في المعادلة ١٢-٥، نحرك متجه الوزن بعيداً عن x ونجعل نقطة متجه الوزن أقرب إلى الاتجاه المعاكس لـ x لأن x تقع على الجانب السالب من حد القرار مع t=1، ونريد متجه الوزن أن يشير في النهاية إلى الجانب الموجب من حد القرار.

باستخدام المعادلات ١١-٥، و٥-١٢، نقوم بتحديث أوزان الروابط استناداً إلى المدخلات والمخرجات المستهدفة والفعلية لسجل البيانات الثاني، وذلك على النحو التالى:

$$\Delta w_1 = \frac{1}{2}(t_1 - o_1)x = \frac{1}{2}(1 - (-1))\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$w_1(1) = w_1(0) + \Delta w_1 = \begin{bmatrix} -1 \\ 0.8 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1.8 \end{bmatrix}.$$

يظهر متجه الوزن الجديد،  $w_I(1)$ ، في الشكل ١١٠٥. كما هو واضح من الشكل ١١٠٥٠ فإن  $w_I(1)$ ، تظهر أقرب إلى سجل البيانات الثاني x من  $w_I(0)$ ، وتشير بشكل أكبر إلى اتجاه x لأن x يكون لديها t=1 ، ومن ثم تقع على الجانب الموجب من حد القرار.

مع الأوزان الجديدة، نقوم باستعراض مدخلات سجلات البيانات إلى شبكة الـ perceptron مرة أخرى في التكرار الثاني لتقييم وتحديث الأوزان إذا لزم الأمر. ونستعرض مدخلات أول سجل بيانات:

$$net = w_{1,1}(1) x_1 + w_{1,2}(1) x_2 = 0 \times (-1) + 1.8 \times (-1) = -1.8.$$

وحيث إن 0 < net < 0 يكون لدينا 1 = -1. ومن ثم، فإن شبكة الـ perceptron عتجه الوزن (0, 1.8) تنتج المخرجات المستهدفة لمدخلات أول سجل بيانات، 1 = -1. ومع الوزن (0, 1.8) ليست هناك حاجة لتغيير أوزان الروابط. بعد ذلك نقوم باستعراض مدخلات سجل البيانات الثاني إلى شبكة الـ perceptron:

$$net = w_{1,1}(1) x_1 + w_{1,2}(1) x_2 = 0 \times 1 + 1.8 \times 1 = 1.8.$$

perceptron لدينا 1=0. ومن ثم، فإن الشبكة العصبية شبكة الـ net>0 وحيث إن net>0 بمتجه الوزن net>0 تنتج المخرجات المستهدفة لمدخلات سجل البيانات الثاني، net>0 مع net>0 بنتج المخرجات المستهدفة لتغيير أوزان الروابط. حيث تنتج شبكة السمة الروابط بمتجه الوزن net=0 المخرجات المستهدفة لجميع سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية حيث يتم الانتهاء من تعلم أوزان الروابط لسجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية بعد التكرار الأول لتغيير أوزان الروابط مع متجه الوزن النهائي مجموعة البيانات القرار هو المستقيم، net>0

وبالنظر إلى المعادلات العامة لطريقة التعلم الخاص بتحديد أوزان الروابط:

$$\Delta w_i = \alpha (t_i - o_i) x = \alpha e_i x \tag{17-0}$$

$$w_i(k+1) = w_i(k) + \Delta w_i \tag{16-0}$$

أو

$$\Delta w_{j,i} = \alpha (t_j - o_j) x_i = \alpha e_j x_i \tag{10-0}$$

$$w_{j,i}(k+1) = w_{j,i}(k) + \Delta w_{j,i}$$
 (17-0)

حيث إن:

المخرجات مثل خطأ المخرجات مو معدل التعلم الذي يأخذ قيمة تتراوح في النطاق 
$$lpha$$

في المعادلة ١٠٠٥، يتم وضع قيمة  $\alpha$  عند 1/2. حيث إن التحيز (b) لوحدة المعالجة j هو وزن الرابط من المدخلات j الى وحدة المعالجة، فإنه يمكن التعويض في المعادلتين ٥٠، و٥-١٦ لتغيير التحيز الخاص بوحدة المعالجة j على النحو التالى:

$$\Delta b_j = \alpha (t_j - o_j) \times x_0 = \alpha (t_j - o_j) \times 1 = \alpha e_j \tag{V-0}$$

$$b_j(k+1) = b_j(k) + \Delta b_j. \tag{A-0}$$

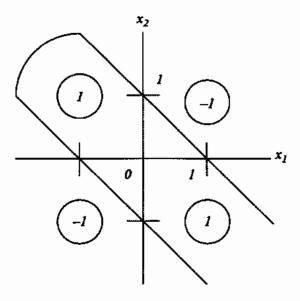
# ٥-٣-٥ عيوب الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة (Limitation of a Perceptron):

كما هو موضح في الأجزاء ٥-٣-٣ و٥-٣-٣، فإن كل وحدة من وحدات المعالجة تطبق حد القرار الخطي، وهو ما يعني دالة قابلة للفصل خطياً. حتى مع وجود وحدات معالجة متعددة في طبقة واحدة، تقتصر شبكة الـ perceptron على تطبيق دالة قابلة للفصل خطياً. على سبيل المثال، الدالة XOR في الجدول ٥-٣ ليست دالة قابلة للفصل خطياً. هناك مخرجة واحدة فقط للدالة XOR باستخدام وحدة معالجة واحدة لتمثيل المخرجات، يكون لدينا حد قرار واحد، وهو خط مستقيم يمثل دالة خطية.

على الرغم من ذلك، لا يوجد خط مستقيم في فضاء المدخلات لفصل نقطتي بيانات بها o=1 عن نقطتي البيانات الأخريين التي بها مع o=1. وهناك حاجة لحد قرار غير خطي، مثل ذلك الموضح في الشكل o=1 لفصل نقطتي البيانات التي بها o=1 عن نقطتي البيانات الأخريين التي بها o=1. لاستخدام وحدتي معالجة تطبق دوال قابلة للفصل خطياً لبناء شبكة o=1 تطبيق الدالة o=1 فإننا نحتاج وحدات معالجة في تطبيق واحدة خطياً لبناء شبكة o=1 لتطبيق حدي قرار، ووحدة معالجة واحدة في طبقة أخرى (طبقة المخرجات) للجمع بين مخرجات الوحدتين المخفيتين كما هو مبين في الجدول o=1، والشكل المخرجات) للجدول o=1 دالة o=1 المنطقية المستخدمة في الجدول o=1. ومن ثم، نحتاج إلى شبكة o=1 ثنائية الطبقات تطبق الدالة o=1 وهي دالة قابلة للفصل بشكل غير خطى.

 $\mathbf{p}$ كن استخدام طريقة التعلم الموصوفة من خلال المعادلات من 0-17 إلى 0-10، لمعرفة أوزان الروابط لكل وحدة من وحدات المخرجات باستخدام مجموعة من البيانات التدريبية، لأن القيمة المستهدفة t لكل وحدة من وحدات المخرجات تكون معطاة في البيانات التدريبية. وبالنسبة لكل وحدة مخفية، المعادلات من 0-17، إلى 0-10 هي معادلات غير قابلة للتطبيق لأننا لا نعرف قيمة t للوحدة المخفية. ومن ثم، فإننا نواجه صعوبة في معرفة أوزان الروابط والتحيز من البيانات التدريبية لشبكة الـ ANN المتعددة الطبقات. يتم التغلب على هذه الصعوبة لشبكات الـ ANN المتعددة الطبقات من خلال طريقة التعلم بالتوالد الخلفي كما سيتم توضيحه في الجزء التالي.

الشكل (٥-١٢) نقاط البيانات الأربع للدالة XOR



الجدول (٤-٥) الجدول (٤-٥) الجدول (٤٠٥) دالة خاصة بكل وحدة معالجة في شبكة الـ ANN الثنائية الطبقات لتطبيق الدالة

o3= AND o2	02=NOT(x1 OR x2)	01=X1 OR X2	x <sub>2</sub>	<b>x</b> <sub>1</sub>
-l	1	-1	-l	-1
1	1	1	l	-1
1	1	1	-1	1
-1	-1	1	1	1

الجدول (٥-٥) الدالة *NOT* ع x 1 -1

٥-٤ طريقة التعلم بالتوالد الخلفي للشبكات العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية متعددة الطبقات

## (Back-Propagation Learning Method for a Multilayer Feedforward ANN):

تهدف طريقة التعلم بالتوالد الخلفي (back propagation learning method) للشبكات العصبية الصناعية ANN ذات التغذية الأمامية متعددة الطبقات (W التحيزات ) W التي (et al., 1986) إلى البحث عن مجموعة من أوزان الروابط (جما في ذلك التحيزات ) W النحو تقلل من خطأ المخرجات. يتم تعريف خطأ المخرجات لسجل بيانات تدريبية D على النحو التالى:

$$E_d(W) = \frac{1}{2} \sum_{i} (t_{j,d} - o_{j,d})^2$$
 (19-0)

حيث إن:

d هي المخرجات المستهدفة لوحدة المخرجات j لسجل بيانات تدريبية  $t_{j,a}$  ANN هي المخرجات الفعلية التي تنتجها وحدة المخرجات j شبكة السجل البيانات التدريبية d يتم تعريف خطأ المخرجات لمجموعة سجلات بيانات تدريبية على النحو التالي:

$$E(W) = \frac{1}{2} \sum_{d} \sum_{j} (t_{j,d} - o_{j,d})^{2}.$$
 (Y--0)

لأن كل  $o_{j,d}$  تعتمد على W، فإن E هي دالة من W. تبحث طريقة التعلم بالتوالد E الخلفي في فضاء الأوزان الممكنة، وتقيم مجموعة معطاة من الأوزان على أساس قيم E المرتبطة بها. وتسمى عملية البحث هذه بالبحث الهابط المتدرج ( E

search) الذي يغير الأوزان عن طريق تحريكهم في اتجاه تقليل خطأ المخرجات بعد اجتياز مدخلات سجل البيانات d من خلال شبكة الـ d بالأوزان d، على النحو التالى:

$$\Delta w_{j,i} = -\alpha \frac{\partial E_d}{\partial w_{j,i}} = -\alpha \frac{\partial E_d}{\partial net_j} \frac{\partial net_j}{\partial w_{j,i}} = \alpha \delta_j \frac{\partial \left(\sum_k w_{j,k} \tilde{o}_k\right)}{\partial w_{j,i}} = \alpha \delta_j \tilde{o}_i \qquad (\text{YN-O})$$

حيث يتم تعريف  $\delta$  على أنها:

$$\delta_j = -\frac{\partial E_d}{\partial net_j} , \qquad (YY-0)$$

حيث إن:

(0,I) هو معدل التعلم بقيمة عادة تكون في النطاق lpha

j هي المدخلات i إلى وحدة المعالجة  $\widetilde{o}_i$ 

إذا كانت الوحدة j تستقبل مباشرة مدخلات الشبكة الـ ANN؛ فإن  $\tilde{o}_i$  هي  $x_i$  وخلاف ذلك، فإن  $\tilde{o}_i$  هي من وحدة في الطبقة السابقة التي تغذي مخرجاتها كمدخلات إلى الوحدة j لتغيير التحيز الخاص بوحدة المعالجة، يتم تعديل المعادلة  $\tilde{o}_i = I$  باستخدام  $\tilde{o}_i = I$  على النحو التالى:

$$\Delta b_j = \alpha \delta_j$$
 (147-0)

إذا كانت الوحدة j هي وحدة مخرجات،

$$\delta_{j} = -\frac{\partial E_{d}}{\partial net_{j}} = -\frac{\partial E_{d}}{\partial o_{j}} \frac{\partial o_{j}}{\partial net_{j}} = -\frac{\partial \left(\frac{1}{2}\sum_{j}(t_{j,d} - o_{j,d})^{2}\right)}{\partial o_{j}} \frac{\partial \left(f_{j}(net_{j})\right)}{\partial net_{j}} = \left(t_{j,d} - o_{j,d}\right)f'_{j}(net_{j}), \quad (Y \in -0)$$

 $f'_{j}$  (net على مشتق الدالة f فيما يتعلق بـ net. للحصول على قيمة للحد f' على مشتق الدالة f فيما يتعلق بـ f للوحدة f شبه خطية، غير تنازلية، وقابلة للتفاضل، على سبيل المثال، خطية، سينية، وتماسية. بالنسبة لدالة التحويل السينية:

$$o_j = f_j(net_j) = \frac{1}{1 + e^{-net_j}} ,$$

يكون لدينا ما يلى:

$$f'_{j}(net_{j}) = \frac{1}{1+e^{-net_{j}}} \frac{e^{-net_{j}}}{1+e^{-net_{j}}} = o_{j}(1-o_{j}).$$
 (YO-O)

إذا كانت الوحدة j هي وحدة مخفية تقوم بتغذية مخرجاتها كمدخلات لوحدات المخرجات،

$$\delta_{j} = -\frac{\partial E_{d}}{\partial net_{j}} = -\frac{\partial E_{d}}{\partial o_{j}} \frac{\partial o_{j}}{\partial net_{j}} = -\frac{\partial E_{d}}{\partial o_{j}} f_{j}'(net_{j}) = -\left(\sum_{n} \frac{\partial E_{d}}{\partial net_{n}} \frac{\partial net_{n}}{\partial o_{j}}\right) f_{j}'(net_{j}),$$

حيث  $net_n$  هو المجموع الصافي لوحدة المخرجات n. باستخدام المعادلة 0-77، نعيد كتابة  $\delta_j$  على النحو التالى:

$$\begin{split} \delta_{j} &= \left(\sum_{n} \delta_{n} \frac{\partial net_{n}}{\partial o_{j}}\right) f_{j}^{'}(net_{j}) = \left(\sum_{n} \delta_{n} \frac{\partial (\sum_{j} w_{n,j} o_{j})}{\partial o_{j}}\right) f_{j}^{'}(net_{j}) \\ &= \left(\sum_{n} \delta_{n} w_{n,j}\right) f_{j}^{'}(net_{j}). \end{split} \tag{Y7-0}$$

حيث إننا نحتاج  $\delta_n$  في المعادلة ٥-٢٦، والتي يتم حسابها لوحدة المخرجات n، فإن تغيير الأوزان الخاصة بشبكة الـ ANN يجب أن تبدأ بتغيير أوزان وحدات المخرجات، والانتقال إلى تغيير الأوزان للوحدات المخفية في الطبقة السابقة بحيث إن  $\delta_n$  لوحدة المخرجات n

eta مكن استخدامها في حساب  $\delta_i$  للوحدة المخفية i وبعبارة أخرى،  $\delta_n$  لوحدة المخرجات i يتم توالدها خلفياً لحساب  $\delta_i$  للوحدة المخفية i والتي يُطلق عليها التعلم بالتوالد الخلفي. التغييرات الخاصة بالأوزان والتحيزات، على النحو الذي تحدده المعادلات i - i وi - i استخدامها لتحديث الأوزان والتحيزات للشبكة العصبية الصناعية i على النحو التالى:

$$w_{i,i}(k+1) = w_{i,i}(k) + \Delta w_{i,i}$$
 (YV-0)

$$b_j(k+1) = b_j(k) + \Delta b_j. \tag{YA-0}$$

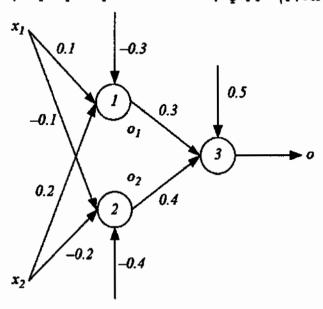
المثال (٥-٢)

ليكن لدينا شبكة ANN تستخدم دالة XOR وسجل البيانات الأول في الجدول -1 بحيث تكون -1 بحيث تكون -1 بعرت -1 بعرت -1 بعرت الخلفي لتحديث الأوزان والتحيزات الخاصة بشبكة -1 في شبكة الله -1 بيتم استخدام دالة التحويل السينية من قبل كل من الوحدتين المخفيتين، والدالة الخطية من قبل وحدة المخرجات. تبدأ شبكة الـ -1 بالقيم العشوائية التالية للأوزان والتحيزات في -1 كما هو مبين في الشكل -1:

$$w_{1,1} = 0.1$$
  $w_{2,1} = -0.1$   $w_{1,2} = 0.2$   $w_{2,2} = -0.2$   $b_1 = -0.3$   $b_2 = -0.4$   $w_{3,1} = 0.3$   $w_{3,2} = 0.4$   $b_3 = 0.5$ .

#### الشكل (٥-١٢)

مجموعة من الأوزان بقيم عشوائية في شبكة الـ ANN ذات التغذية الأمامية ثنائية الطبقات للدالة XOR



 $x_2 = -1$  و ،  $x_1 = -1$ ارتخدام معدل التعلم a = 0.3. بتمرير مدخلات سجل البيانات، a = 0.3 و من خلال شبكة الـ a = 0.3 نحصل على ما يلى:

$$o_1 = sig(w_{1,1}x_1 + w_{1,2}x_2 + b_1) = sig(0.1 \times (-1) + 0.2 \times (-1) + (-0.3))$$

$$= sig(-0.6) = \frac{1}{1 + e^{-(-0.6)}} = 0.3543$$

$$o_2 = sig(w_{2,1}x_1 + w_{2,2}x_2 + b_2) = sig((-0.1) \times (-1) + (-0.2) \times (-1) + (-0.4))$$

$$= sig(-0.2) = \frac{1}{1 + e^{-(-0.2)}} = 0.4502$$

$$o = sig(w_{3,1}o_1 + w_{3,2}o_2 + b_3) = sig(0.3 \times 0.3543 + 0.4 \times 0.4502 + 0.5)$$

$$= sig(0.7864) = \frac{1}{1 + e^{-(-0.7864)}} = 0.6871$$

a=0.6871 عا أن الفرق بين a=0.6871 و a=0.6871 كبير، نحتاج إلى تغيير الأوزان والتحيزات بشبكة الـ ANN. تُستخدم المعادلات a=0.6871 لتحديد التغييرات في الأوزان والتحيزات الخاصة بوحدة المخرجات كما يلى:

$$\Delta w_{3,1} = \alpha \delta_3 \tilde{o}_1 = 0.3 \times \delta_3 \times o_1 = 0.3 \times \delta_3 \times 0.3543$$
$$\Delta w_{3,2} = \alpha \delta_3 \tilde{o}_1 = 0.3 \times \delta_3 \times o_2 = 0.3 \times \delta_3 \times 0.4502$$
$$\Delta b_3 = \alpha \delta_3 = 0.3 \times \delta_3$$

وتُستخدَم المعادلة ٥-٢٤ لإيجاد  $\delta$ ، ثم تُستخدم  $\delta$  لإيجاد  $\omega$ 3,2 $\omega$ 4% و $\omega$ 3 على النحو التالى :

$$\delta_3 = (t - o) f_3'(net_3) = (t_{j,d} - o_{j,d}) lin'(net_3) = (-1 - 0.681) \times 1 = -1.6871$$

$$\Delta w_{3,1} = 0.3 \times \delta_3 \times 0.3543 = 0.3 \times (-1.6871) \times 0.3543 = -0.1793$$

$$\Delta w_{3,2} = 0.3 \times \delta_3 \times 0.4502 = 0.3 \times (-1.6871) \times 0.4502 = -0.2279$$

$$\Delta b_3 = 0.3 \times \delta_3 = 0.3 \times (-1.6871) = -0.5061$$

تُستخدَم المعادلات ٥-٢١، ٥-٢٣، ٥-٢٥، ٥-٢٦، لتحديد التغييرات في الأوزان والتحيزات لكل وحدة مخفية على النحو التالى:

$$\delta_{1} = \left(\sum_{n} \delta_{n} w_{n,1}\right) f_{1}'(net_{1}) = \left(\sum_{n=3}^{n=3} \delta_{n} w_{n,1}\right) f_{1}'(net_{1})$$

$$= \delta_{3} w_{3,1} o_{1} (1 - o_{1}) = (-1.6871) \times 0.3 \times 0.3543 \times (1 - 0.3543) = -0.0471$$

$$\delta_2 = \left(\sum_{n} \delta_n w_{n,2}\right) f_2'(net_2) = \left(\sum_{n=3}^{n=3} \delta_n w_{n,2}\right) f_2'(net_2) = \delta_3 w_{3,2} o_2 (1 - o_2)$$
$$= (-1.6871) \times 0.4 \times 0.4502 \times (1 - 0.4502) = -0.0510$$

$$\Delta w_{1,1} = \alpha \delta_1 x_1 = 0.3 \times \delta_1 \times x_1 = 0.3 \times (-0.0471) \times (-1) = 0.0141$$

$$\Delta w_{1,2} = \alpha \delta_1 x_2 = 0.3 \times \delta_1 \times x_2 = 0.3 \times (-0.0471) \times (-1) = 0.0141$$

$$\Delta w_{2,1} = \alpha \delta_2 x_1 = 0.3 \times \delta_2 \times x_1 = 0.3 \times (-0.0510) \times (-1) = 0.0153$$

$$\Delta w_{2,2} = \alpha \delta_2 x_2 = 0.3 \times \delta_2 \times x_2 = 0.3 \times (-0.0510) \times (-1) = 0.0153$$

$$\Delta b_1 = \alpha \delta_1 = 0.3 \times (-0.0471) = -0.0141$$

$$\Delta b_2 = \alpha \delta_2 = 0.3 \times (-0.0510) = -0.0153.$$

باستخدام التغييرات على جميع الأوزان والتحيزات الخاصة بشبكة الـ ANN، تُستخدَم المعادلات ٥-٢٧ و٥-٢٨ لتنفيذ التكرار الخاص بتحديث الأوزان والتحيزات على النحو التالي:

$$w_{1,1}(1) = w_{1,1}(0) + \Delta w_{1,1} = 0.1 + 0.0141 = 0.1141$$

$$w_{1,2}(1) = w_{1,2}(0) + \Delta w_{1,2} = 0.2 + 0.0141 = 0.2141$$

$$w_{2,1}(1) = w_{2,1}(0) + \Delta w_{2,1} = -0.1 + 0.0153 = -0.0847$$

$$w_{2,2}(1) = w_{2,2}(0) + \Delta w_{2,2} = -0.2 + 0.0153 = -0.1847$$

$$w_{3,1}(1) = w_{3,1}(0) + \Delta w_{3,1} = 0.3 - 0.1793 = 0.1207$$

$$w_{3,2}(1) = w_{3,2}(0) + \Delta w_{3,2} = 0.4 - 0.2279 = 0.1721$$

$$b_1(1) = b_1(0) + \Delta b_1 = -0.3 - 0.0141 = -0.3141$$

$$b_2(1) = b_2(0) + \Delta b_2 = -0.4 - 0.0153 = -0.4153$$

$$b_3(1) = b_3(0) + \Delta b_3 = 0.5 - 0.5061 = -0.0061$$

سيتم استخدام هذه المجموعة الجديدة للأوزان والتحيزات، (1),  $w_{j,i}$ , i i i التمرير مدخلات سجل البيانات الثاني من خلال شبكة الـ ANN, ومن ثم تحديث الأوزان والتحيزات مرة أخرى للحصول على  $v_{ij}$ ,  $v_{ij}$ ,  $v_{ij}$ ,  $v_{ij}$ , والعودة إلى سجل البيانات الأول، وهلم جراء السجل البيانات الأول، وهلم جراء

حتى يصبح مقياس خطأ المخرجات E على النحو المحدد في المعادلة -20 أصغر من الحد المحدد مسبقاً، على سبيل المثال، القيمة: 0.1.

E أو خطأ متوسط الجذر التربيعي (E أو خطأ متوسط الجذر التربيعي (E أو خطأ متوسط الجذر التربيعي (E المخرجات البيانات التدريبية ليحدد متى يتوقف تعلم الأوزان والتحيزات الخاصة بشبكة E عدد مرات التكرار، على سبيل المثال E الأوزان والذي مكن استخدامه لوقف التعلم.

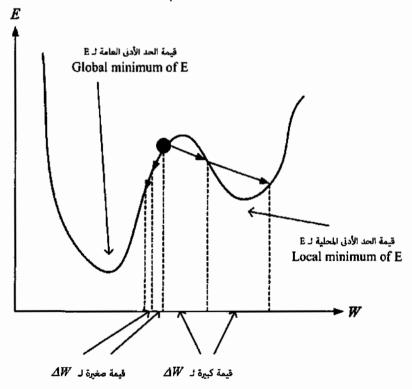
يُسمى تحديث الأوزان والتحيزات بعد تمرير كل سجل من سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية بالتعلم المتزايد (Incremental learning). في التعلم المتزايد، يتم تحديث الأوزان والتحيزات بحيث إنها سوف تعمل على نحو أفضل لسجل بيانات واحد التغييرات القائمة على سجل بيانات واحد قد تذهب في اتجاه مختلف، بحيث تتلاشى التغييرات التي تم إجراؤها لسجل بيانات آخر، مما يجعل عملية التعلم تستغرق وقتاً طويلاً لتتقارب إلى المجموعة النهائية للأوزان والتحيزات التي تتناسب لكل سجلات البيانات. التعلم بالدفعة الواحدة (batch learning) ينبغي أن يوقف تحديث الأوزان والتحيزات حتى يتم تمرير كافة سجلات البيانات في مجموعة البيانات التدريبية من خلال شبكة الـ ANN وحتى يتم احتساب كل التغييرات المرتبطة بالأوزان والتحيزات وحساب متوسطاتها. يتغير متوسط الوزن والتحيز لجميع سجلات البيانات، وهو ما يعني، أنه يتم استخدام الأثر الكلي متوسط الوزن والتحيزات من قبل جميع سجلات البيانات، بغرض تحديث الأوزان والتحيزات.

يؤثر معدل التعلم (learning rate) أيضاً على جودة وسرعة استمرار التعلم. كما هو موضح في الشكل 0.01، فإن معدل التعلم بقيمة صغيرة، على سبيل المثال E0 ينتج عنه تغيير صغير للأوزان والتحيزات، ومن ثم يكون هناك انخفاض طفيف في E0 ويجعل عملية التعلم تستغرق وقتاً طويلاً للوصول إلى قيمة الحد الأدنى العامة لE1 أو قيمة الحد الأدنى المحلية لE1 على الجانب الآخر، ينتج معدل التعلم ذو القيمة الكبيرة تغييراً كبيراً في الأوزان والتحيزات، الأمر الذي قد يسبب في أن عملية البحث عن E1 لتقليل قيمة E2 لا تصل إلى قيمة الحد الأدنى المحلية أو العامة لE1 ومن هنا، في مفاضلة بين معدل التعلم ذي القيمة الكبيرة، يمكن استخدام طريقة معدلات التعلم المتكيفة الصغيرة ومعدل التعلم ذي القيمة الكبيرة، يمكن استخدام طريقة معدلات التعلم المتكيفة

بحيث تبدأ معدل تعلم كبير لتسريع عملية التعلم، ثم القيام بالتغيير إلى معدل تعلم صغير لأخذ خطوات صغيرة للوصول إلى قيمة الحد الأدنى لـ E المحلية أو العامة.

على عكس أشجار القرار في الفصل ٤، لا تُظهِر أي شبكة عصبية صناعية ANN غوذجاً واضحاً وصريحاً للتصنيف ودالة تنبؤ تتعلمها شبكة الـ ANN من خلال البيانات التدريبية. يتم تمثيل الدالة ضمنياً من خلال أوزان الروابط، والتحيزات والتي لا يمكن ترجمتها إلى أنماط تصنيف وتنبؤ ذات معنى في نطاق المشكلة المبحوثة. على الرغم من أن المعرفة بأنماط التصنيف والتنبؤ قد تم الحصول عليها من خلال شبكة الـ ANN فإن هذه المعرفة غير متوفرة بشكل قابل للتفسير. ومن ثم، تساعد الشبكات العصبية الصناعية على أداء مهمة التصنيف والتنبؤ، وليس على أداء مهمة اكتشاف المعرفة.





## ٥-٥ الاختيار التجريبي لمعمارية الشبكة العصبية الصناعية من أجل ملائمة جيدة للبيانات (Empirical Selection of an ANN Architecture for a Good Fit to Data):

على عكس نهاذج الانحدار في الفصل ٢، لا تتطلب دالة تعلم التصنيف والتنبؤ من خلال الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية المتعددة الطبقات ANN تعريف شكل معين لتلك الدالة، مما يجعل الأمر صعباً عندما تكون مجموعة البيانات كبيرة، ونحن لدينا معرفة مسبقة قليلة عن المجال أو البيانات. تعتمد كثيراً درجة تعقيد الشبكة العصبية الصناعية ANN والدالة التي تتعلمها وتمثلها شبكة الـ ANN على عدد الوحدات المخفية. فكلما زادت الوحدات المخفية لدى شبكة الـ ANN، أصبحت الدالة التي تتعلمها وتمثلها شبكة الـ ANN معقدة لتعلم معقدة لتعلم دالة بسيطة، فإننا قد نرى دالة شبكة الـ ANN مفرطة في مطابقة البيانات (ANN) ومن ثم تكون غير مناسبة، كما هو موضح في الشكل ٥-١٥. في هذا الشكل، يتم توليد نقاط البيانات باستخدام النموذج الخطي:

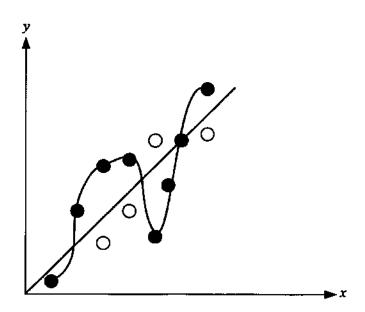
$$y = x + \varepsilon$$
,

حيث يدل الرمز  $\mathfrak{F}$  على الخطأ العشوائي. ومع ذلك، تم تركيب نموذج غير خطي لنقاط البيانات التدريبية كما هو موضح بالدوائر الداكنة في الشكل  $\mathfrak{F}$ -10، والتي تغطي كل نقطة بيانات تدريبية مع عدم وجود فرق بين القيمة الهدف لـ  $\mathfrak{F}$  والقيمة المتوقعة لـ  $\mathfrak{F}$  من النموذج غير الخطي يوفر حلاً مثالياً للبيانات التدريبية، إلا أن الأداء التنبؤي للنموذج غير الخطي على لنقاط بيانات جديدة في مجموعة البيانات الاختبارية كما هو موضح بالدوائر البيضاء في الشكل  $\mathfrak{F}$ -10 سيكون أكثر سوءاً من تلك الموجودة بالنموذج الخطي،  $\mathfrak{F}$  وذلك للأسباب التالية:

- يلتقط النموذج غير الخطي الخطأ العشواني ع في النموذج.
- إن الأخطاء العشوائية لنقاط بيانات جديدة تتصرف بشكل مستقل، ومختلف عن الأخطاء العشوائية لنقاط البيانات التدريبية.
- إن الأخطاء العشوائية لنقاط البيانات التدريبية التي يتم التقاطها في النموذج غير
   الخطي لا تتطابق تماماً مع الأخطاء العشوائية لنقاط البيانات الجديدة في مجموعة
   البيانات الاختبارية، مما يسبب أخطاء في التنبؤ.

وبشكل عام، فإن أي نموذج مفرط في المطابقة لا يتم تعميمه بشكل جيد لنقاط بيانات جديدة في مجموعة البيانات الاختبارية. عندما لا يكون لدينا معرفة مسبقة بمجموعة بيانات معينة (على سبيل المثال، الشكل أو تعقيد دالة التصنيف والتنبؤ)، ينبغي علينا القيام بالمحاولة تجريبياً لعمل معماريات لشبكة الـ ANN بمستويات متفاوتة من التعقيد باستخدام أعداد مختلفة من الوحدات المخفية. يتم تدريب كل معمارية لشبكة الـ ANN لتعلم أوزان وتحيزات الروابط في مجموعة البيانات التدريبية، ويتم اختبار أدائها التنبؤي على مجموعة بيانات اختبارية. يتم اعتبار معمارية شبكة الـ ANN ذات الأداء الجيد على البيانات الاختبارية أنها تعطي تطابقاً وملاءمةً جيدةً للبيانات ومن ثم يتم اختيارها.

الشكل (٥-١٥) مثال يوضح نموذجاً غير خطي مفرط في مطابقة البيانات من نموذج خطي



### ٥-٦ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يحتوي الموقع الإلكتروني (http://www.knuggets.com) على معلومات عن أدوات استكشاف بيانات متنوعة. توفر حزم البرمجيات التالية أدوات برمجية للشبكات العصبية الصناعية ANNs باستخدام طريقة التعلم بالتوالد الخلفي:

- Weka (http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/)
- MATLAB® (www.mathworks.com/)

بعض التطبيقات الخاصة بالشبكات العصبية الصناعية ANNs يمكن العثور عليها في: (Ye et al., 1993; Ye, 1996, 2003, Chapter 3; Ye and Zhao, 1996, 1997)

### التمارين (Exercises):

المجموعة البيانات التدريبية للدالة المنطقية، y = NOT x, معطاة في الجدول المرفق. استخدام الطريقة البيانية لتحديد حد القرار، والوزن، والتحيز للشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة (perceptron) أحادية الوحدة لهذه الدالة المنطقية.

مجموعة البيانات التدريبية:

Y	X
1	-1
-1	1

7-0 بالنظر في الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة (receptron) أحادية الوحدة في التمرين ١-٥. أسند القيمة 2.0 كقيمة أولية للأوزان والتحيز واستخدام معدل التعلم 0.3. استخدام طريقة التعلم لعمل تكرار واحد لتحديث الوزن والتحيز لسجلي البيانات الاثنين للدالة المنطقية في التمرين ١-٥.

٣-٥ مجموعة البيانات التدريبية لدالة تصنيف ذات ثلاثة متغيرات خاصية ومتغير هدف واحد معطاة أدناه. استخدام الطريقة البيانية لتحديد حد القرار، والوزن، والتحيز للشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة (perceptron) أحادية الوحدة لدالة التصنيف تلك.

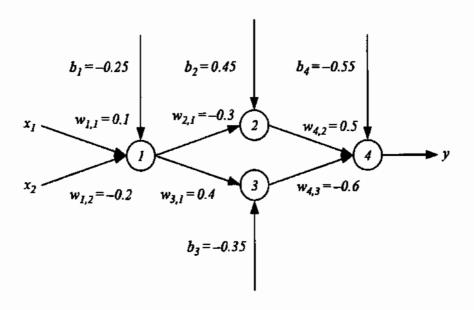
مجموعة البيانات التدريبية:

<u>y</u>	$x_3$	_ x <sub>2</sub>	$\boldsymbol{x}_1$
-1	-1	-1	-1
-1	1	-1	-1
-1	-1	1	-1
1	1	1	-1
-1	-1	-1	1
1	1	-1	1
1	-1	1	1
1	1	_ 1	1

- قُستخدَم الشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة (perceptron) أحادية الوحدة لتعلم دالة التصنيف في التمرين (perceptron) أحادية الأوزان والتحيز واستخدام معدل التعلم (0.2). استخدام طريقة التعلم لعمل تكرار واحد لتحديث الوزن والتحيز لسجلي البيانات الثالث والرابع لهذه الدالة.
- 0-0 لنفترض أن لدينا شبكة عصبية صناعية ذات تغذية أمامية ثنائية الطبقة ومترابطة ترابطاً كاملاً متغير مدخلات واحد، ووحدة واحدة مخفية، ومتغيري مخرجات اثنين. أسند القيمة 0.1 كقيمة أولية. للأوزان والتحيزات، واستخدام معدل التعلم 0.3. دالة التحويل المستخدمة (sigmoid function) هي الدالة السينية لكل وحدة. قم بإظهار التصميم الخاص بالشبكة العصبية الصناعية ANN وقم بعمل تكرار واحد لتحديث الوزن والتحيز باستخدام خوارزمية التعلم بالتوالد الخلفي، والمثال التدريبي التالى:

<i>y</i> <sub>2</sub>	y <sub>1</sub>	x
1	0	1

مع ذات الأوزان والتحيز المبدئي ANN التالية مع ذات الأوزان والتحيز المبدئي XOR التعلم دالة XOR دالة التحول للوحدات ١ و ٤ هي الدالة الخطية. دالة التحول للوحدات ٢ و ٣ هي دالة التحول السينية. معدل التعلم هوa=0.3 أعمل تكرار واحد لتحديث الوزن والتحيز لـ a=0.3 a=0.3 بعد لتحديث الوزن والتحيز لـ a=0.3



	:XOR	
<b>y</b>	$x_1$	$x_1$
0	0	0
1	1	0
1	0	1
0	1	1

## ٦- الدعم الآلي المتجه Support Vector Machines

يقوم الدعم الآلي المتجه (two target classes) من خلال حل مسألة برمجية تربيعية ربيعية (two target classes) من خلال حل مسألة برمجية تربيعية تربيعية الدعم programming problem. في هذا الفصل، نستعرض بإيجاز الأساس النظري للدعم الآلي المتجه (SVM) الذي يؤدي إلى صياغة مسألة برمجية تربيعية لتعلِّم مصنَّف ما. نقوم بعد ذلك باستعراض صياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنَّف خطي classifier)، تليها بعد ذلك باستعراض مياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنَّف خطي، والمسألة قابلة للانفصال بشكل غير خطي، وعياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنَّف خطي ولمسألة قابلة للانفصال بشكل غير وصياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنَّف غير خطي ولمسألة قابلة للانفصال بشكل غير خطي باستخدام دوال كيرنل (SVM) لمصنَّف غير خطي ولمسألة قابلة للانفصال بشكل غير خطي باستخدام دوال كيرنل (SVM) لمصنَّف بأكثر من فئتين مستهدفتين. وترد قائمة من حزم الدعم الآلي المتجه (SVM). وسيتم استعراض البرمجيات لغرض استكشاف البيانات تساند الدعم الآلي المتجه (SVM). وسيتم استعراض بعض التطبيقات الخاصة بالدعم الآلي المتجه (SVM) مع مراجعها.

# ۱-۱ الأساس النظري لصياغة وحل مشكلة التحسين لتعلُّم دالة التصنيف (Theoretical Foundation for Formulating and Solving an Optimization Problem to Learn a Classification Function):

بالنظر إلى مجموعة بها عدد n من نقاط البيانات  $(x_1,y_1),...,(x_n,y_n),...,(x_n,y_n)$ , وإلى دالة تصنيف تطابق وتناسب البيانات،  $y=f_A(x)$ , حيث تأخذ y واحدة من القيم النوعية  $\{-1,1\}$ , و x متجه من المتغيرات ذو عدد p من الأبعاد، و p هو مجموعة من المعلمات p مبيل المثال، إذا في الدالة p التي يتم تعلمها وتحديدها باستخدام البيانات التدريبية. على سبيل المثال، إذا تم استخدام الشبكة العصبية الصناعية p لتعريف وقثيل دالة التصنيف p فتكون أوزان الروابط والتحيزات هي المعلمات في p تقوم مخاطر التصنيف المتوقعة p الفياس خطأ التصنيف، وتُعرف بأنها:

$$R(A) = \int |f_A(x) - y| P(x, y) dx dy, \qquad (1-7)$$

حيث تشير P(x,y) إلى دالة الاحتمال L x ey. وتعتمد مخاطر التصنيف المتوقعة على قيم A تشير القيمة الأقل لمخاطر التصنيف المتوقعة إلى أداء تعميم أفضل لدالة التصنيف، وذلك يعني أن تصبح دالة التصنيف قادرة على تصنيف المزيد من نقاط البيانات بشكل صحيح. المجموعات المختلفة من قيم A تعطي دوال تصنيف مختلفة  $f_A(x)$  ومن ثم تنتج أخطاء تصنيف مختلفة ومستويات مختلفة من المخاطر المتوقعة. يتم تعريف المخاطر التجريبية على عينة من نقاط البيانات n كالتالى:

$$R_{emp}(A) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |f_A(x_i) - y_i|.$$
 (Y-7)

يقدم فابنيك وتشيرفونينكيس (Vapnik,~1989,2000) القيد التالي على مخاطر التصنيف المتوقعة والذي يصبح نافذاً بالاحتمالية  $I-\eta$ :

$$R(A) \leq R_{emp}(A) + \sqrt{\frac{v\left(\ln\frac{2n}{v} + 1\right) - \ln\frac{\eta}{4}}{n}}, \quad (7-7)$$

حيث يدل V على البعد الخاص بـ VC (V (V العديد V على البعد الخاص بـ V ويقيس درجة تعقيد V والذي يتم التحكم به بعدد المعلمات V في V للعديد من دوال التصنيف ومن ثم، فإن مخاطر التصنيف المتوقعة تكون مقيدة بكل من مخاطر التصنيف التجريبية، والحد الثاني في المعادلة V مع كون الحد الثاني يتزايد مع بعد V. لتقليل مخاطر التصنيف المتوقعة، نحتاج إلى تقليل كل من المخاطر التجريبية وبعد V لـ V في الوقت نفسه. وهذا ما يُسمى عبداً تقليل المخاطر الهيكلية. حيث إن تقليل قيمة بعد V لـ V أو درجة تعقيد V هو مثل البحث عن دالة تصنيف ذات طول وصف أدنى لعمل تعميم جيد كما تم مناقشته في الفصل V. يبحث الدعم الآلي المتجه (V عن مجموعة من القيم V

والتي تقلل من المخاطر التجريبية، وعن قيمة بعد VC في الوقت نفسه عن طريق صياغة وحل مشكلة التحسين أو المثالية (Optimization problem)، وتحديداً، مشكلة البرمجة التربيعية. توفر الأجزاء التالية صياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمشكلة البرمجة التربيعية لثلاثة أنواع من مشاكل التصنيف: (١) المصنف الخطي والمشكلة القابلة للانفصال خطياً، (٢) المصنف غير الخطي والمشكلة القابلة للانفصال بشكل غير خطي، و(٣) المصنف غير الخطي والمشكلة القابلة للانفصال بشكل غير خطي. وكما نوقش في الفصل ٥، فإن دالة AND المنطقية هي مشكلة تصنيف قابلة للانفصال بشكل غير خطي المخطي المذكور في النوع (١)، ودالة XOR المنطقية هي مشكلة تصنيف قابلة للانفصال بشكل غير خطي، والتي تتطلب المصنف غير الخطي المذكور في النوع (٣). ولأن أي مصنف خطي عموماً يكون له قيمة أقل لبعد VC أكثر من المصنف غير الخطي المشكلة قابلة للانفصال بشكل غير خطي والمذكورة في النوع (٢) يمكن أن ينتج أحيانا حد أدنى لمخاطر التصنيف المتوقعة أقل من استخدام مصنف غير خطي لمشكلة قابلة للانفصال بشكل غير خطي.

المنف خطي ولمشكلة قابلة للانفصال خطي (SVM) لمصنف خطي ولمشكلة قابلة للانفصال خطياً (SVM Formulation for a Linear Classifier and a Linearly Separable Problem):

بالنظر في تعريف مصنف خطي لشبكة عصبية صناعية ذات تغذية أمامية أحادية الطبقة (perceptron) في الفصل ٥:

$$f_{w,b}(x) = sign(w'x + b). \tag{E-7}$$

حد القرار الذي يفصل فئتين مستهدفتين  $\{-1,1\}$  هو:

$$w'x + b = 0. \tag{0-7}$$

ويعمل المصنُّف الخطي بالطريقة التالية:

$$y = sign(w'x + b) = 1 \qquad \text{if } w'x + b > 0$$

$$y = sign(w'x + b) = -1 \qquad \text{if } w'x + b \le 0$$

إذا ما فرضنا القيد التالى:

$$||w|| \leq M$$
,

حيث إن M عبارة عن ثابت، وتدل  $\|w\|$  على مقياس لمتجه w ذي عدد p من الأبعاد ويُعرف أنه:

$$||w|| = \sqrt{w_1^2 + \dots + w_p^2}.$$

إن مجموعة الفضاءات الجزئية (hyperplanes) المعرفة كما يلي:

$$\{f_{w,b}=sign(w'x+b)|||w||\leq M\},$$

:رVapnik, 1989, 2000) المسمى v الذي يحقق القيد (Vapnik, 1989, 2000):

$$v \le \min\{M^2, p\} + 1. \tag{Y-1}$$

وبتخفيض قيمة ||w|| ، ستنخفض قيمة M ومن ثم تنخفض قيمة البعد VC المسمى V. كما هو مطلوب من قبل مبدأ تقليل المخاطر الهيكلية تقليل المخاطر الهيكلية، نريد تخفيض قيمة ||w||، أو ما يكافئها:

$$\min \frac{1}{2} \|w\|^2. \tag{A-7}$$

تغيير قيمة w لا يغير ميل الفضاءات الجزئية لحد القرار. وتغيير قيمة b لا يغير ميل حد القرار، ولكنه يقوم بتحريك الفضاءات الجزئية لحد القرار بشكل متوازِ. على سبيل المثال، في فضاء المتجه ثنائي الأبعاد كما هو مبين في الشكل رقم -1، يكون حد القرار هو:

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + b = 0$$
 or  $x_2$   
=  $-\frac{w_1}{w_2} x_1 - \frac{b}{w_2}$ , (9-7)

ويكون ميل المستقيم لحد القرار هو  $-w_I / w_2$ ، وتكون نقطة التقاطع لمستقيم حد القرار هي  $-b/w_2$ . إنَّ تغيير قيمة w إلى القيمة w0، حيث w2 ثابت، لا يغير ميل مستقيم حد القرار لأن:  $w_1/c_w w_2 = -w_1/w_2$ . وتغيير قيمة  $w_2/w_2 = -w_1/w_2$  هو ثابت، لا يغير أيضاً ميل مستقيم حد القرار، ولكنه يغير نقطة تقاطع المستقيم  $w_2/w_2 = -w_1/w_2$  ومن ثم يتحرك الخط المستقيم بشكل متوازِ.

ويبين الشكل  $\Gamma$ -1 أمثلة لنقاط بيانات بقيمة هدف تساوي  $\Gamma$  (يشار إليها بالدوائر الصغيرة)، وأمثلة لنقاط بيانات ذات القيمة الهدف  $\Gamma$ - (المشار إليها بالمربعات الصغيرة). من بين نقاط البيانات بالقيمة الهدف المساوية  $\Gamma$ ، نأخذ في الاعتبار نقطة البيانات الأقرب إلى حد القرار،  $\Gamma$ - $\Gamma$  كما هو موضح بنقطة البيانات ذات الدائرة الداكنة في الشكل  $\Gamma$ - $\Gamma$ . من بين نقاط البيانات بالقيمة الهدف المساوية لـ  $\Gamma$ -، نأخذ في الاعتبار نقطة البيانات الأقرب إلى حد القرار،  $\Gamma$ - $\Gamma$  كما هو موضح بنقطة البيانات ذات المربع الداكن في الشكل  $\Gamma$ - $\Gamma$ . لنفترض أنه بالنسبة للنقطتين  $\Gamma$ - $\Gamma$  من نقاط البيانات يكون لدينا:

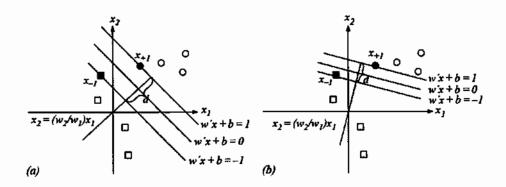
$$w'x_{+1} + b = c_{+1}$$
  
 $w'x_{-1} + b = c_{-1}$ .

نريد تعديل قيمة w لتكون  $c_w$  وتعديل قيمة b لتكون  $c_w$  بحيث يكون لدينا:

$$c_w w' x_{+1} + c_b b = 1$$
  
 $c_w w' x_{-1} + c_b b = -1$ 

#### الشكل (٦-١)

الدعم الآلي المتجه (SVM) لمنْف خطي ومشكلة قابلة للانفصال خطيًا. (a) حد القرار ذو هامش كير (b) حد القرار ذو هامش صغير



ولا تزال تدل على القيم التي تم تغييرها بواسطة w و b. ويكون لدينا:

$$\min\{|w'x_i+b|, i=1,...,n\}=1,$$

وهو ما يعني ضمناً |w'x+b|=1 لنقطة البيانات في كل فئة مستهدفة أقرب إلى حد القرار w'x+b=0.

على سبيل المثال، في فضاء المتجه ثنائي الأبعاد ٤٠ تصبح المعادلات ٦-١٠ و٦-١١ كما يلي:

$$w_1 x_{+1,1} + w_2 x_{+1,2} + b = c_{+1} \tag{17-7}$$

$$w_1 x_{-1,1} + w_2 x_{-1,2} + b = c_{-1} \tag{17-7}$$

$$c_w w_1 x_{+1,1} + c_w w_2 x_{+1,2} + c_b b = 1$$
 (16-7)

$$c_w w_1 x_{-1,1} + c_w w_2 x_{-1,2} + c_b b = -1.$$
 (10-7)

نقوم بحل المعادلات من ٦-٦٠ إلى ٦-١٥ للحصول على  $c_w$  و $c_b$ . علينا أولاً استخدام المعادلة ٦٤-١ للحصول على:

$$c_w = \frac{1 - c_b b}{w_1 x_{+1,1} + w_2 x_{+1,2}},\tag{17-7}$$

ونعوض عن  $c_{\mathrm{w}}$  الموجودة في المعادلة ١٦-٦ داخل ١٥-٦ للحصول على:

$$\frac{1 - c_b b}{w_1 x_{+1,1} + w_2 x_{+1,2}} \left( w_1 x_{-1,1} + w_2 x_{-1,2} \right) + c_b b = -1.$$
 (NY-7)

بعد ذلك نستخدم المعادلات ٦-١٢ و٦-١٣ للحصول على:

$$w_1 x_{+1,1} + w_2 x_{+1,2} = c_{+1} - b \tag{(1A-7)}$$

$$w_1 x_{-1,1} + w_2 x_{-1,2} = c_{-1} - b, \tag{19-7}$$

ونعوض باستخدام المعادلات ٦-١٨ و٦-١٩ داخل المعادلة ٦-١٧ للحصول على:

$$\frac{1 - c_b b}{c_{+1} - b} (c_{-1} - b) + c_b b = -1$$

$$\frac{c_{-1} - b}{c_{+1} - b} - \frac{(c_{-1} - b)b}{c_{+1} - b}c_b + bc_b = -1$$

$$c_b = \frac{2b - c_{+1} - c_{-1}}{b^2 + b - c_{-1}b}.$$
(Y--7)

وأخيراً، نستخدم المعادلة -18 لحساب  $c_w$ ، ونعوض بالمعادلات -18 و-7 في المعادلات الناتجة للحصول على:

$$c_{w} = \frac{1 - c_{b}b}{w_{1}x_{+1,1} + w_{2}x_{+1,2}} = \frac{1 - c_{b}b}{c_{+1} - b} = \frac{1 - (2b - c_{+1} - c_{-1}/b + 1 - c_{-1})}{c_{+1} - b}$$

$$= \frac{1 - b + c_{+1}}{(c_{+1} - b)(b + 1 - c_{-1})}.$$
(YI-7)

المعادلات ٦-٢٠ و٦-٢١ توضح كيفية إعادة تقييم w وb في فضاء المتجه ثنائي الأبعاد w'x+w'x+b لتكن w و b تشير إلى القيم المتغيرة. الفضاء الجزئي يشطر (ينصُف) المستقيمين w'x+b=0 وb=1 والمستقيم w'x+b=1، كما هو مبين في الشكل ٦-١. أي نقطة x من نقاط البيانات ذات فثة مستهدفة x تحقق:

$$w'x + b \ge 1$$

حيث إن نقطة البيانات ذات الفئة المستهدفة 1+1 الأقرب إلى w'x+b=0 يكون لديها w'x+b=0 أي نقطة x من نقاط البيانات ذات الفئة المستهدفة x تحقق:

$$w'x + b \leq -1$$

w'x إن نقطة البيانات ذات الفئة الهدف 1- الأقرب إلى w'x+b=0 يكون لديها w'x+b=0 ومن ثم، فإن المصنف الخطى مكن تعريفه على النحو التالى:

$$y = sign(w'x + b) = 1 \qquad \text{if } w'x + b \ge 1$$
$$y = sign(w'x + b) = -1 \qquad \text{if } w'x + b \le -1.$$

لتقليل قيمة المخاطر التجريبية  $R_{emp}$  أو خطأ التصنيف التجريبي كما هو مطلوب من مبدأ تقليل المخاطر الهيكلية المعرف بالمعادلة -7، فإننا نتطلب:

$$y_i(w'x_i + b) \ge 1, \quad i = 1, ..., n.$$
 (۲۳-٦)

إذا كانت  $y_i=I$ ، فنحن نريد  $1 \geq i$  بحيث ينتج المصنَّف الخطي في المعادلة  $y_i=I$  بحيث ينتج  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة المستهدفة  $y_i=I$  الفئة  $y_i=I$  الفئة المعادلة  $y_i=I$  الفئة المعادلة  $y_i=I$  الفئة من نقاط البيانات  $y_i=I$  لذلك، بوضع المعادلات  $y_i=I$  معلَّ من خطأ المعادلات  $y_i=I$  معلَّ من خطأ التصنيف التجريبي وبُعد  $y_i=I$  لدالة التصنيف. يتم وضع المعادلات  $y_i=I$  معلَّ من خلال صياغة معادلة برمجية تربيعية:

$$\min_{w,b} \frac{1}{2} \|w\|^2 \tag{YE-7}$$

بحيث تخضع للقيد:

$$y_i(w'x_i + b) \ge 1, \quad i = 1, ..., n.$$

# التفسير الهندسي لصياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) للمصنَّف الخطي (Geometric Interpretation of the SVM Formulation for the Linear Classifier):

يوجد تفسير هندسي لى  $\|w\|$  في الدالة الهدف (Objective function) للمسألة w'x سير هندسي له الجرئيين w'x وهو أن ||w|| a عثل المسافة للفضائين الجرئيين a البرمجية التربيعية في المعادلة a وتُسمى هذه المسافة هامش حد القرار أو هامش المصنّف a الخطي، بحيث يكون المستقيم a a a b هو حد القرار. لإظهار هذا في الفضاء المتجه الخطي، بحيث يكون المستقيم a بعساب مسافة المستقيمين المتوازيين a a a b a b a b الناقي الأبعاد لـ a دعونا نقوم بحساب مسافة المستقيمين المتوازيين a a النحو التالي: a b الشكل a - a هذان المستقيمان المتوازيان اللذان يمكن تمثيلهما على النحو التالي:

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + b = 1 \tag{50-7}$$

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + b = -1. ( (47-1)$$

المستقيم التالى:

$$w_2 x_1 - w_1 x_2 = 0 (YV-7)$$

 $_{2}$ كم عبر نقطة الأصل (0,0)، ويكون متعامداً على المستقيمات المعرفة في المعادلات ٦- ٢٥ و٦- ٢٦ لأن ميل المستقيمات المتوازية في المعادلات ٦- ٢٥ و٦- ٢٦ هو  $_{2}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{5}$  $_{6}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{4}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{6}$  $_{6}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{6}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{6}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{1}$  $_{2}$  $_{3}$  $_{4}$  $_{5}$  $_{1}$  $_{5}$  $_{1}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{5}$  $_{6}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{7}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{7}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{8}$  $_{9}$ 

$$\left(\frac{1-b}{w_1^2+w_2^2}w_1, \frac{1-b}{w_1^2+w_2^2}w_2\right)$$

من خلال حل المعادلات 7-77 و77 لكل من 10 و 20 نحصل على إحداثيات نقطة البيانات حيث بتقاطع هذان المستقيمان:

$$d = \sqrt{\left(\frac{1-b}{w_1^2 + w_2^2}w_1 - \frac{-1-b}{w_1^2 + w_2^2}w_1\right)^2 + \left(\frac{1-b}{w_1^2 + w_2^2}w_2 - \frac{-1-b}{w_1^2 + w_2^2}w_2\right)^2}$$

$$= \frac{1}{w_1^2 + w_2^2}\sqrt{2^2w_1^2 + 2^2w_2^2} = \frac{2}{\sqrt{w_1^2 + w_2^2}} = \frac{2}{\|w\|}.$$
(YA-7)

ومن ثم، فإن تقليل قيمة |w|| (1/2)|w| في دالة الهدف للمسألة البرمجية التربيعية في المعادلة ٢٤-٦ يكون بتعظيم هامش المصنف الخطي أو أداء التعميم للمصنف الخطي. يظهر الشكل ٦-١-(a) و (a) مصنفين خطيين مختلفين بحدي قرار مختلفين يصنفان نقاط البيانات الثمان بشكل صحيح ولكن لهما هوامش مختلفة. يكون للمصنف الخطي في الشكل ٦-١ (a) هامش أكبر، ومن المتوقع أن يكون له أداء تعميمي أفضل من ذلك التعميم في الشكل ٦-١ (b).

# 3-٤ حل المسألة البرمجية التربيعية لمصنف خطي (Solution of the Quadratic Programming Problem for a Linear Classifier):

المسألة البرمجية التربيعية ( $quadratic\ programming\ problem) في الصيغة ٦- المسألة البرمجية التربيعية وقيد خطي بالنسبة لـ <math>w$  وb، وتُسمى بمسألة التحسين المحدب ( $Convex\ Optimization\ Problem$ )، ويمكن حلها باستخدام طريقة مُضاعف لاقرينج ( $Lagrange\ Multipliers$ ) للمسألة التالية:

$$\min_{w,b} \max_{\alpha \ge 0} L(w,b,\alpha) = \frac{1}{2} ||w||^2 - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i \left[ y_i(w'x_i + b) - 1 \right] \qquad (49-1)$$

بحيث تخضع للقيد:

$$\alpha_i[y_i(w'x_i+b)-1] = 0 \quad i = 1,...,n$$
 $\alpha_i \ge 0 \quad i = 1,...,n,$ 

حيث  $\alpha_i$ , i=1,...,n ، هي مضاعفات لاقرينج غير السالبة، وتُعرَف المعادلتان المعرفتين في جزئية القيود بشرط كاروش-كوهن-توكر (Karush – Kuhn – Tuker condition) و  $\alpha_i$  المعادلة ٦-  $\alpha_i$  و  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعادلة المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعادلة المعادلة المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعادلة المعادلة  $\alpha_i$  المعادلة المعا

$$-\sum_{i=1}^n \alpha_i \left[ y_i(w'x_i+b) - 1 \right]$$

يكون بتعظيم قيمة:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i \left[ y_i(w'x_i + b) - 1 \right]$$

وذلك بالنسبة لـ  $\alpha$  ويحقق  $1\geq (w'x_i+b)\geq 1$  التي تمثل القيد في المعادلة ٦-٢٤، لأن  $\alpha_i\geq 0$  عند النقطة حيث يتم تصغير  $\alpha_i\geq 0$  بالنسبة لـ  $\alpha_i\geq 0$  لدينا:

$$\frac{\partial L(w,b,\alpha)}{\partial w} = w - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i x_i = 0 \quad or \quad w = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i x_i \qquad (\text{eq.})$$

$$\frac{\partial L(w,b,\alpha)}{\partial b} = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$
 (٣٢-٦)

لاحظ أنه يتم تحديد w فقط عن طريق نقاط البيانات التدريبية  $(x_i,y_i)$ , والتي بها  $\alpha_i > 0$  وألتي بها الداعمة البيانات البيانات التدريبية والتي بها  $\alpha_i > 0$  بالمتجهات الداعمة (Support Vevtor). وباستخدام شرط كاروش-كوهن-توكر في المعادلة  $\alpha_i < 0$  وأي متجه دعم  $(x_i,y_i)$  بـ  $\alpha_i < 0$ ، يكون لدينا:

$$y_i(w'x_i + b) - 1 = 0$$
 (77-7)

من أجل تحقيق المعادلة ٦-٣٢. لدينا أيضاً:

$$y_i^2 = 1 \tag{\text{re-1}}$$

لأن  $y_i$  تأخذ القيمة 1 أو 1-. نقوم بحل المعادلات ٦-٣٣ و٦-٣٤ لـ b ونحصل على:

$$b = y_i - w'x_i \tag{90-1}$$

لأن:

$$y_i(w'x_i+b)-1=y_i(w'x_i+y_i-w'x_i)-1=y_i^2-1=0$$

ولحساب w باستخدام المعادلات -1 و-1 وحساب b باستخدام المعادلة -1 وحساب w باستخدام المعادلات -1 و-1 واخل نحتاج أن نعرف قيم مضاعفات لاقرينج -1 نقوم بتعويض المعادلات -1 و-1 و-1 داخل -1 في الصيغة -1 للحصول على -1 المحصول على المحصول

$$\begin{split} L(\alpha) &= \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_{i} \alpha_{j} y_{i} y_{j} x_{i}' x_{j} - \sum_{l=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_{l} \alpha_{j} y_{l} y_{j} x_{l}' x_{j} - b \sum_{l=1}^{n} \alpha_{l} y_{l} + \sum_{l=1}^{n} \alpha_{l} \\ &= \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} - \frac{1}{2} \sum_{l=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_{l} \alpha_{j} y_{l} y_{j} x_{l}' x_{j} \end{split} \tag{F7-7}$$

ومن ثم، فإن المسألة المزدوجة (dual problem) للمسألة البرمجية التربيعية في الصيغة ٦-٢٤ هي:

$$\max_{\pmb{lpha}} L(\pmb{lpha}) = \sum_{i=1}^n \alpha_i - rac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \alpha_i \alpha_j \, y_i y_j x_i' x_j$$
 (۲۷-٦)

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i[y_i(w'x_i+b)-1] = 0 \quad \text{or} \quad \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j + \alpha_i y_i b - \alpha_i = 0 \quad i = 1, \dots, n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, \dots, n$$

وباختصار، فإنه يتم حل المصنّف الخطى للدعم الآلي المتجه SVM بالخطوات التالية:

١- حل مسألة التحسين في الصيغة ٦-٣٧ للحصول على α:

$$\max_{\alpha} L(\alpha) = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j$$

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j + \alpha_i y_i b - \alpha_i = 0 \quad i = 1, ..., n$$

: 
$$w$$
 استخدم المعادلة ۲-۳۱ للحصول على  $w=\sum_{i=1}^n \alpha_i\,y_ix_i.$ 

 $\alpha_i \geq 0$   $i = 1, \dots, n$ 

b استخدام المعادلة ٦-٣٥. ومتجه الدعم  $(x_i, y_i)$  للحصول على -

$$b=y_i-w'x_i.$$

وتُعطى دالة قرار المصنّف الخطى بالمعادلة ٦-٢٢:

$$y = sign(w'x + b) = 1 \qquad \text{if } w'x + b \ge 1$$
$$y = sign(w'x + b) = -1 \qquad \text{if } w'x + b \le -1.$$

أو بالمعادلة ٦-٤:

$$f_{w,b}(x) = sign(w'x + b) = sign\left(\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i x_i' x + b\right).$$

لاحظ أن متجهات الدعم فقط والتي بها lpha i > 0 تسهم في حساب b ودالة قرار المصنَّف الخطي.

### المثال ٦-١:

حدّد المصنّف الخطي للدعم الآلي المتجه (SVM) لدالة AND في الجدول ١-٥، والتي يتم نسخها هنا في الجدول ١-٦ بحيث يكون  $x=(x_1,x_2)$  هناك أربع نقاط من نقاط البيانات التدريبية في هذه المسألة. نقوم بصياغة وحل مسألة التحسين في الصيغة x=1 على النحو التالى:

$$\min_{w_1,w_2,b} \frac{1}{2} [(w_1)^2 + (w_2)^2]$$

بشرط أن:

$$w_1 + w_2 - b \ge 1$$
  
 $w_1 - w_2 - b \ge 1$   
 $-w_1 + w_2 - b \ge 1$   
 $w_1 + w_2 + b \ge 1$ .

باستخدام شريط الأدوات المسمى (Optimization) في برنامج ماتلاب (®MATLAB)، نحصل على الحل الأمثل التالي لمسألة التحسين المذكورة آنفاً:

$$w_1=1, w_2=1, b=-1$$

وهذا يعني، أن لدينا:

$$w = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad b = -1.$$

هذا الحل يعطي دالة القرار في المعادلة ٢٠٢٦ أو ٢٠٤ كما يلي:  $y = sign\left(\begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} - 1\right) = sign(x_1 + x_2 - 1) = 1 \quad \text{if } x_1 + x_2 - 1 \geq 1 \\ y = sign\left(\begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} - 1\right) = sign(x_1 + x_2 - 1) = -1 \quad \text{if } x_1 + x_2 - 1 \leq -1 \\ \end{cases}$ 

أو

$$f_{w,b}(x) = sign(w'x + b) = sign([1 \ 1]_{x_2}^{x_1} - 1) = sign(x_1 + x_2 - 1).$$

الجدول (١-٦) الدالة *AND* 

المخرجات Output		المدخ	رقم سجل البيانات # Data Point
<u>y</u>	<u>x</u> 2	<i>x</i> <sub>1</sub>	i
<b>-</b> 1	-1	-1	1
-1	1	-1	2
<b>-1</b>	-1	1	3
1	1	1	4

مكننا أيضاً صياغة مسألة التحسين في الصيغة ٦-٣٧:

$$\begin{aligned} \max_{\alpha} L(\alpha) &= \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_{i} \alpha_{j} y_{i} y_{j} x_{i}' x_{j} \\ &= \alpha_{1} + \alpha_{2} + \alpha_{3} + \alpha_{4} - \frac{1}{2} [\alpha_{1} \alpha_{1} y_{1} y_{1} x_{1}' x_{1} + \alpha_{1} \alpha_{2} y_{1} y_{2} x_{1}' x_{2} \\ &+ \alpha_{1} \alpha_{3} y_{1} y_{3} x_{1}' x_{3} + \alpha_{1} \alpha_{4} y_{1} y_{4} x_{1}' x_{4} + \alpha_{2} \alpha_{1} y_{2} y_{1} x_{2}' x_{1} + \alpha_{2} \alpha_{2} y_{2} y_{2} x_{2}' x_{2} \\ &+ \alpha_{2} \alpha_{3} y_{2} y_{3} x_{2}' x_{3} + \alpha_{2} \alpha_{4} y_{2} y_{4} x_{2}' x_{4} + \alpha_{3} \alpha_{1} y_{3} y_{1} x_{3}' x_{1} + \alpha_{3} \alpha_{2} y_{3} y_{2} x_{3}' x_{2} \end{aligned}$$

$$+\alpha_3\alpha_3y_3y_3x_3'x_3+\alpha_3\alpha_4y_3y_4x_3'x_4+\alpha_4\alpha_1y_4y_1x_4'x_1+\alpha_4\alpha_2y_4y_2x_4'x_2\\+\alpha_4\alpha_3y_4y_3x_4'x_3+\alpha_4\alpha_4y_4y_4x_4'x_4]$$

$$= \alpha_{1} + \alpha_{2} + \alpha_{3} + \alpha_{4} - \frac{1}{2} \left[ \alpha_{1} \alpha_{1} (-1)(-1)[-1 \quad -1] \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} \right]$$

$$+ 2\alpha_{1}\alpha_{2}(-1)(-1)[-1 \quad -1] \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + 2\alpha_{1}\alpha_{3}(-1)(-1)[-1 \quad -1] \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$+ 2\alpha_{1}\alpha_{4}(-1)(1)[-1 \quad -1] \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} + 2\alpha_{2}\alpha_{2}(-1)(-1)[-11] \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$+ 2\alpha_{2}\alpha_{3}(-1)(-1)[-11] \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} + 2\alpha_{2}\alpha_{4}(-1)(1)[-11] \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$+ 2\alpha_{3}\alpha_{3}(-1)(-1)[1 \quad -1] \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} + 2\alpha_{3}\alpha_{4}(-1)(1)[1 \quad -1] \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$+ 2\alpha_{4}\alpha_{4}(1)(1)[11] \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$= \alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 + \alpha_4 - \frac{1}{2}(2\alpha_1^2 + 2\alpha_2^2 + 2\alpha_3^2 + 2\alpha_4^2 - 4\alpha_1\alpha_4 - 4\alpha_2\alpha_3)$$

$$= -\alpha_1^2 - \alpha_2^2 - \alpha_3^2 - \alpha_4^2 + 2\alpha_1\alpha_4 + 2\alpha_2\alpha_3 + \alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 + \alpha_4$$

$$= -(\alpha_1 - \alpha_4)^2 - (\alpha_2 - \alpha_3)^2 + \alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 + \alpha_4$$

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = \alpha_1 y_1 + \alpha_2 y_2 + \alpha_3 y_3 + \alpha_4 y_4 = -\alpha_1 - \alpha_2 - \alpha_3 + \alpha_4 = 0$$

وتصبح 
$$\left(\sum_{i=1}^n \alpha_i \alpha_i y_i y_i x_i' x_i + \alpha_i y_i b - \alpha_i = 0 \right)$$
 کما یلی:

$$\begin{split} &\alpha_{1}(-1)\left[\alpha_{1}(-1)[-1 \quad -1]\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} + \alpha_{2}(-1)[-1 \quad 1]\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} + \alpha_{3}(-1)[1 \quad -1]\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} \right] \\ &\alpha_{4}(1)[1 \quad 1]\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} + \alpha_{1}(-1)b - \alpha_{1} \quad or \quad -\alpha_{1}(-2\alpha_{1} - 2\alpha_{4}) - \alpha_{1}b - \alpha_{1} = 0 \\ &\alpha_{2}(-1)\left[\alpha_{1}(-1)[-1 \quad -1]\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + \alpha_{2}(-1)[-1 \quad 1]\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + \alpha_{3}(-1)[1 \quad -1]\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} \\ &\alpha_{4}(1)[1 \quad 1]\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + \alpha_{2}(-1)b - \alpha_{2} \quad or \quad -\alpha_{2}(-2\alpha_{2} - 2\alpha_{3}) - \alpha_{2}b - \alpha_{2} = 0 \end{split}$$

$$\begin{split} &\alpha_{3}(-1)\left[\alpha_{1}(-1)[-1 \quad -1]\begin{bmatrix}1\\-1\end{bmatrix}+\alpha_{2}(-1)[-1 \quad 1]\begin{bmatrix}1\\-1\end{bmatrix}+\alpha_{3}(-1)[1 \quad -1]\begin{bmatrix}1\\-1\end{bmatrix}\right]\\ &\alpha_{4}(1)[1 \quad 1]\begin{bmatrix}1\\-1\end{bmatrix}]+\alpha_{3}(-1)b-\alpha_{3} \quad or \quad -\alpha_{3}(-2\alpha_{2}-2\alpha_{3})-\alpha_{3}b-\alpha_{3}=0\\ &\alpha_{4}(1)\left[\alpha_{1}(-1)[-1 \quad -1]\begin{bmatrix}1\\1\end{bmatrix}+\alpha_{2}(-1)[-1 \quad 1]\begin{bmatrix}1\\1\end{bmatrix}+\alpha_{3}(-1)[1 \quad -1]\begin{bmatrix}1\\1\end{bmatrix}\\ &\alpha_{4}(1)[1 \quad 1]\begin{bmatrix}1\\1\end{bmatrix}]+\alpha_{4}(1)b-\alpha_{4} \quad or \quad \alpha_{4}(2\alpha_{1}+2\alpha_{4})+\alpha_{4}b-\alpha_{4}=0 \end{split}$$

$$\alpha_i \ge 0$$
  $i = 1,2,3,4$ 

باستخدام شريط الأدوات المسمى (Optimization) في برنامج ®MATLAB لحل مسألة التحسين المذكورة أعلاه، نحصل على الحل الأمثل:

$$\alpha_1=0$$
,  $\alpha_2=0.5$ ,  $\alpha_3=0.5$ ,  $\alpha_4=1$ ,  $b=-1$ ,

وقيمة دالة الهدف تساوي 1.

تشير قيم مضاعفات لاقرينج إلى أن نقاط البيانات الثانية والثالثة والرابعة في الجدول ١-٦ هي متجهات الدعم. ثم نحصل بعد ذلك على w باستخدام المعادلة ٦-٣١:

$$w = \sum_{i=1}^4 \alpha_i \, y_i x_i.$$

$$w_1 = \alpha_1 y_1 x_{1,1} + \alpha_2 y_2 x_{2,1} + \alpha_3 y_3 x_{3,1} + \alpha_4 y_4 x_{4,1}$$
  
=  $(0)(-1)(-1) + (0.5)(-1)(-1) + (0.5)(-1)(1) + (1)(1)(1) = 1$ 

$$w_2 = \alpha_1 y_1 x_{1,2} + \alpha_2 y_2 x_{2,2} + \alpha_3 y_3 x_{3,2} + \alpha_4 y_4 x_{4,2}$$
  
= (0)(-1)(-1) + (0.5)(-1)(1) + (0.5)(-1)(-1) + (1)(1)(1) = 1

الحل الأمثل يتضمن بالفعل قيمة b=-1. نحصل على نفس قيمة b باستخدام المعادلة a0 ونقطة البيانات الرابعة كمتجه الدعم:

$$b = y_4 - w'x_4 = 1 - \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = -1.$$

يُعطي الحل الأمثل للمسألة المزدوجة للدعم الآلي المتجه SVM دالة القرار نفسه:

$$\begin{cases} y = sign([1 \ 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} - 1) = sign(x_1 + x_2 - 1) = 1 & \text{if } x_1 + x_2 - 1 \ge 1 \\ y = sign([1 \ 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} - 1) = sign(x_1 + x_2 - 1) = -1 & \text{if } x_1 + x_2 - 1 \le -1 \end{cases}$$

أو

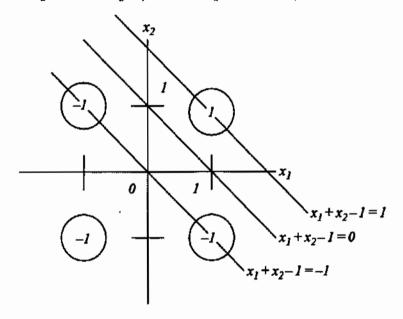
$$f_{w,b}(x) = sign(w'x + b) = sign([1 \ 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} - 1) = sign(x_1 + x_2 - 1).$$

ومن ثم، فإن مسألة التحسين ومسألتها المزدوجة للدعم الآلي المتجه SVM لهذا المثال تعطى الحل الأمثل نفسه ودالة القرار. ويوضح الشكل  $\Gamma$ - دالة القرار ومتجهات الدعم لهذه المسألة. دالة قرار الدعم الآلي المتجه SVM هي نفسها كما في شبكة الـ ANN لنفس المسألة الموضحة في الشكل  $\Gamma$ -  $\Gamma$  في الفصل  $\Gamma$ .

العديد من الكتب وأوراق العمل في الدراسات العلمية تقدم موضوع الدعم الآلي المتجه SVMs باستخدام مسألة التحسين المزدوجة في الصيغة  $\Gamma-7$  ولكن من دون مجموعة القيود:

$$\sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j + \alpha_i y_i b - \alpha_i = 0 \quad i = 1, \dots, n$$

الشكل (٦-٢) الشكل SVM القرار ومتجهات الدعم للمصنّف الخطي الخاص بالدعم الآلي المتجه SVM في المثال ٦-١



كما يتضح من المثال ٦-١، من دون مجموعة القيود هذه، تصبح المسألة المزدوجة:

$$\max_{\pmb{\alpha}}-(\alpha_1-\alpha_4)^2-(\alpha_2-\alpha_3)^2+lpha_1+lpha_2+lpha_3+lpha_4$$
بشرط آن:

$$-\alpha_1 - \alpha_2 - \alpha_3 + \alpha_4 = 0$$
  
 $\alpha_i \ge 0$ ,  $i = 1,2,3,4$ .

إذا وضعنا  $\alpha_1 = \alpha_4 > 0$ ، و $\alpha_2 = \alpha_3 = 0$ ، التي تحقق جميع القيود، تصبح دالة الهدف بعد ذلك  $\alpha_1 + \alpha_2 = \alpha_3$  التي تكون غير محدودة وغير مقيدة لأن كل من  $\alpha_1 + \alpha_2 = \alpha_3$  أن تستمر في زيادة قيمها من دون حد. ومن ثم، فإنه ينبغي استخدام الصيغة  $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3$  للمسألة المزدوجة مع المجموعة الكاملة من القيود.

الآلي المتجه (SVM) لمصنَّف خطي ولمسألة قابلة للفصل بشكل غير خطي (SVM Formulation for a Linear Classifier and a Nonlinearly Separable Problem):

إذا تم تطبيق مصنف خطي للدعم الآلي المتجه SVM على مسألة قابلة للفصل بشكل غير خطي (على سبيل المثال، دالة XOR المنطقية التي تم توضيحها في الفصل ٥)، فمن المتوقع أن لا يتم تصنيف كل نقطة بيانات في مجموعة بيانات العينة بشكل صحيح باستخدام المصنف الخطي للدعم الآلي المتجه SVM إن صياغة دعم آلي متجه SVM مصنف خطي في الصيغة  $\Gamma$ -  $\Gamma$  يه يه المتحدام هامش بسيط عن طريق إدخال مجموعة من المعلمات غير السالبة الإضافية  $\beta_i$  ...,  $\beta_i$  أي داخل صيغة الدعم الآلي المتجه SVM:

$$\min_{w,b,\beta} \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \left( \sum_{i=1}^n \beta_i \right)^k$$
 (YA-7)

بشرط أن:

$$y_i(w'x_i+b) \ge 1-\beta_i, \quad i=1,\ldots,n.$$
  
 $\beta_i \ge 0, \quad i=1,\ldots,n,$ 

حيث إن C>0 و  $l \leq k \geq 1$  قيمتان محددتان سلفاً للحد من سوء تصنيف نقاط البيانات. أنَّ إدخال  $\beta_i$  في القيد في الصيغة رقم ٦-٣٨ يسمح بسوء تصنيف نقطة بيانات ما بشكل صحيح،  $\beta_i$  والتي تقيس مستوى الخطأ في التصنيف. إذا تم تصنيف نقطة بيانات ما بشكل صحيح، تصبح  $\beta_i$  صفراً. إن تقليل قيمة  $\sum_{i=1}^{n} \beta_i$  في دالة الهدف يكون بتقليل بعد  $\sum_{i=1}^{n} \beta_i$  كما التصنيف، في حين أن تقليل قيمة  $\sum_{i=1}^{n} |w| | (1/2) |w|$  في دالة الهدف يكون بتقليل بعد  $\sum_{i=1}^{n} |w| |w|$  كما نوقش سابقاً.

باستخدام طريقة مضاعف لاقرينج، نقوم بتحويل الصيغة ٦-٨٦ إلى:

$$\min_{w,b,\beta} \max_{\alpha \geq 0, \gamma \geq 0} L(w,b,\beta,\alpha,\gamma) = \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \left( \sum_{i=1}^n \beta_i \right)^k$$

$$-\sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} \left[ y_{i}(wx_{i} + b) - 1 + \beta_{i} \right] - \sum_{i=1}^{n} \gamma_{i} \beta_{i}, \qquad (49-7)$$

$$\frac{\partial L(w,b,\boldsymbol{\beta},\boldsymbol{\alpha},\boldsymbol{\gamma})}{\partial w} = w - \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} y_{i} x_{i} = 0 \text{ or } w = \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} y_{i} x_{i} \qquad (\text{e--1})$$

$$\frac{\partial L(w,b,\boldsymbol{\beta},\boldsymbol{\alpha},\boldsymbol{\gamma})}{\partial b} = \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} y_{i} = 0$$
 (E\-7)

$$\frac{\partial L(w,b,\beta,\alpha,\gamma)}{\partial \beta} = \begin{cases} pC\left(\sum_{i=1}^{n}\beta_{i}\right)^{k-1} - \alpha_{i} - \gamma_{i} = 0 & i = 1,...,n & \text{if } k > 1 \\ C - \alpha_{i} - \gamma_{i} = 0 & i = 1,...,n & \text{if } k = 1 \end{cases}$$
 (£7-7)

k>1 نرمز: عندما تكون

$$\delta = pC \left( \sum_{i=1}^{n} \beta_i \right)^{k-1} \quad \text{or} \quad \sum_{i=1}^{n} \beta_i = \left( \frac{\delta}{pC} \right)^{1/k-1}. \quad \text{(etal)}$$

عكننا إعادة كتابة المعادلة ٦-٤٢ لتكون:

$$\begin{cases} \delta - \alpha_i - \gamma_i = 0 & \text{or} \quad \gamma_i = \delta - \alpha_i & i = 1, ..., n & \text{if } k > 1 \\ C - \alpha_i - \gamma_i = 0 & \text{or} \quad \gamma_i = C - \alpha_i & i = 1, ..., n & \text{if } k = 1 \end{cases}$$
 (EE-7)

شرط كاروش-كوهن-توكر للحل الأمثل للصيغة ٦-٣٩ يعطى:

$$\alpha_i[y_i(wx_i+b)-1+\beta_i]=0.$$
 (60-1)

باستخدام نقطة بيانات  $(x_i,y_i)$  والتي تُصنُف بشكل صحيح بواسطة الدعم الآلي المتجه SVM لدينا  $eta_i=0$  ولذلك يستند التالى إلى المعادلة ٦-٤٥:

$$b = y_i - w'x_i, \tag{27-7}$$

وهي المعادلة ٦-٣٥ نفسها. يتم استخدام المعادلتين ٦-٤٠ و٦-٤٦ لحساب w وd0، على التوالي، إذا كانت  $\alpha$  معروفة. نستخدم المسألة المزدوجة للصيغة  $\alpha$ 1 لتحديد  $\alpha$ 2 كما يلي.

، قان التعويض بـ w وb، و $\gamma$  في المعادلات ٦-٤٥، ٦-٤٤، و٦-٤٥ و عندما تكون k=1 ، فإن التعويض بـ  $\gamma$  و  $\gamma$  و التوالى، في الصيغة ٦-٣٦ يعطى:

$$\begin{aligned} \max_{\alpha \geq 0} L(\alpha) &= \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \left( \sum_{i=1}^n \beta_i \right)^k - \sum_{i=1}^n \alpha_i [y_i (wx_i + b) - 1 + \beta_i] - \sum_{i=1}^n \gamma_i \beta_i \\ &= \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j + C \sum_{i=1}^n \beta_i - \sum_{i=1}^n \alpha_i \left[ y_i \left( \sum_{j=1}^n \alpha_j y_j x_j' x_i + b \right) - 1 + \beta_i \right] \\ &- \sum_{i=1}^n (C - \alpha_i) \beta_i = \sum_{i=1}^n \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j \end{aligned} \tag{EV-7}$$

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \le C \quad i = 1, ..., n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, ..., n$$

:٤٤٤-٦ يأتي من المعادلة  $lpha_i \leq C$  القيد  $lpha_i \leq C$  يأتي من المعادلة  $C-lpha_i-\gamma_i=0$  or  $C-lpha_i=\gamma_i.$ 

 $C \ge \alpha_i$  ولأن  $0 \le \gamma$  ، يكون لدينا

عندما تكون  $k \geq 1$  فإن التعويض بـ w وb، و $\gamma$  في المعادلات ٦-٤٠، ٦-٤٤، و٦-٤١، على التوالى، في الصيغة ٦-٣٩ يعطى:

$$\begin{split} & \max_{\alpha \ge 0, \delta} L(\alpha) = \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \left( \sum_{i=1}^n \beta_i \right)^k - \sum_{i=1}^n \alpha_i [y_i(wx_i + b) - 1 + \beta_i] - \sum_{i=1}^n \gamma_i \beta_i \\ & = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j + C \left( \sum_{i=1}^n \beta_i \right)^k - \sum_{i=1}^n \alpha_i \left[ y_i \left( \sum_{j=1}^n \alpha_j y_j x_j' x_i + b \right) - 1 + \beta_i \right] \\ & - \sum_{i=1}^n (\delta - \alpha_i) \beta_i = \sum_{i=1}^n \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \alpha_i \alpha_j y_j y_j x_i' x_j - \frac{\delta^{\frac{p}{p-1}}}{(pC)^{\frac{1}{p-1}}} \left( 1 - \frac{1}{p} \right) \end{split} \tag{EA-7}$$

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \le \delta \quad i = 1, ..., n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, ..., n$$

وتُعطَى دالة القرار للمصنَّف الخطى في المعادلة ٦-٢٢:

$$y = sign(w'x + b) = 1 if w'x + b \ge 1$$
$$y = sign(w'x + b) = -1 if w'x + b \le -1,$$

أو المعادلة ٦-٤:

$$f_{w,b}(x) = sign(w'x + b) = sign\left(\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i x_i'x + b\right).$$

تسهم متجهات الدعم والتي فقط بها  $a_i > 0$  في حساب قيم b، ودالة قرار المصنّف الخطى.

٦-٦ صياغة الدعم الآلي المتجه (SVM) لمصنَّف غير خطي ومسألة قابلة للفصل بشكل غير خطى

(SVM Formulation for a Nonlinear Classifier and a Nonlinearly Separable Problem):

يتم توسيع الهامش البسيط للدعم الآلي المتجه SVM للمسألة القابلة للفصل بشكل غير خطى من خلال تحويل x ذات الأبعاد p في فضاء عدد أبعاده l حيث عكن تصنيف x باستخدام المصنَّف الخطي. ويتم تمثيل عملية تحويل x كما يلي:

$$x \to \varphi(x)$$

حيث إن:

$$\boldsymbol{\varphi}(x) = (h_1 \varphi_1(x), \dots, h_1 \varphi_1(x)). \tag{59-7}$$

وتصبح صياغة الهامش البسيط للدعم الآلي المتجه SVM:

k = 1 عندما تكون

$$\max_{\alpha \geq 0} L(\alpha) = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j \varphi(x_i)' \varphi(x_j) \qquad (0.3)$$

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \le C \quad i = 1, ..., n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, ..., n$$

 $k \ge 1$  عندما تکون

$$\max_{\alpha \ge 0, \delta} L(\alpha) = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j \varphi(x_i)' \varphi(x_j) - \frac{\delta^{p/p-1}}{(pC)^{1/p-1}} \left(1 - \frac{1}{p}\right)$$
 (01-7)

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \le \delta \quad i = 1, ..., n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, ..., n$$

وبدالة قرار:

$$f_{w,b}(x) = sign\left(\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i \boldsymbol{\varphi}(x_i)' \boldsymbol{\varphi}(x) + b\right). \tag{OY-1}$$

وإذا عرفنا دالة كيرنل K(x, y) على أنها:

$$K(x,y) = \varphi(x)'\varphi(y) = \sum_{i=1}^{l} h_i^2 \varphi_i(x)' \varphi_i(y),$$
 (or-1)

فإن صياغة الهامش البسيط للدعم الآلي المتجه SVM في المعادلات من -0.0 وحتى -0.0 تصبح:

k = I عندما تكون

$$\max_{\alpha \geq 0} L(\alpha) = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j K(x_i, x_j) \quad (\text{0E-T})$$

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \le C \quad i = 1, ..., n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, ..., n$$

k > 1 عندما تكون

$$\max_{\alpha \ge 0, \delta} L(\alpha) = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j K(x_i, x_j) - \frac{\delta^{p/p-1}}{(pC)^{1/p-1}} \left(1 - \frac{1}{p}\right)$$
 (00-7)

بشرط أن:

$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \le \delta \quad i = 1, ..., n$$

$$\alpha_i \ge 0 \quad i = 1, ..., n$$

وبدالة القرار:

$$f_{w,b}(x) = sign\left(\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i K(x_i, x) + b\right). \tag{67-7}$$

يتطلب الهامش البسيط للدعم الآلي المتجه SVM في المعادلات T-00 وحتى T-20 وحتى T-20 وحويل T ثم حل الدعم الآلي المتجه T-30 في الفضاء المختار، في حين أن الهامش البسيط للدعم الآلي المتجه T-30 في المعادلات من T-30 وحتى T-70 يستخدم دالة كيرنل T-30 وحتى T-70 يستخدم دالة كيرنل T-31 بشكل مباشر.

للعمل في الفضاء المختار باستخدام المعادلات -00 وحتى -00، يتم تقديم بعض الأمثلة على دوال التحويل لمتجه المدخلات x في فضاء ذي بعد واحد على النحو التالي:

$$\varphi(x) = (1, x, ..., x^{d})$$

$$K(x, y) = \varphi(x)' \varphi(y) = 1 + xy + \dots + (xy)^{d}.$$

$$\varphi(x) = \left(\sin x, \frac{1}{\sqrt{2}} \sin(2x), \dots, \frac{1}{\sqrt{i}} \sin(ix), \dots\right)$$

$$K(x, y) = \varphi(x)' \varphi(y) = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{1}{i} \sin(ix) \sin(iy) = \frac{1}{2} \log \left| \frac{\sin(x + y/2)}{\sin(x - y/2)} \right|$$

$$x, y \in [0, \pi].$$

وفيما يلي يتم إعطاء مثال على دالة تحويل لمتجه مدخلات  $x = (x_I, x_I)$  في فضاء ذي بعدين:

$$\phi(x) = (1, \sqrt{2}x_1, \sqrt{2}x_2, x_1^2, x_2^2, \sqrt{2}x_1x_2)$$
 (09-7)

$$K(x,y) = \varphi(x)'\varphi(y) = (1 + xy)^2.$$

وفيما يلي يتم إعطاء مثال على دالة تحويل لمتجه المدخلات  $x = (x_1, x_2, x_3)$  فضاء ثلاثي الأبعاد:

$$\varphi(x) = (1, \sqrt{2}x_1, \sqrt{2}x_2, \sqrt{2}x_3, x_1^2, x_2^2, x_3^2, \sqrt{2}x_1x_2, \sqrt{2}x_1x_3, \sqrt{2}x_2x_3)$$
 (1.-1)  
$$K(x, y) = \varphi(x)'\varphi(y) = (1 + xy)^2.$$

الوارد  $\boldsymbol{\varphi}$ كن استخدام تحليل المكون الرئيسي ( $\boldsymbol{\varphi}(x)$  لكن، قد لا تعطي المكونات الرئيسة في الفصل ١٤ لاستخراج المكونات الرئيسية لبناء  $\boldsymbol{\varphi}(x)$ . لكن، قد لا تعطي المكونات الرئيسة بالضرورة الخواص أو الصفات المناسبة التي تؤدي إلى مصنَّف خطي في الفضاء المختار.

بالنسبة لدوال التحول في المعادلات من ٦-٥٧ وحتى ٦-٦٠، من الأسهل حساب دالة كيرنل مباشرة بدلاً من البدء بحساب دوال التحويل والعمل في الفضاء المختار لأن الدعم الآلي المتجه SVM مكن حله باستخدام دالة كيرنل مباشرة. وفيما يلي ترد بعض الأمثلة لدوال كرنل:

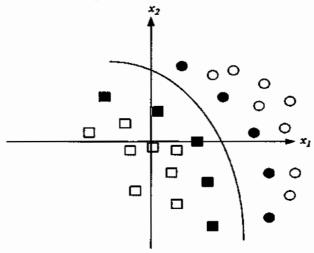
$$K(x,y) = (1+xy)^2$$
 (71-7)

$$K(x,y) = e^{\frac{\|x-y\|^2}{2\sigma^2}}$$
 (17-1)

$$K(x, y) = \tanh(\rho xy - \theta).$$
 (17-1)

تعطي دوال كيرنل في المعادلات من  $\Gamma$ - $\Gamma$  وحتى  $\Gamma$ - $\Gamma$  دالة قرار كثيرة الحدود (polynomial decision function) كما هو مبين في الشكل  $\Gamma$ - $\Gamma$ ، ودالة القاعدة الدائرية لقوسشيان (Gaussian Radial Basis function) كما هو مبين في الشكل  $\Gamma$ - $\Gamma$ 0 والشبكة العصبية الصناعية ذات التغذية الأمامية الأحادية الطبقة (perception) متعددة السنوات لبعض قيم  $\Gamma$ 0 و  $\Gamma$ 0.

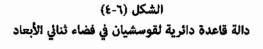
الشكل (٦-٣) دالة قرار كثيرة الحدود في فضاء ثنائي الأبعاد

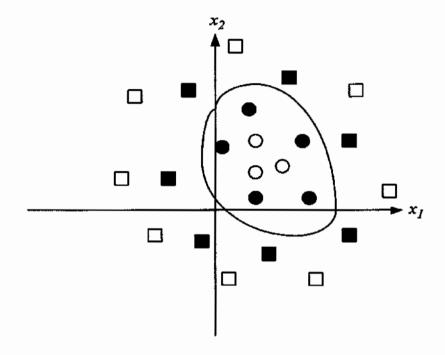


غالباً ما يتم استخدام عملية الجمع (addition) وعملية الضرب الممتد tensor) المتد Product) لدوال كيرنل لبناء دوال كيرنل أكثر تعقيداً على النحو التالي:

$$K(x,y) = \sum_{i} K_{i}(x,y)$$
 (76-7)

$$K(x,y) = \prod_{i} K_i(x,y). \tag{70-7}$$





# ٧-٦ طرق استخدام الدعم الآلي المتجه (SVM) لمسائل التصنيف متعددة الفئات (Methods of Using SVM for Multi-Class Classification Problems):

الدعم الآلي المتجه SVM الموضح في الأجزاء السابقة هو لمصنف ثنائي يتعامل مع فئتين مستهدفتين. بالنسبة إلى مسألة تصنيف بأكثر من فئتين مستهدفتين، هناك العديد من الأساليب التي يمكن استخدامها لبناء مصنف ثنائي أولاً ثم الجمع بين المصنفات الثنائية  $T_1, T_2, \ldots, T_s$  مع فئات مستهدفة متعددة. لنفترض أن الفئات المستهدفة هي  $T_1, T_2, \ldots, T_s$  في الأسلوب واحد مقابل واحد One - Versus - One)، يتم بناء مصنف ثنائي لكل زوج من الفئات المستهدفة،  $T_1$  مقابل واحد  $T_1$  ، بحيث  $T_2$  . من بين الفئات المستهدفة التي تنتجها من الفئات المستهدفة المي تنتجها جميع المصنفات الثنائية لمتجه مدخلات معين، فإنه يتم أخذ الفئة المستهدفة المسيطرة كفئة مستهدفة نهائية لمتجه المدخلات. في الأسلوب واحد مقابل الكل (One - Versus - all)،

لنفترض أن مصنّفاً ثنائياً يتم بناؤه ليتم تمييز كل فئة مستهدفة  $T_i$  من جميع الفئات المستهدفة الأخرى التي يتم اعتبارها معاً فئة مستهدفة أخرى (NOT-  $T_i$ ). إذا كانت جميع المصنفات الثنائية ينتج عنها حصيلة تصنيف متسقة لمتجه مدخلات معين من ضمنها مصنف ثنائي واحد يعطى  $T_i$  وجميع المصنّفات الأخرى تعطى فئات مستهدفة ليست  $T_i$  بحيث أن فإن الفئة المستهدفة النهائية لمتجه المدخلات تكون  $T_i$ . لكن إذا كانت جميع المصنفات  $i \neq j$ الثنائية ينتج عنها حصيلة تصنيف غير متسقة لمتجه مدخلات معين، فإنه من الصعب تحديد الفئة المستهدفة النهائية لمتجه المدخلات. على سبيل المثال، قد يكون هناك فئتان مستهدفتان  $T_i$ ، و $T_i$ ؛ بحيث  $i \neq j$  في حصيلة التصنيف، وأنه من الصعب تحديد ما إذا كانت الفئة المستهدفة النهائية هي  $T_i$ ، أو  $T_i$ . فإن أسلوب ترميز مخرجات تصحيح الخطأ (Error – Correction Output Coding Method) يولُد رمزاً ثنائياً فريداً يتألف من خوينتين أو بت ثنائي (binary bits) لكل فئة مستهدفة، ثم تبني مصنَّفاً ثنائياً لكل خوينة أو بت ثنائي واحد، ثم تأخذ الفئة المستهدفة ذات السلسة من البتات الثنائية الأقرب إلى السلسلة الناتجة من البتات الثنائية من جميع المصنّفات الثنائية. على الرغم من ذلك، لا يوجد طريقة مباشرة واضحة لتوليد رمز ثنائي فريد لكل فئة مستهدفة بحيث تؤدي مجموعة الرموز الثنائية الناتجة لجميع الفئات المستهدفة إلى الحد الأدني من الخطأ في التصنيف لسجلات البيانات التدريبية أو الاستكشافية.

# (SVM) والدعم الآلي المتجه (ANN) والدعم الآلي المتجه (SVM) (Comparison of ANN and SVM):

علمنا أن تعلِّم الشبكة العصبية الصناعية ANN، كما هو موضح في الفصل ٥، يتطلب البحث عن الأوزان والتحيزات لشبكة الـANN نحو الحد الأدنى من خطأ تصنيف نقاط البيانات التدريبية، على الرغم من أن عملية البحث قد تنتهي بقاع محلي local البيانات التدريبية، على الرغم الآلي المتجه SVM للحصول على الحل الأمثل على مستوى شامل. ولكن، بالنسبة للمصنَّف غير الخطي والمسألة القابلة للفصل بشكل غير خطي، غائباً ما يكون غير مؤكد ما هي دالة كيرنل الأصح لتحويل المسألة غير الخطية إلى مسألة قابلة للفصل خطياً لأن دالة التصنيف المناسبة غير معروفة. دون وجود دالة كيرنل مناسبة، فقد ينتهي بنا الأمر إلى استخدام دالة كيرنل غير مناسبة، ومن ثم الوصول إلى حل بخطأ تصنيفي أكبر من ذلك الناتج عن الحل الأمثل الشامل عند استخدام دالة كيرنل مناسبة. ومن ثم،

فاستخدام الدعم الآلي المتجه SVM لمصنف غير خطي ولمسألة قابلة للفصل بشكل غير خطي يستلزم البحث عن دالة كيرنل جيدة لتصنيف البيانات التدريبية من خلال التجربة والخطأ، تماماً كما أن تعلم شبكة عصبية صناعية ANN يستلزم تحديد تركيب مناسب لشبكة الـANN (أي عدد الوحدات الخفية) من خلال التجربة والخطأ. وعلاوةً على ذلك، فإن حساب:

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i' x_j$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j K(x_i, x_j)$$

في دالة الهدف للدعم الآلي المتجه SVM لمجموعة كبيرة من البيانات التدريبية (على سبيل  $2.5 \times 10^9$  للمثال، مجموعة تحتوي على 0., 0.0 سجل بيانات تدريب) يتطلب حساب  $(computational\ cost)$  حد ومساحة ذاكرة كبيرة، ومن ثم يؤدي إلى تكلفة حاسوبية  $(SVM\ symme)$  الدعم الآلي المتجه  $(SVM\ symme)$  الدعم الآلي المتجه  $(Face\ Detection\ Problem)$  ويبين أن أداء تصنيف الدعم الآلي المتجه كشف الوجه  $(Face\ Detection\ Problem)$ ، ويبين أن أداء تصنيف الدعم الآلي المتجه من قبل كل من  $(SVM\ symme)$ 

#### ٦-١ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يدعم برنامج  $MATLAB^*$  الدعم الآلي المتجه  $MATLAB^*$  الدعم الآلي المتجه  $MATLAB^*$  لحل يمكن استخدام شريط الأدوات المسمى (Optimization) في برنامج  $Osuna\ et$  أي مشكلة تحسين باستخدام الدعم الآلي المتجه SVM. قام أوسونا وآخرون  $Osuna\ et$  مناك العديد من  $Osuna\ et$  مناك العديد من

التطبيقات الأخرى للدعم الآلي المتجه SVM مذكورة في المراجع العلمية (vector-machines.org).

#### التمارين (Exercises):

- ۲-۱ قم بتحديد المصنَّف الخطي للدعم الآلي المتجه SVM للدالة OR في الجدول OR باستخدام صياغة الدعم الآلي المتجه SVM لمصنَّف خطي في الصيغتين SVM وSVM باستخدام صياغة الدعم الآلي المتجه SVM
- VOT قم بتحديد المصنَّف الخطي للدعم الآلي المتجه VOT للدالة VOT باستخدام صياغة الدعم الآلي المتجه VOT لمصنَّف خطي في الصيغتين VOT وترد مجموعة الدعم الآلي المتجه VOT لمصنَّف VOT لمصنّف VOT فيما يلي:

مجموعة البيانات التدريبية:

Y	X
1	-1
-1	1

SVM قم بتحديد المصنَّف الخطي للدعم الآلي المتجه SVM لدالة تصنيف مع البيانات التدريبية التالية، وذلك باستخدام صياغة الدعم الآلي المتجه SVM لمصنَّف خطي في الصيغتين SVM 12-22 و SVM الصيغتين SVM 15-24 و SVM الصيغتين SVM الصيغتين SVM الصيغتين SVM المستخدام صياغة الدعم الآلي المتجه SVM الصيغتين SVM المستخدام صياغة الدعم الآلي المتجه المستخدام صياغة الدعم الآلي المتحدد المستخدد المستخدام صياغة الدعم الآلي المتحدد المستخدد المستخدام صياغة المتحدد المستخدد ال

### مجموعة البيانات التدريبية:

y	$x_3$	$x_2$	$\boldsymbol{x}_1$
0	-1	-1	-1
0	1	-1	-1
0	-1	1	-1
1	1	1	-1
0	-1	-1	1
1	1	-1	1
1	-1	1	1
1	1	1	1

## ٧- مصنَّف أقرب k- مجاور والتعنقُد المراقب

#### k-Nearest Neighbor Classifier and Supervised Clustering

 $(k\text{-}nearst\ )$ يستعرض هذا الفصل طريقتين للتصنيف، وهما: مصنَّف أقرب k- مجاور  $supervised\ clustering$ )، والذي يتضمن  $neighbor\ classifier$ )، والذي يتضمن مصنَّف أقرب k- مجاور كجزء من خوارزميته. كما يستعرض هذا الفصل بعض التطبيقات المتعلقة بالتعنقُد المراقب مع المراجع الخاصة به.

### ۱-۷ مصنّف أقرب k-مجاور (k-Nearest Neighbor Classifier)

(attribute من متغيرات الخاصية  $x_i$  بالنسبة لنقطة أو سجل بيانات  $x_i$  بعدد p من متغيرات الخاصية variables)

$$x_i = \begin{bmatrix} x_{i,1} \\ \vdots \\ x_{i,p} \end{bmatrix}$$

ومتغير هدف (target variable) واحد،  $\psi$ ، الذي يحتاج إلى أن يتم تحديد قيمتة النوعية، فإن مصنَّف أقرب k- مجاور يحدد أولاً موقع عدد k من نقاط أو سجلات البيانات الأكثر تشابها له (أوالأقرب إلى) نقطة البيانات هذه، كأقرب k- مجاور لنقطة البيانات، ثم يقوم المصنفُ باستخدام الفئات الهدف (target classes) للمجاورين الأقرب والتي عددها k لتحديد الفئة الهدف لنقطة البيانات، لتحديد أقرب k- مجاور لنقطة البيانات، نحتاج إلى استخدام مقياس للتشابه أو الاختلاف بين نقاط البيانات. يوجد العديد من مقاييس التشابه أو الاختلاف، عا في ذلك المسافة الإقليدية (Euclidean distance)، ومسافة مينكوسكي (Minkowski distance)، ومسافة هامينغ (Pearson's correlation coefficient)، وتشابه جيب التمام (جتا) (Cosine similarity) والتي سيتم شرحها في هذا الجزء.

يتم تعريف المسافة الإقليدية على أنها:

$$d(x_i, x_j) = \sqrt{\sum_{l=1}^{p} (x_{i,l} - x_{j,l})^2} , i \neq j.$$
 (1-V)

المسافة الإقليدية هي مقياس الاختلاف بين نقطتي بيانات  $x_i$  ورَ كلما كانت قيمة المسافة الإقليدية أكبر، كان الاختلاف بين نقطتي البيانات أكبر، ومن ثم متباعدتان إحداهما عن الأخرى بشكل أكبر ومنفصلتان أكثر في فضاء بيانات عدد أبعاده p.

يتم تعريف مسافة مينكوسكي (Minkowski distance) على أنها:

$$d(x_i, x_j) = \left(\sum_{l=1}^{p} |x_{i,l} - x_{j,l}|^r\right)^{1/r}, i \neq j.$$
 (Y-V)

مسافة مينكوسكي هي أيضاً مقياس للاختلاف. إذا وضعنا r=2، فإن قيمة مسافة مينكوسكي تعطي نفس قيمة المسافة الإقليدية. إذا وضعنا r=1، و يأخذ كل متغير من متغيرات الخاصية قيمة ثنائية، فإن قيمة مسافة مينكوسكي تعطي نفس قيمة مسافة هامينغ التي تقوم بتعداد عدد الخوينات أو البتات (bits) المختلفة بين سلسلتين ثنائيتين  $two\ binary\ strings$ ).

عندما يتم استخدام مقياس مسافة مينكوسكي، قد يكون لمتغيرات الخاصية المختلفة متوسطات (ranges)، وتباينات (variances) ونطاقات (ranges) مختلفة، وتجلب مستويات مختلفة في عملية حساب المسافة. على سبيل المثال، القيم الخاصة بمتغير من متغيرات الخاصية، ix قد تتراوح من 0 إلى 10، في حين أن قيم متغير خاصية آخر، ix قد تتراوح من 0 -1. قيمتان للمتغير ix ولتكن 1 و8، تعطي الفرق المطلق 7، في حين أن القيمتين لا ix ix ولتكن 1 و8، عندما تُستخدم كلٌ من القيمتين 7 و0.7 في جمع الفروقات بين نقطتي بيانات على مستوى جميع متغيرات الخاصية في المعادلة ix

يكون الفرق المطلق على مستوى  $x_j$  غير ذي صلة عند مقارنته بالفرق المطلق على مستوى  $x_j$  ومن ثم، قد يكون من الضروري القيام بالتطبيع (normalization) قبل استخدام مقياس مسافة مينكوسكي. ويمكن استخدام عدة أساليب للتطبيع. وتستخدم إحدى أساليب التطبيع الصيغة التالية لتطبيع المتغير x والحصول على المتغير المطبع z محتوسط قيمته صفر، وتباين قيمته z:

$$z = \frac{x - \bar{x}}{s}, \qquad (r-v)$$

حيث  $\overline{x}$  وx هما متوسط العينة والانحراف المعياري للعينة الخاصة بالمتغير x على التوالي. طريقة أخرى للتطبيع تستخدم الصيغة التالية لتطبيع المتغير x وإنتاج المتغير المطبع مع القيم التي تتراوح من [0,1]:

$$z = \frac{x_{max} - x}{x_{max} - x_{min}}.$$
 (E-V)

يتم تنفيذ التطبيع من خلال تطبيق نفس طريقة التطبيع لجميع متغيرات الخاصية. وتُستخدم متغيرات الخاصية المطبعة لحساب مسافة مينكوسكي.

يعرف ما يلي معامل الارتباط بيرسون ρ:

$$\rho_{x_i x_j} = \frac{S_{x_i x_j}}{S_{x_i} S_{x_j}}, \qquad (o-v)$$

حيث  $x_{ix}$  و  $x_{ix}$  مثل التغاير (covariance) المُقدِّر لـ  $x_{i}$  و ورد حيث الانحراف المعياري المقدر لـ  $x_{i}$  ويتم حسابها باستخدام عينة من نقاط البيانات  $x_{i}$  كما يلى:

$$S_{x_l x_j} = \frac{1}{n-1} \sum_{l=1}^{p} (x_{i,l} - \overline{x_i}) (x_{j,l} - \overline{x_j})$$
 (7-V)

$$S_{x_i} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{l=1}^{p} (x_{i,l} - \bar{x_i})^2}$$
 (V-V)

$$S_{x_j} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{l=1}^{p} (x_{j,l} - \bar{x_j})^2}$$
 (A-V)

$$\overline{x_i} = \frac{1}{n} \sum_{l=1}^{p} x_{i,l} \tag{9-V}$$

$$\overline{x_j} = \frac{1}{n} \sum_{l=1}^p x_{j,l}.$$
 (1.-v)

يقع معامل ارتباط بيرسون في النطاق [1,1] وهو مقياس للتشابه بين نقطتي البيانات  $x_i$  وهو مقياس للتشابه بين أو التشابه بين أو التشابه بين نقطتى البيانات ويرد وصف أكثر تفصيلاً لمعامل ارتباط بيرسون في الفصل ١٤.

ويعُد مقياس تشابه جيب التمام (جتا) نقطتي البيانات  $x_i$  ويعلى أنهما متجهان في فضاء عدد أبعاده p ويستخدم جيب عمام الزاوية  $\theta$  بين المتجهين لقياس التشابه بين نقطتي البيانات على النحو التالى:

$$\cos(\theta) = \frac{x_i' x_j}{\|x_i\| \|x_j\|}, \qquad (11-4)$$

حيث  $\|x_i\|$  و  $\|x_i\|$  مثل طولي المتجهين، ويتم حسابها على النحو التالي:

$$||x_i|| = \sqrt{x_{i,1}^2 + \dots + x_{i,p}^2}$$
 (17-V)

$$||x_j|| = \sqrt{x_{j,1}^2 + \dots + x_{j,p}^2}$$
 (17-V)

عندما 0 = 0 ، فهذا يعني، أن المتجهين الاثنين يشيران إلى نفس الاتجاه،  $1 = \cos(\theta) = \cos(\theta)$  عندما 0 = 0 فهذا يعني، أن المتجهين الاثنين يشيران إلى اتجاهين متعاكسين، 0 = 0 عندما 0 = 0 أو 0 = 0 فهذا يعني، أن المتجهين الاثنين متعامدين،  $0 = \cos(\theta) = 0$  . ومن ثم، مثل معامل ارتباط بيرسون، فإن مقياس تشابه جيب التمام (جتا) يعطي قيمة في النطاق ثم، مثل معامل التشابه بين نقطتي البيانات 0 = 0 كلما كانت قيمة مقياس تشابه جيب التمام (جتا) أكبر، كانت نقطتا البيانات متشابهتين. ويرد وصف أكثر تفصيلاً لحساب الزاوية بين متجهي بيانات في الفصل ١٤.

لتصنيف نقطة بيانات x يتم حساب مقدار تشابه نقطة البيانات x لكل من نقاط البيانات n في مجموعة البيانات التدريبية باستخدام مقياس محدد للتشابه أو الاختلاف. من بين نقاط البيانات n في مجموعة البيانات التدريبية، فإن نقاط البيانات x والتي تكون أكثر تشابها لنقطة البيانات x يتم اعتبارها أقرب x- مجاور x وتُؤخذ فئة الهدف المهيمنة والخاصة بأقرب x- مجاور كفئة الهدف x وبعبارة أخرى، فإن مصنف أقرب x- مجاور يستخدم قاعدة تصويت الأغلبية لتحديد الفئة الهدف x على سبيل المثال، افترض أنه لتصنيف نقطة البيانات x يكون لدينا ما يلي:

- يتم وضع k عند 3.
- $m{\bullet}$  يأخذ المتغير الهدف واحد من فئتى الهدف: A وB
  - يكون لاثنين من أقرب  $\pi$  مجاور الفئة الهدف A.

 $oldsymbol{x}$ يقوم مصنف أقرب  $oldsymbol{x}$ - مجاور بإسناد القيمة  $oldsymbol{A}$  كفئة هدف لنقطة البيانات

#### للثال (٧-١):

استخدام مصنف أقرب T- مجاور، ومقياس المسافة الإقليدية للاختلاف لتصنيف ما إذا كان نظام التصنيع متعطل باستخدام قيم متغيرات الجودة التسعة. حيث تعطي مجموعة البيانات التدريبية في الجدول V- V- جزءاً من مجموعة البيانات في الجدول V- V- وتتضمن تسع حالات أعطال منفردة، وحالة واحدة بدون أعطال في نظام التصنيع. بالنسبة لسجل البيانات رقم V- هناك تسعة متغيرات من متغيرات الخاصية لجودة وحدات المنتج، V- البيانات رقم V- عالات الاختبار لبعض الجدول V- V- حالات الاختبار لبعض الحالات متعددة الأعطال.

لنقطة البيانات الأولى في مجموعة البيانات الاختيارية (1,1,0,1,1,0,1,1,1,1) وكانت المسافات الإقليدية لنقطة البيانات هذه وصولاً إلى نقاط البيانات العشرة في مجموعة البيانات التدريبية هي: 1.73، 2.45، 2.45، 2.45، 2.45، 2.45، 2.45، 2.45، كال التوالى. على سبيل المثال، المسافة الأقليدية بين x ونقطة البيانات الأولى في مجموعة البيانات التدريبية x=(1,0,0,0,1,0,1,0,1)

$$d(x_1,x) = \sqrt{\frac{(1-1)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}{+(1-1)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2}} = \sqrt{3} = 1.73$$

أقرب ٣-مجاورات لـ ٤٠ هي ٤٤١ و٤٤ في مجموعة البيانات التدريبية التي تأخذ جميعها الفئة الهدف 1 مما يعني نظاماً معطلاً. ومن ثم، يتم إسناد الفئة الهدف 1 لنقطة البيانات الأولى في مجموعة البيانات الاختيارية. حيث إنه في مجموعة البيانات الاختيارية، هناك نقطة بيانات واحدة فقط بالفئة الهدف صفر، فإن أقرب ٣-مجاور لكل نقطة بيانات في مجموعة البيانات الاختيارية، يكون لها على الأقل نقطتا البيانات التي فئتها الهدف 1 ، مما ينتج عنه قيمه للفئة الهدف تساوى 1 لكل نقطة البيانات في مجموعة البيانات الاختيارية. إذا حاولنا تصنيف نقطة البيانات رقم 10 بفئة هدف حقيقية تساوى صفراً في مجموعة البيانات نفسها، مجموعة البيانات التدريبية، فإن أقرب ٣-مجاور لهذه النقطة هي نقطة البيانات نفسها، بالإضافة لنقطتي بيانات أخريين فئتها الهدف تساوى1، مما يجعل فئة الهدف تساوى 1 لنقطة البيانات رقم 10 في مجموعة البيانات التدريبية، والذي يختلف عن الفئة الهدف الحقيقية لنقطة البيانات هذه.

الجدول (٧-١) مجموعة البيانات التدريبية الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام التصنيع

متغير الهدف Target Variable	متغيرات الخاصية - Attribute Variables									
عطل النظام (System Fault), yı		Qual	ty of	Parts	نج -	رقم الحالة : جودة وحدات المنتج Instance <i>i</i> (الآلة المعطلة				
	X19	Xi8	X17	X16	X15	X14	XIB	X12	XiI	(Faulty Machine
1	1	0	1	0	1	0	0	0	1	1 (M1)
1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
1	0	1	1	1	0	1	1	0	0	3(M3)
1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
1	1	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10(none)

الجدول (٢-٧) مجموعة البيانات الاختيارية الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام التصنيع ونتائج التصنيف في الأمثلة ٢-١ و٧-١

.ف- Target Varial ال النظام (System Fa	ble (أعط)	1	Attril Qual	رقم الحالة i Instance i (الآلة المعطلة Faulty							
القيمة القيمة	القيمة	ł									(Machine
المصنفة	الفعلية										
(Classified Value)	(True Value)	Xi9	Xiâ	Xi7	X16	Xi5	хи	ХB	X12	ХII	
1	1	1	1	1	0	1	1	0	1	1	1 (M1,M2)
1	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	2(M2,M3)
1	1	1	0	1	1	1	0	1	0	1	3(M1,M3)
1	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	4(M1,M4)
l	1	ı	0	1	1	1	0	0	0	1	5(M1,M6)
1	1	0	1	1	1	0	1	0	1	0	6(M2,M6)
1	1	0	1	ì	0	1	1	0	1	0	7(M2,M5)
1	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	8(M3,M5)
1	1	0	1	1	0	0	1	0	0	0	9(M4,M7)
1	1	0	1	1	0	1	0	0	0	0	10(M5,M8)
1	1	1	1	1	1	0	1	1	0	0	11(M3,M9)
1	1	1	1	1	0	1	0	0	0	1	12(M1,M8)
1	1	1	1	1	1	1	1	1	i	1	13(M1,M2,M3
1	1	1	1	1	1	1	1	1	ı	0	14(M2,M3,M5)
1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0	15(M2,M3,M9
1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	1	16(M1,M6,M8

ولكن، إذا وضعنا k=1 لهذا المثال، فإن مصنف أقرب ١- مجاور يُسند فئة الهدف الصحيحة لكل نقطة بيانات في مجموعة البيانات التدريبية لأن كل نقطة بيانات في مجموعة البيانات التدريبية لأن كل نقطة بيانات في مجموعة البيانات التدريبية لها نفسها كأقرب ١- مجاور ويسند أقرب ١- مجاور أيضاً فئة الهدف الصحيحة ١ لكل نقطة البيانات في مجموعة البيانات الاختيارية لأن نقطة البيانات رقم 10 في مجموعة البيانات الوحيدة ذات الفئة الهدف صفر،

والمتغيرات الخاصية الخاصة بها تحتوي على قيم الصفر، مما يجعل نقطة البيانات رقم 10 لا يمكن أن تكون الأقرب ١- مجاور إلى أي نقطة بيانات في مجموعة البيانات الاختيارية.

تشير نتاثج التصنيف في المثال V- V والخاصة عندما V- V بالمقارنة مع نتائج التصنيف V- V إلا أن اختيار قيمة V يلعب دوراً هاماً في تحديد الفئة الهدف لنقطة البيانات. في المثال V- V تعطى أداء أفضل من تصنيف V- V وفي بعض الأمثلة أو التطبيقات الأخرى، إذا كانت V صغيرة جداً، على سبيل المثال، V- فإن أقرب V- مجاور لنقطة البيانات V- قد يكون نقطة بيانات شاذة أو القيمة التي تأتي من ضوضاء (noise) في مجموعة البيانات التدريبية. بجعل V- تأخذ الفئة الهدف لهذا المجاور، V- يعطي المخرجات التي تعكس أماط البيانات في مجموعة البيانات. إذا كانت V- كبير جداً، قد تشمل مجموعة أقرب V- مجاور نقاط بيانات تقع بعيداً، والتي ليست حتى مشابهة V- V- إن السماح لنقاط بيانات مختلفة باختيار فئة الهدف V- V- على أنها مجاورات لها يبدو أمراً غير عقلاني.

طريقة التعنقد المراقب في الجزء التالي تستخدم مصنف أقرب k- مجاور عن طريق تحديد عناقيد (Clusters) بيانات مماثلة أولاً ثم استخدام بيانات العناقيد هذه لتصنيف نقطة بيانات. وحيث إن بيانات العناقيد تعطي صورة أكثر تماسكاً عن مجموعة البيانات التدريبية من نقاط البيانات الفردية، فإن تصنيف نقطة بيانات ما على أساس عناقيد البيانات المجاورة لها وفئات الهدف الخاصة بها من المتوقع أن يعُطي أداء تصنيفي أكثر قوة من طريقة مصنف أقرب k- مجاورة، التي تعتمد على نقاط البيانات الفردية.

#### ۲-۷ التعنقد المراقب (Supervised Clustering):

لقد تم تطوير خوارزمية التعنقد المراقب، وتم تطبيقها للكشف عن الهجمات عبر الإنترنت (cyber attacks) لتصنيف أنشطة طبيعة البيانات المرصودة والخاصة بالحاسوب والشبكات إلى وحدة من فئات الهدف: هجمات وأنشطة استخدام عادية , Li and Ye, عكن أن يتم تطبيق الخوارزمية الخوارزمية الخوارزمية الخوارزمية أيضاً على مشاكل تصنيف أخرى.

للكشف عن الهجمات عبر الإنترنت، تحتوي البيانات التدريبية على كميات كبيرة من البيانات الحاسوبية وبيانات الشبكات لتعلم أنماط بيانات خاصة بالهجمات (attacks) وأنشطة الاستخدام العادي (normal use activities). بالإضافة إلى ذلك، يتم إضافة

المزيد من البيانات التدريبية مع مرور الوقت لتحديث أناط البيانات الخاصة بالهجمات وأنشطة الاستخدام العادي. ومن ثم، يتطلب الأمر خوارزمية تعلم قابلة للتطوير المتزايد والقياس، بحيث يتم صيانة على أناط البيانات الخاصة بالهجمات وأنشطة الاستخدام العادي، وتحديثها تدريجياً مع إضافة كل بيانات مرصودة جديدة بدلاً من معالجة كافة البيانات المرصودة في مجموعة البيانات التدريبية دفعة واحدةً. وقد تم تطوير خوارزمية التعنقد المراقب باعتبارها خوارزمية تعلم قابلة للتطوير المتزايد والقياس لتعلم وتحديث أناط البيانات لغرض التصنيف.

خلال عملية التدريب، فإن خوارزمية التعنقد المراقب تأخذ نقاط البيانات في مجموعة البيانات التدريبية واحدة تلو الأخرى لتجميعها في عناقيد من نقاط البيانات المتشابهة على أساس قيم متغيرات الخاصية، وقيم متغير الهدف الخاصة بها. يتم البدء بأول نقطة بيانات في مجموعة البيانات التدريبية، وجعل العنقود الأول يحتوى على نقطة البيانات هذه، ومن ثم أخذ فئة الهدف الخاصة بنقطة البيانات كفئة هدف لعنقود لبيانات. وعند أخذ نقطة البيانات الثانية في مجموعة البيانات التدريبية، نريد أن نجعل نقطة البيانات هذه تنضم إلى العنقود الأقرب الذي فئة هدفه نفس فئة هدف نقطة البيانات هذه. في خوارزمية التعنقد المراقب، نستخدم المتجه المتوسط (mean vector) لجميع نقاط البيانات في عنقود بيانات ما، على أنه المركز المتوسط (centroid) لعنقود البيانات الذي يتم استخدامه لتمثيل موقع عنقود البيانات، وحساب مسافة نقطة البيانات من هذا العنقود. إن عملية التعنقد (clustering) لا تستند فقط إلى قيم متغيرات الخاصية لقياس المسافة من نقطة البيانات إلى عنقود البيانات، ولكن أيضاً على الفئات الهدف لنقطة البيانات وعنقود البيانات لجعل نقطة البيانات تنضم إلى عنقود البيانات الذي له الفئة الهدف نفسه. جميع نقاط البيانات في نفس العنقود يكون لها نفس الفئة الهدف، والتي هي أيضاً الفئة الهدف للعنقود. ولأن الخوارزمية تستخدم الفئة الهدف لتوجيه أو للإشراف على تعنقد نقاط البيانات، فهي تُسمى خوارزمية التعنقد المراقب (supervised clustering).

لنفترض أن المسافة كبيرة من نقطة البيانات الأولى ونقطة البيانات الثانية في مجموعة البيانات التدريبية، ولكن نقطة البيانات الثانية لها نفس الفئة الهدف الخاصة بالعنقود الأول الذي يحتوي على نقطة البيانات الأولى، فإنه لا يزال على نقطة البيانات الثانية أن تنضم لهذا العنقود، لأنه هو عنقود البيانات الوحيد حتى الآن الذي لديه نفس الفئة الهدف. ومن ثم، فإن نتائج التعنقد تعتمد على الترتيب الذي تؤخذ به نقاط البيانات من مجموعة

البيانات التدريبية، مما يتسبب في مشكلة يطلق عليها التحيز المحلي لترتيب المدخلات (local bias of the input order). لمعالجة هذه المشكلة، فإن خوارزمية التعنقد المراقب تقوم بتجهيز عنقود بيانات مبدئي لكل فئة هدف. ولكل فئة هدف، يتم أولاً احتساب المركز المتوسط لجميع نقاط البيانات ذات الفئة الهدف في مجموعة البيانات التدريبية باستخدام المتجه المتوسط لنقاط البيانات. ثم يتم تجهيز عنقود مبدئي للفئة الهدف ليكون فيه المتجه المتوسط هو المركز المتوسط للعنقود والفئة الهدف، مما يعني الخروج بفئة هدف مختلفة عن أي فئة من فئات الهدف لنقاط البيانات في مجموعة البيانات التدريبية. على سبيل المثال، إذا كان لدينا فئتان من الفئات الهدف: T وT في المتجه المتوسط لنقاط البيانات لـ T كمركز متوسط (centroid). العنقود المبدئي الآخر يكون له المتجه المتوسط لنقاط البيانات لـ T كمركز متوسط. يتم إسناد كل من العنقودين المبدئيين لفئة هدف، على سبيل المثال، T ومركز متوسط. يتم إسناد كل من العنقودين المبدئيين لفئة هدف، على سبيل المثال، T وولذى يختلف عن T وT.

ولأن عناقيد البيانات الأولية هذه لا تحتوي على نقاط بيانات فردية، فإنه يُطلق عليها العناقيد الوهمية تحتوى على فئة هدف العناقيد الوهمية تحتوى على فئة هدف تختلف عن أي فئة من الفئات الهدف في مجموعة البيانات التدريبية. تتطلب خوارزمية التعنقد المراقب من كل نقطة بيانات أن تقوم بتشكيل عنقود خاص بها، إذا ما كان عنقود البيانات الأقرب هو عنقود وهمي. مع العناقيد الوهمية، فنقطة البيانات الأولى من مجموعة البيانات التدريبية، تشكل عنقوداً جديداً لأنه لا يوجد إلا عناقيد وهمية فقط في البداية، والعنقود الأقرب إلى نقطة البيانات هذه هو عنقود وهمي.

إذا كانت نقطة البيانات الثانية لها نفس الفئة الهدف لنقطة البيانات الأولى، ولكنها تقع بعيداً عن نقطة البيانات الأولى، فمن الأرجح أن العنقود الوهمي يكون أقرب عنقود لنقطة البيانات الثانية من عنقود البيانات الذي يحتوي على نقطة البيانات الأولى. وهذا يجعل نقطة البيانات الثانية تشكل عنقوداً خاص بها، بدلاً من الانضمام إلى العنقود المحتوي على نقطة البيانات الأولى، ومن ثم فإن هذا يعالج مشكلة التحيز المحلي بسبب ترتيب المدخلات الخاصة بنقاط البيانات التدريبية.

خلال مرحلة الاختبار، تقوم خوارزمية التعنقد المراقب بتطبيق مصنّف أقرب k- مجاور على عناقيد البيانات التي تم الحصول عليها من المرحلة التدريبية (أو الاستكشافية) من

-k خلال تحديد أقرب -k عنقود مجاور لنقطة البيانات المراد تصنيفها، ومن ثمَّ جعل أقرب عنقود بيانات تصوت بالأغلبية لغرض تحديد الفئة الهدف لنقطة البيانات.

يوضح الجدول ٧-٣ الخطوات الخاصة بخوارزمية التعنقد المراقب. يتم استخدام الرموز التالية في وصف الخوارزمية:

عبارة عن نقطة بيانات في مجموعة البيانات التدريبية بقيمة  $x_i$ 

i=1,...,n معروفة ل $y_i$  لكل معروفة ( $x_{i,1},...,x_{i,p},y_i$ )

عبارة عن نقطة البيانات اختبارية وبقيمة لـ  $x=(x_i,...,x_p,y)$ 

لاحقأ

j=1,...,s قثل فئة الهدف رقم :  $T_j$ 

تمثل عنقود بیانات : C

C عنقود البيانات في عنقود البيانات :  $n_c$ 

والذي يمثل المركز المتوسط لعنقود البيانات C والذي يمثل المتجه المتوسط لجميع نقاط البيانات في C

 $x_i$  في الخطوة ٤ من المرحلة التدريبية (أو الاستكشافية)، بعد أن تنضم نقطة البيانات المركز إلى عنقود البيانات C تدريجياً لينتج المركز المتوسط الذي تم تحديثه المستخدام  $\overline{x}_c(t)$  (المركز المتوسط الذي تم تحديثه) باستخدام  $\overline{x}_c(t)$  (المركز المتوسط الحالي للعنقود)، وnc(t) (العدد الحالي لنقاط البيانات في nc(t)):

$$\overline{x_C}(t+1) = \begin{bmatrix} \frac{n_C(t)\overline{x_{C1}}(t) + x_{i,1}}{n_C(t) + 1} \\ \vdots \\ \frac{n_C(t)\overline{x_{Cp}}(t) + x_{i,p}}{n_C(t) + 1} \end{bmatrix}. \quad (16-7)$$

خلال المرحلة التدريبية، مكن إزالة العنقود الوهمي (dummy cluster) لفئة هدف معينة إذا تم إنشاء العديد من عناقيد البيانات لفئة الهدف هذه. وحيث إن المركز المتوسط (mean vector) للعنقود الوهمي لفئة هدف معين هو المتجه المتوسط (pean vector) لجميع نقاط البيانات التدريبية ذات الفئة الهدف، فمن المرجح أن العنقود الوهمي للفئة الهدف هو العنقود الأقرب لنقطة البيانات. إزالة العنقود الوهمي للفئة الهدف يلغي هذا الاحتمال ويوقف إنشاء عنقود جديد لنقطة البيانات، لأن العنقود الوهمي للفئة الهدف هو العنقود الأقرب لنقطة البيانات.

الجدول (۳-۷) خوارزمية التعنقد المراقب - (إنجليزي وعربي)

Step	Description
Training	
1	Set up $s$ dummy clusters for $s$ target classes, respectively, determine the centroid of each dummy cluster by computing the mean vector of all the data points in the training data set with the target class $T_p$ and assign $T_{s+1}$ as the target class of each dummy cluster where $T_{s+1} \neq T_p$ $j = 1,, s$
2	FOR $i = 1$ to $\pi$
3	Compute the distance of $x_i$ to each data cluster $C$ including each dummy cluster, $d(x_i, \overline{x_C})$ , using a measure of similarity
4	If the nearest cluster to the data point x, has the same target class as that of the data point, let the data point join this cluster, and update the centroid of this cluster and the number of data points in this cluster
5	If the nearest cluster to the data point x, has a different target class from that of the data point, form a new cluster containing this data point, use the attribute values of this data point as the centroid of this new cluster, let the number of data points in the cluster be 1, and assign the target class of the data point as the target class of the new cluster
Testing	
1	Compute the distance of the data point x to each data cluster C excluding each durating cluster, $d(x, \overline{x_C})$
2	Let the k-nearest neighbor clusters of the data point vote for the target class of the data point

لخطوة	الوصف
لمرحلة الت	ريبية أو الاستكشافية (Training):
1	قم بتجهيز عدد s من العناقيد الوهمية (dummy clusters) لعدد s من الفئات الهدف
	(target classes)، على التوالي، ثم قم بتحديد المركز المتوسط (centroid) لكل عنقود
	وهمي عن طريق حساب المتجه المتوسط (mean vector) لجميع نقاط البيانات في
	$T_{s+1}$ مجموعة البيانات التدريبية والتي فئة هدفها تساوي $T_i$ ، ثم قم بإسناد فئة الهدف
	$T_{s+l} \neq T_{j,}$ المنافقة هدف لكل عنقود وهمي بحيث أن $T_{s+l} \neq T_{j,}$
۲	i=n كرر (FOR) ابتداءً من $i=l$ إلى أن تصبح
٣	$d(x_i, \overline{x}_C)$ . وهمي، $d(x_i, \overline{x}_C)$ بما في ذلك كل عنقود وهمي، $d(x_i, \overline{x}_C)$
	عن طريق استخدام مقياس للتشابه.
٤	إذا كان أقرب عنقود إلى نقطة البيانات x، يحتوى على نفس فئة الهدف الموجودة في نقطة
	البيانات على اجعل نقطة البيانات هذه تنظم إلى هذا العنقود، ثم قم بتحديث المركز
	المتوسط لهذا العنقود وتحديث عدد نقاط البيانات في هذا العنقود.
٥	إذا كان أقرب عنقود إلى نقطة البيانات بد يحتوى على فئة هدف مختلفة عن تلك

#### المرحلة الاختبارية (Testing):

المسب المسافة من نقطة البيانات x إلى كل عنقود بيانات C باستثناء كل عنقود وهمي  $d(x_t,\overline{x}_C)$ 

الهدف لنقطة البيانات كفئة هدف للعنقود الجديد.

الموجودة في نقطة البيانات x قم بتشكيل أو إنشاء عنقود جديد يضم نقطة البيانات هذه، ثم قم باستخدام قيم متغيرات الخاصية لنقطة البيانات هذه كمركز متوسط لهذا العنقود الجديد، ثم اجعل عدد نقاط البيانات في العنقود يساوى x، ثم قم بإسناد الفئة

ا جعل أقرب k من العناقيد المجاورة لنقطة البيانات تقوم بالتصويت (voie) لغرض تحديد الفئة الهدف الخاصة بنقطة البيانات.

#### المثال (۷-۲):

استخدام خوارزمية التعنقد المراقب مع مقياس المسافة الإقليدية للاختلاف، ومصنَّف أقرب k- مجاور لتصنيف ما إذا كان نظام التصنيع معطلاً أم لا باستخدام مجموعة البيانات التدريبية في الجدول V-V- ومجموعة البيانات الاختيارية في الجدول V-V- حيث تم شرح كلا الجدولين في المثال V-V- الجدولين في المثال V-V- الجدولين في المثال V-V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال V- التحدولين في المثال التحدولين في المثال التحدول ا

 $C_{29}$   $C_{1}$  في الخطوة ١ من المرحلة التدريبية، يتم تجهيز اثنين من العناقيد الوهمية y=0 وy=1 ولاثنين من الفئات الهدف، y=0

ية هدف مختلفة عن فتي هدف في  $C_I$  هو عنقود وهمي بفئة هدف مختلفة عن فتي هدف في مجموعات البيانات التدريبية ومجموعة البيانات الاختيارية).  $y_{C2}=2$ 

$$\overline{x_{c_1}} = \begin{bmatrix} \frac{1+0+0+0+0+0+0+0+0+0}{9} \\ 0+1+0+0+0+0+0+0+0 \\ \hline 0+0+1+0+0+0+0+0+0 \\ \hline 0+1+1+1+0+0+0+0+0 \\ \hline 0+0+1+0+0+1+0+0+0 \\ \hline 0+0+1+0+0+1+1+1+1+0+0 \\ \hline 0+1+1+1+1+0+0+0+1+0 \\ \hline 0+1+1+1+0+0+0+1+0 \\ \hline 0+1+1+1+0+0+0+1+0 \\ \hline 0+1+1+1+0+0+0+1+0 \\ \hline 0+1+0+0+0+1+0+0+0+1 \\ \hline 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_1} = 9$$

$$n_{C_2}=1.$$

في الخطوة x من المرحلة التدريبية، يتم البدء بمعالجة أول نقطة بيانات x في مجموعة البيانات التدريبية:

$$x_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \quad y = 1.$$

في الخطوة x من المرحلة التدريبية، يتم حساب المسافة الإقليدية من  $x_1$  إلى كل من العناقيد الحالية  $C_2$ :

$$d(x_1, \overline{x_{C_1}}) = \sqrt{\frac{(1 - 0.11)^2 + (0 - 0.11)^2 + (0 - 0.11)^2 + (0 - 0.33)^2 + (1 - 0.22)^2}{+(0 - 0.22)^2 + (1 - 0.56)^2 + (0 - 0.44)^2 + (1 - 0.33)^2}} = 1.56$$

$$d(x_1,\overline{x_{C_2}}) = \sqrt{\frac{(1-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2}{+(0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2}} = 2$$

وحيث إن  $C_I$  هو العنقود الأقرب إلى  $x_I$  وله فئة هدف مختلفة عن تلك الخاصة ب $C_I$  يتم تنفيذ الخطوة ٥ من المرحلة التدريبية بتشكيل أو إنشاء عنقود بيانات جديد  $x_I$  الذي يحتوى على  $x_I$ :

$$y_{C_3} = 1$$

$$\overline{x_{C_3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_3}=1.$$

بالعودة إلى الخطوة  $\gamma$  من المرحلة التدريبية، يتم البدء معالجة نقطة البيانات الثانية  $x_2$  في مجموعة البيانات التدريبية:

$$x_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad y = 1.$$

في الخطوة  $x_2$  من المرحلة التدريبية، يتم حساب المسافة الإقليدية من  $x_2$  إلى كل من  $C_3$  ,  $C_2$  ,  $C_3$  ,  $C_2$  العناقيد الحالية  $C_3$  ,  $C_2$  ,  $C_3$ 

$$d(x_2, \overline{x_{C_1}}) = \sqrt{\frac{(0 - 0.11)^2 + (1 - 0.11)^2 + (0 - 0.11)^2 + (1 - 0.33)^2 + (0 - 0.22)^2}{+(0 - 0.22)^2 + (0 - 0.56)^2 + (1 - 0.44)^2 + (0 - 0.33)^2}} = 1.44$$

$$d(x_2, \overline{x_{C_2}}) = \sqrt{\frac{(0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}{+(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}} = 1.73$$

$$d(x_2, \overline{x_{C_3}}) = \sqrt{\frac{(0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}{+(0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}}$$
  
= 2.65.

حيث إن  $C_1$  هو العنقود الأقرب إلى  $x_2$  وله فئة هدف مختلفة عن تلك التي لدى  $x_2$  يتم تنفيذ الخطوة 0 من المرحلة التدريبية بتشكيل أو إنشاء عنقود بيانات جديد  $C_4$  الذي يحتوي على  $x_2$ :

$$y_{C_4}=1$$

$$\overline{x_{C_4}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_4}=1.$$

بالعودة إلى الخطوة ٢ من المرحلة التدريبية، يتم البدء بمعالجة نقطة البيانات الثالثة x3 في مجموعة البيانات التدريبية:

$$x_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad y = 1.$$

في الخطوة ٣ من المرحلة التدريبية، يتم حساب المسافة الإقليدية من  $x_3$  إلى كل من العناقيد الحالية  $C_3$  ، $C_2$  ، $C_3$  ، $C_4$   $C_5$  ، $C_7$  ، $C_8$ 

$$d\left(x_{3},\overline{x_{C_{1}}}\right) = \sqrt{\frac{(0-0.11)^{2}+(0-0.11)^{2}+(1-0.11)^{2}+(1-0.33)^{2}+(0-0.22)^{2}}{+(1-0.22)^{2}+(1-0.56)^{2}+(1-0.44)^{2}+(0-0.33)^{2}}} = 1.59$$

$$d(x_3, \overline{x_{C_2}}) = \sqrt{\frac{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}{+(1-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}} = 2.24$$

$$d(x_3, \overline{x_{C_3}}) = \sqrt{\frac{(0-1)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}{+(1-0)^2 + (1-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}} = 2.45$$

$$d(x_3,\overline{x_{C_4}}) = \sqrt{\frac{(0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}{+(1-0)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}} = 2.$$

حيث إن  $C_1$  هو العنقود الأقرب إلى  $x_3$  وله فئة هدف مختلفة عن تلك التي لدى  $x_3$  يتم تنفيذ الخطوة  $\alpha$  من المرحلة التدريبية بتشكيل أو إنشاء عنقود بيانات جديد  $\alpha$  الذي يحتوى على  $\alpha$ :

$$y_{c_5}=1$$

$$\overline{x_{Cs}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_5}=1.$$

بالعودة إلى الخطوة ٢ من المرحلة التدريبية، يتم معالجة نقطة البيانات الرابعة xa في مجموعة البيانات التدريبية:

$$x_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad y = 1.$$

في الخطوة x من المرحلة التدريبية، يتم حساب المسافة الإقليدية من x إلى كل من العناقيد الحالية  $C_3$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $C_2$  العناقيد الحالية  $C_3$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ 

$$d(x_4, \overline{x_{C_1}}) = \sqrt{\frac{(0 - 0.11)^2 + (0 - 0.11)^2 + (0 - 0.11)^2 + (1 - 0.33)^2 + (0 - 0.22)^2}{+(0 - 0.22)^2 + (0 - 0.56)^2 + (1 - 0.44)^2 + (0 - 0.33)^2}} = 1.14$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_2}}) = \sqrt{\frac{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}{+(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}} = 1.41$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_3}}) = \sqrt{\frac{(0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}{+(0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}} = 2.24$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_4}}) = \sqrt{\frac{(0-0)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}{+(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}} = 1$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_5}}) = \sqrt{\frac{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}{+(0-1)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}} = 1.73.$$

حيث إن  $C_4$  هو العنقود الأقرب إلى  $x_4$  وله الفئة الهدف نفسها كما في  $x_4$  يتم تنفيذ الخطوة ٤ من المرحلة التدريبية لإضافة x إلى العنقود  $C_4$ ، والذي سيتم تحديثه لاحقاً:

$$y_{c_{\star}}=1$$

$$\overline{x_{C_4}} = \begin{bmatrix} \frac{0+0}{2} \\ \frac{1+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{0+0}{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.5 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

 $n_{C_4}=2.$ 

 $x_8$   $x_7$   $x_6$   $x_5$  التدريبية أو الاستكشافية مع نقاط البيانات المتبقية  $x_7$   $x_6$  التدريبية أو الاستكشافية مع نقاط البيانات المتبقية  $x_7$   $x_6$  النهائية  $x_7$ 

$$y_{c_1}=2$$

$$\overline{x_{C_1}} = \begin{bmatrix} 0.11\\ 0.11\\ 0.11\\ 0.33\\ 0.22\\ 0.22\\ 0.56\\ 0.44\\ 0.33 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_2} = 9$$

$$y_{C_2}=2$$

$$\overline{x_{C_2}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_2}=1$$

$$y_{C_3}=1$$

$$\overline{x_{c_3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_3}=1$$

$$y_{C_4}=1$$

$$\overline{x_{C_4}} = \begin{bmatrix} 0\\0.5\\0\\1\\0\\0\\1\\0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_4}=2$$

$$y_{c_5} = 1$$

$$\overline{x_{c_5}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_5}=1$$

$$y_{C_6} = 1$$

$$\overline{x_{C_6}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_6}=1$$

$$y_{c_7}=1$$

$$\overline{x_{C_7}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_7} = 1$$

$$y_{C_8}=1$$

$$\overline{x_{C_8}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_8}=1$$

$$y_{c_9}=1$$

$$\overline{x_{C_9}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_9}=1$$

$$y_{C_{10}}=0$$

$$\overline{x_{C_{10}}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$n_{C_{10}} = 1.$$

في مرحلة الاختبار، أول نقطة بيانات في مجموعة البيانات الاختبارية،

$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

لها المسافات الإقليدية 1.73، 2.06، 2.45، 2.65، 2.45، 2.45، 2.45، و2.65 إلى العناقيد غير الوهمية  $C_1$ 0،  $C_2$ 0،  $C_3$ 0،  $C_3$ 0، و $C_1$ 0 على التوالى.

ومن ثم، فإن العنقود C3 هو المجاور الأقرب لـ x والفئة الهدف لـ x يتم إسنادها لتكون 1. العناقيد الأقرب لمجموعات نقاط البيانات المتبقية من 2 إلى 16 في مجموعة البيانات الاختيارية هي:

.C39 .C5 .C5 .C5 .C3 .C5 .C3/C6/C10 . C4 .C3/C5 .C4 .C5 .C3 . C3.C3 .C5

بالنسبة لنقطة البيانات 8، هناك تعادل بين  $C_3$ , و $C_5$  لغرض تحديد العنقود الأقرب. وحيث إن كلاً من  $C_5$ , و $C_5$  لهما الفئة الهدف 1، يتم إسناد فئة الهدف 1 لنقطة البيانات 8. بالنسبة لنقطة البيانات 10، هناك أيضاً تعادل بين  $C_6$ ,  $C_6$ ,  $C_7$ , لغرض تحديد أقرب عنقود. وحيث إن الغالبية (العنقودان  $C_6$ ) من العناقيد الثلاثة المتعادلة لها الفئة الهدف 1، يتم إسناد الفئة الهدف 1 إلى نقطة البيانات 10. ومن ثم، يتم إسناد كافة نقاط البيانات في مجموعة البيانات الاختيارية للفئة الهدف 1 والتي صُنفت بشكل صحيح كما هو مبين في الجدول  $C_7$ .

## ٣-٧ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

مكن تطبيق مصنَّف أقرب k-مجاور وخوارزمية التعنقد المراقب بسهولة باستخدام برمجيات حاسوبية. ومكن الاطلاع على تطبيق خوارزمية التعنقد المراقب لكشف الهجمات على الإنترنت في (Ye, 2008)، وفي (Li and Ye, 2002, 2005, 2006)، وفي Li, 2002

### التمارين (Exercises):

- 1-۷ في مجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء في الجدول ١-٢، المتغير الهدف هو عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة -7 (number of O) المتغير الهدف هو عدد الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة عيمة بناية نوعية، وعيمة بنان درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature)، وضغط فحص التسرب (Launch Temperature) هما متغيرات الخاصية، والحالات بالأرقام ١٣٠ التسرب (Leak check pressure) هما متغيرات الخاصية، والحالات بالأرقام ١٣٠ كبيانات اختبارية، والمسافة الإقليدية كمقياس للاختلاف. قم ببناء مُصنَف أقرب ١ مجاور، ومُصنَف أقرب ٣- مجاور، ثم قم بفحص ومقارنة أداثهما التصنيفي.
- ٧-٧ أعد عمل التمرين ٧-١ باستخدام متغيرات الخاصية المطبعة من طريقة التطبيع في المعادلة ٧-٣.
- ٣-٧ أعد عمل التمرين ٧-١ باستخدام متغيرات الخاصية المطبعة من طريقة التطبيع في المعادلة ٧-٤.
- ٧-٤ باستخدام نفس مجموعتي البيانات التدريبية والبيانات الاختيارية في التمرين ٧-١،
   ومقياس تشابه جيب التمام (جتا) قم بإنشاء مصنف أقرب ١- مجاور، وإنشاء مصنف
   أقرب ٣- مجاور، ثم قم بفحص ومقارنة أدائهما التصنيفي.
- ٧-٥ باستخدام نفس مجموعتي البيانات التدريبية والبيانات الاختيارية في التمرين ٧-١، وخوارزمية التعنقد المراقب، ومقياس المسافة الإقليدية للاختلاف، قم ببناء مصنف أقرب ١- عنقود مجاور، وبناء مصنف أقرب ٣ عنقود مجاور، ثم قم بفحص ومقارنة أدائهما التصنيفي.

- ٧-٦ أعد عمل التمرين ٧-٥ باستخدام متغيرات الخاصية المطبعة من طريقة التطبيع في المعادلة ٧-٣.
- ٧-٧ أعد عمل التمرين ٧-٥ باستخدام متغيرات الخاصية المطبعة من طريقة التطبيع في المعادلة ٧-٤.
- ٧-٨ باستخدام نفس مجموعتي البيانات التدريبية والبيانات الاختيارية في التمرين ٧-١، وخوارزمية التعنقد المراقب، ومقياس تشابه جيب التمام (جتا)، قم ببناء مصنف أقرب
   ١- عنقود مجاور، وبناء مصنف أقرب ٣ عنقود مجاور، ثم قم بفحص ومقارنة أدائهما التصنيفي.

# الجزء الثالث خوارزميات لاستكشاف أنماط العنقود والاقتران Algorithms for Mining Cluster and Association Patterns

# ٨- التعنقد الهرمي Hierarchical Clustering

ينتج عن التعنقد الهرمي (Hierarchical clustering) مجموعات من سجلات البيانات المتشابهة على مستويات مختلفة من التشابه. يقدم هذا الفصل إجراء من أسفل agglomerative ) إلى أعلى من التعنقد الهرمي، يُسمَى التعنقد الهرمي المحتشد (hierarchical clustering). وترد قائمة من حزم البرمجيات التي تدعم التعنقد الهرمي. ويتم إعطاء بعض التطبيقات للتعنقد الهرمي مع مراجعتها.

# ٨-١ إجراء التعنقد الهرمي المحتشد

# (Procedure of Agglomerative Hierarchical Clustering):

إذا كان لدينا عدد من سجلات البيانات في مجموعة البيانات، فإن استخدام خوارزمية التعنقد الهرمي المحتشد ينتج عنه عناقيد من سجلات البيانات المتشابهة حسب الخطوات التالية:

- ١. ابدأ مجموعة عناقيد، كل منها يحتوي على سجل بيانات واحد.
- تم بدمج أقرب عنقودين لبعضهما لتشكيل عنقود جديد يستبدل العنقودين الأصلين ويحتوي على سجلات بيانات من العنقودين الأصلين.
- ٣. كرر الخطوة ٢ حتى يكون هناك عنقود واحد فقط يحتوي على كافة سجلات البيانات.

الجزء التالي يوضح استخدام طرق عدة لتحديد أقرب عنقودين في الخطوة ٢.

## ٨-٢ طرق تحديد المسافة بين عنقودين

# (Methods of Determining the Distance between Two Clusters):

من أجل تحديد أقرب عنقودين في الخطوة ٢، نحتاج إلى طريقة لحساب المسافة بين العنقودين. يوجد عدد من الطرق والأساليب لتحديد المسافة بين العنقودين. يصف هذا الجزء أربعة طرق: طريقة الترابط المتوسط (average linkage method)، طريقة الترابط الأحادي (single linkage)، طريقة الترابط الكامل (complete linkage). وطريقة المركز المتوسط (centroid method).

في طريقة الترابط المتوسط (average linkage)، فإن المسافة بين عنقودين (العنقود في طريقة الترابط المتوسط Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، Ck، ويرمز له، ويرمز

$$D_{K,L} = \sum_{x_K \in C_K} \sum_{x_L \in C_L} \frac{d(x_K, x_L)}{n_K n_L}$$
 (\-A)

$$x_K = \begin{bmatrix} x_{K,1} \\ \vdots \\ x_{K,p} \end{bmatrix} \qquad x_L = \begin{bmatrix} x_{L,1} \\ \vdots \\ x_{L,p} \end{bmatrix},$$

حث إن:

 $C_K$  يدل على سجل بيانات ف  $x_K$ 

 $C_L$  يدل على سجل بيانات في  $x_L$ 

 $C_K$  ف یدل علی عدد سجلات البیانات ف  $n_K$ 

 $C_L$  يدل على عدد سجلات البيانات في  $n_L$ 

هي المسافة بين سجلي بيانات والتي يمكن حسابها باستخدام المسافة  $x_{K,}$  ) الإقليدية  $d(x_L)$  الإقليدية  $d(x_L)$ 

$$d(x_K, x_L) = \sum_{i=1}^{p} (x_{K,i} - x_{L,i})^2$$
 (Y-A)

كما يمكن استخدام مقاييس تشابه/اختلاف بين نقطتي بيانات والتي تم توضيحها في الفصل ٧. وكما هو موضح في الفصل ٧، فإن تطبيع المتغيرات x1, ..., xp قد يكون ضروريا قبل استخدام مقياس الاختلاف أو التشابه لحساب المسافة بين سجلي البيانات.

#### مثال (۸-۱):

قم بحساب المسافة بين سجلي العنقودين التاليين باستخدام طريقة الترابط المتوسط والمسافة الإقليدية التربيعية لمجموعة من نقاط البيانات:

$$C_{K} = \{x_{1}, x_{2}, x_{3}\}$$

$$C_{L} = \{x_{4}, x_{5}\}$$

$$x_{1} = \begin{bmatrix} 1\\0\\0\\0\\1\\0\\1\\0\\1 \end{bmatrix} \quad x_{2} = \begin{bmatrix} 0\\0\\0\\0\\1\\0\\1\\0\\1 \end{bmatrix} \quad x_{3} = \begin{bmatrix} 0\\0\\0\\0\\0\\0\\0\\0\\0\\1 \end{bmatrix} \quad x_{4} = \begin{bmatrix} 0\\0\\0\\0\\0\\0\\0\\1\\1\\0\\0 \end{bmatrix} \quad x_{5} = \begin{bmatrix} 0\\0\\0\\0\\0\\0\\1\\1\\0\\0 \end{bmatrix}.$$

هناك ستة أزواج من سجلات البيانات بين  $C_{L}$  و  $C_{K}$ :  $(x_1 \ x_5)$ ،  $(x_1 \ x_5)$ ،  $(x_1 \ x_5)$ ،  $(x_2 \ x_5)$ ،  $(x_3 \ x_5)$ ،  $(x_3 \ x_5)$ ،  $(x_4 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ ،  $(x_5 \ x_5)$ .

$$d(x_1,x_4) = \sum_{i=1}^{9} (x_{1,i} - x_{4,i})^2$$

$$= (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (1-0)^{2} + (1-0)^{2} + (1-0)^{2} + (1-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0$$

$$+(0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} = 3$$

$$d(x_{3}, x_{5}) = \sum_{i=1}^{9} (x_{3,i} - x_{5,i})^{2}$$

$$= (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} = 2$$

$$+(0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} = 2$$

$$D_{K,L} = \sum_{x_{K} \in C_{K}} \sum_{x_{L} \in C_{L}} \frac{d(x_{K}, x_{L})}{n_{K}n_{L}}$$

$$= \frac{4}{3 \times 2} + \frac{3}{3 \times 2} + \frac{3}{3 \times 2} + \frac{2}{3 \times 2} + \frac{3}{3 \times 2} + \frac{2}{3 \times 2}$$

$$= 2.8333$$

في طريقة الترابط الأحادي (single linkage)، المسافة بين عنقودين تمثل المسافة الأقل بين سجل بيانات في عنقود واحد وسجل بيانات في العنقود الآخر:

$$D_{K,L} = \min\{d(x_K, x_L), x_k \in C_K, x_L \in C_L\}. \tag{Y-A}$$

باستخدام طريقة الترابط الأحادي، يتم حساب بالمسافة بين العنقودين  $C_K$  في المثال -1 كما يلي:

$$\begin{split} D_{K,L} &= \min\{d(x_K, x_L), x_k \in C_K, x_L \in C_L\} \\ &= \min\{d(x_1, x_4), d(x_1, x_5), d(x_2, x_4), d(x_2, x_5), d(x_3, x_4), d(x_3, x_5)\} \\ &= \min\{4, 3, 3, 2, 3, 4\} = 2. \end{split}$$

في طريقة الترابط الكامل (complete linkage)، المسافة بين عنقودين تمثل المسافة الأكبر بين سجل بيانات في عنقود واحد وسجل بيانات في العنقود الآخر:

$$D_{K,L} = \max\{d(x_K, x_L), x_k \in C_K, x_L \in C_L\}. \tag{E-A}$$

باستخدام طريقة الترابط الكامل، يتم حساب المسافة بين العنقودين  $C_K$  و $C_L$  في المثال  $C_L$  كما يلى:

$$D_{K,L} = \max\{d(x_K, x_L), x_k \in C_K, x_L \in C_L\}$$

$$= \max\{d(x_1, x_4), d(x_1, x_5), d(x_2, x_4), d(x_2, x_5), d(x_3, x_4), d(x_3, x_5)\}$$
$$= \max\{4, 3, 3, 2, 3, 4\} = 4.$$

في طريقة المركز المتوسط (ceratoid)، المسافة بين عنقودين تمثل المسافة بين المراكز المتوسطة للعناقيد، ويتم حساب المركز المتوسط لعنقود باستخدام المتجه المتوسط لجميع سجلات البيانات في العنقود، على النحو التالي:

$$D_{K,L} = d(\overline{x_K}, \overline{x_L}) \tag{0-A}$$

$$\overline{x_{K}} = \begin{bmatrix} \frac{\sum_{k=1}^{n_{K}} x_{k,1}}{n_{K}} \\ \vdots \\ \frac{\sum_{k=1}^{n_{K}} x_{k,p}}{n_{K}} \end{bmatrix} \qquad \overline{x_{L}} = \begin{bmatrix} \frac{\sum_{l=1}^{n_{L}} x_{l,1}}{n_{L}} \\ \vdots \\ \frac{\sum_{l=1}^{n_{L}} x_{l,p}}{n_{L}} \end{bmatrix}. \tag{7-A}$$

باستخدام طريقة ترابط المركز المتوسط (centroid linkage method) والمسافة التربيعية لنقاط البيانات، يتم حساب المسافة بين العنقودين  $C_L$  و  $C_K$  في المثال  $C_L$  كما يلى:

$$\overline{x_L} = \left[\frac{\sum_{l=1}^{n_L} x_{l,1}}{n_L}\right] = \begin{bmatrix}\frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{1+0}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix}0\\0\\0\\1\\\frac{1}{2}\\1\\0\\0\end{bmatrix}$$

$$D_{K,L} = d(\overline{x_K}, \overline{x_L}) = \left(\frac{1}{3} - 0\right)^2 + (1 - 0)^2 + (1 - 0)^2 + (1 - 0)^2 + (1 - 0)^2 + \left(\frac{2}{3} - 0\right)^2 + \left(0 - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{2}{3} - 1\right)^2 + (0 - 0)^2 + (1 - 0)^2 = 4.9167.$$

يوجد طرق متنوعة لتحديد المسافة بين عنقودين، حيث إن استخدام هذه الطرق ينتج عنه مستويات مختلفة من التكلفة الحاسوبية اللازمة لإجراء العمليات الحسابية، وقد ينتج عنها نتائج تعنقد مختلفة. على سبيل المثال، فإن طريقة الترابط المتوسط، وطريقة الترابط الأحادي، وطريقة الترابط الكامل تتطلب حساب المسافة بين كل زوج من نقاط البيانات من عنقودين. على الرغم من أن طريقة المركز المتوسط ليس لديها هذا المتطلب الحسابي، إلا أنه يجب على طريقة المركز المتوسط أن تحسب المركز المتوسط لكل عنقود جديد والمسافة من العنقود الجديد إلى العناقيد القائمة. إن طريقة الترابط المتوسط وطريقة المركز المتوسط تأخذ بعين الاعتبار وتتحكم بانتشار وتشتت نقاط البيانات في كل عنقود، في حين أن طريقة الترابط الأحادي وطريقة الترابط الكامل لا تضع أية قيود على شكل العنقود.

# ۸-۳ توضيح كيفية إجراء التعنقد الهرمي (Illustration of the Hierarchical Clustering Procedure):

يتم توضيح إجراء التعنقد الهرمي في المثال ٨-٢.

#### المثال (۸-۲):

قم بإجراء التعنقد الهرمي على بيانات اكتشاف أعطال النظام في الجدول ٨-١ باستخدام طريقة الترابط الأحادي.

الجدول (١-٨) مجموعة البيانات الخاصة باكتشاف أعطال النظام مع تسع حالات من الأعطال الآلية الأحادية

-	متغيرات الخاصية عن جودة وحدات المنتج Attribute Variables about Quality of Parts						رقم الحالة - Instance (الآلة المعطلة – Faulty		
X9		<b>X</b> 7	X6	xs	X4	<b>X</b> 3	<i>X</i> 2	X <sub>I</sub>	(Machine
1	0	İ	0	1	0	0	0	1	1 (M1)
0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
0	1	1	1	0	1	1	0	0	3(M3)
0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
1	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)

يحتوي الجدول ٨-١ على مجموعة البيانات لاكتشاف أعطال النظام، بما في ذلك تسع حالات للأعطال الآلية الأحادية. ويتم استخدام متغيرات الخاصية التسعة الخاصة بجودة وحدات المنتج فقط في التعنقد الهرمي. وفيما يلي نسرد سجلات البيانات التسعة في مجموعة البيانات.

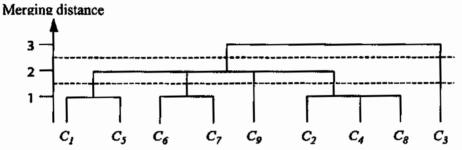
سوف تُظهِر نتائجُ التعنقد أياً من الأعطال الآلية الأحادية يوجد بها أعراض متشابهة تخص مشكلة جودة وحدات المنتج.

ويبين الشكل ٨-١ إجراء التعنقد الهرمي الذي يبدأ بالعناقيد التسعة التالية وبسجل بيانات واحد في كل عنقود:

$$C_1 = \{x_1\}$$
  $C_2 = \{x_2\}$   $C_3 = \{x_3\}$   $C_4 = \{x_4\}$   $C_5$   
=  $\{x_5\}$   
 $C_6 = \{x_6\}$   $C_7 = \{x_7\}$   $C_8 = \{x_8\}$   $C_9 = \{x_9\}$ .

الشكل (٨-١) نتيجة التعنقد الهرمي لمجموعة بيانات اكتشاف أعطال النظام

# مسافة الدمج



الجدول (۲-۸) الجدول (۲-۸)  $C_8$  ، $C_7$  ، $C_6$  ، $C_5$  ، $C_6$  ، $C_7$  ، $C_8$  ، $C_7$  ، $C_8$  ، $C_7$  ، $C_8$  ، $C_8$  ، $C_8$  ، $C_8$  ، $C_9$  ، $C_8$  ، $C_9$  ،C

$C_9 = \{x_9\}$	$C_8 = \{x_8\}$	$C_7 = \{x_7\}$	$C_6 = \{x_6\}$	$\overline{\mathbf{C}_5} = \{x_5\}$	C <sub>4</sub> = {x <sub>4</sub> }	$C_3 = \{x_3\}$	$C_2 = \{x_2\}$	$C_1 = \{x_I\}$	
3	5	3	4	Ī	6	7	7		$C_1=\{x_I\}$
4	2	4	5	6	1	4			$C_2 = \{x_2\}$
6	4	4	6	6	3				$C_3 = \{x_3\}$
3	1	4	4	5					$C_4=\{x_\ell\}$
2	4	2	3						$C_5=\{x_5\}$
3	3	1							$C_6 = \{x_6\}$
2	2								$C_{7}=\{x_{7}\}$
2									$C_8=\{x_\delta\}$
									C9={x9}

نظراً لأن كل عنقود يحتوي سجل بيانات واحد فقط، فإن المسافة بين عنقودين هي المسافة بين سجلي البيانات في العنقودين، على التوالي. يوضح الجدول ٢-٨ المسافة لكل زوج من سجلات البيانات، والتي تمثل أيضا المسافة لكل زوج من العناقيد.

هناك أربعة أزواج من العناقيد ينتج عنها أصغر مسافة بقيمة تساوي  $1:(C_1,C_5)$ ، هناك أربعة أزواج من العناقيد ينتج عنها أصغر مسافة بقيمة تساوي  $1:(C_1,C_5)$  ودمج  $C_1$ . نقوم بدمج  $C_2$  التشكيل عنقود جديد  $C_3$ . وحيث يشترك العنقود  $C_4$  في اثنين من أزواج العناقيد  $C_5$ . وحيث يشترك العناقيد. نختار بشكل عشوائي أن  $C_4$ .  $C_5$ . ويبين الشكل  $C_5$ . هذه العناقيد الجديدة، في مجموعة جديدة من العناقيد  $C_5$ .

روج من العناقيد،  $C_{2,4}$ ,  $C_{1,5}$ ،  $C_{3}$ ,  $C_{6,7}$ ,  $C_{6$ 

الجدول (۳-۸) الجدول  $C_3$  ، $C_6$ 7 ، $C_3$  ، $C_{2,4}$ 0 و  $C_8$  ، $C_{6,7}$  ، $C_3$  ، $C_{2,4}$ 0 و و $C_8$  مسافة كل زوج من العناقيد:

					<u></u>	
$C_9 = \{x_9\}$	$C_8 = \{x_8\}$	$C_{6,7} = \{x_6, x_7\}$	$C_3 = \{x_3\}$	$C_{2,4} = \{x_2, x_4\}$	$C_{1,5} = \{x_i, x_s\}$	
2 = min {3, 2}	4 = min {5, 4}	2 = min {4, 3, 3, 2}	$6 = \min$ {7, 6}	5 = min {7, 6, 6, 5}		$C_{1,5}=\{x_1,x_5\}$
3 = min {4, 3}	1 = min {2, 1}	4 = min {5, 4, 4, 4}	$3 = \min$ {4, 3}			$C_{2,4} = \{x_2, x_4\}$
6 = min {6}	4 = min {4}	5 = min {6, 4}				$\mathbf{C}_3 = \{x_3\}$
$2 = \min$ {3, 2}	2 = min {3, 2}					$C_{6,7} = \{x_6, x_7\}$
2 = min {2}						$C_8 = \{x_8\}$
						$C_9 = \{x_9\}$

الجدول (٤-٨) الجدول (٤-٨) و  $C_9$  ،  $C_{6,7}$  ،  $C_3$  ،  $C_{2,4,8}$  ،  $C_{1,5}$  ، و و  $C_{6,7}$  ، و

$C_9 = \{x_9\}$	$C_{6,7} = \{x_{6}, x_{7}\}$	$C_3 = \{x_3\}$	$C_{2,4,8} = \{x_2, x_4, x_8\}$	$\mathbf{C}_{1,5} = \{x_I, x_S\}$	
2 = min {3, 2}	2 = min {4, 3, 3, 2}	•	4 = min {7, 6, 5, 6, 5, 4}		$C_{1,5} = \{x_1, x_5\}$
3 = min {4, 3, 2}	2 = min {5, 4, 4, 4, 3, 2}	• ••••			$C_{2,4,8} = \{x_2, x_4, x_8\}$
6 = min {6}	4 = min {6, 4}				$C_3 = \{x_3\}$
2 = min {3, 2}					$C_{6,7} = \{x_6, x_7\}$
					$C_9 = \{x_9\}$

يعطي الجدول ٨-٤ المسافة لكل زوج من العناقيد،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ،  $C_{0.7}$ ، والمستخدام طريقة الترابط الأحادي. أربعة أزواج من العناقيد،  $C_{0.7}$ ، و( $C_{0.7}$ ,  $C_{0.7}$ )، ينتج عنها أصغر مسافة وتساوي 2. حيث أن العناقيد الثلاثة  $C_{0.7}$ ,  $C_{0.7}$  تبعد نفس المسافة بعضها عن بعض، نقوم بدمج الثلاثة عناقيد معاً لتشكيل عنقود جديد،  $C_{0.7}$ . لا يتم دمج  $C_{0.7}$  مع  $C_{0.7}$  لأن  $C_{0.7}$  قد تم دمجه مع  $C_{0.7}$  عنقود جديد، مجموعة جديدة من العناقيد،  $C_{0.7}$ ,

يعطي الجدول ٥-٨ المسافة لكل زوج من العناقيد،  $C_{3}$ ,  $C_{2,4,8}$ ,  $C_{1,5,6,7,9}$ ,  $C_{2,4,8}$ )، أصغر مسافة باستخدام طريقة الترابط الأحادي. ينتج زوج العناقيد،  $C_{1,5,6,7,9}$ ,  $C_{2,4,8}$ ,  $C_{2,4,8}$ ,  $C_{1,5,6,7,8,9}$ , يشكل عنقود جديد،  $C_{1,2,4,5,6,7,8,9}$ , ويكون لدينا مجموعة جديدة من العناقيد،  $C_{1,2,5,4,5,6,7,8,9}$ , و $C_{3}$  والتي لديها مسافة  $C_{3}$  ومجها في عنقود واحد،  $C_{1,2,3,4,5,6,7,8,9}$ .

الجدول (۵-۸) الجدول  $C_3$  ،  $C_{2,4,8}$  ،  $C_{1,5,6,7,9}$  ، و  $C_{2,4,8}$  ، و روح من العناقيد: و  $C_3$  ، و روح من العناقيد: و روح من العناقيد: و روح من العناقيد: و روح من العناقيد: و روح من العناقيد: و روح من العناقيد: و روح من العناقيد: و روح من العناقيد:

$C_3 = \{x_3\}$	$C_{2,4,8} = \{x_2, x_4, x_8\}$	$C_{1,5,6,7,9} = \{x_1, x_5, x_6, x_7, x_9\}$	
	2 = min {7, 6, 5, 6, 5, 4, 5, 4, 3, 4, 4, 2, 4, 3, 2}		$C_{1,5,6,7,9} = \{x_1, x_5, x_6, x_7, x_9\}$
$3 = \min\{4, 3, 4\}$			$C_{2,4,8} = \{x_2, x_4, x_8\}$
			$C_3 = \{x_i\}$

ويبين الشكل ١-٨ أيضاً مسافة الدمج، والتي تمثل المسافة بين عنقودين عندما يتم دمجهما معاً. تُسمى شجرة التعنقد الهرمي الموضحة في الشكل ١-٨ برسم الدندروقرام الهرمى (dendrogram).

يسمح التعنقد الهرمي بالحصول على مجموعات مختلفة من العناقيد من خلال وضع حدود (thresholds) مختلفة لحد مسافة الدمج لغرض وضع مستويات مختلفة من تشابه البيانات. على سبيل المثال، إذا وضعنا حد مسافة الدمج تساوي 1.5 كما هو موضح بالخط الميانات. على سبيل المثال، إذا وضعنا حد مسافة الدمج تساوي  $C_3$ ,  $C_{2.4.8}$ ,  $C_9$ ,  $C_{6.7}$ ,  $C_{1.7}$ , نحصل على العناقيد،  $C_{1.7}$ ,  $C_{0.7}$ 

 $C_{2,4,8}$ ,  $C_{9}$ ، والتي ليست بمستوى فائدة مجموعة العناقيد،  $C_{6,7}$ ،  $C_{6,7}$ ،  $C_{6,7,8,9}$  و  $C_{6,7}$  و التي ليست المستخدم.

يوضح هذا المثال أن الحصول على نتيجة استكشاف البيانات ليست نهاية عملية الاستكشاف. فمن الأهمية بمكان أن نتمكن من توضيح نتيجة استكشاف البيانات بطريقة ذات معنى في سياق المشكلة المبحوثة أو المستهدفة لجعل هذه النتيجة مفيدة في مجال ونطاق المشكلة. العديد من مجموعات البيانات في العالم الحقيقي لا تكون مصحوبة بمعرفة مسبقة للنظام الذي قام بتوليد هذه المجموعات من البيانات. ولذلك، بعد الحصول على نتيجة التعنقد الهرمي، فمن المهم دراسة مجموعات مختلفة من العناقيد على مستويات مختلفة من تشابه البيانات ومن ثم تحديد أي مجموعة من العناقيد يمكن تفسيرها بطريقة ذات معنى للمساعدة في الكشف عن النظام وتوليد معرفة مفيدة عن النظام.

# ٨-٤ الشجرة غير الرتيبة للتعنقد الهرمي

# (Nonmonotonic Tree of Hierarchical Clustering):

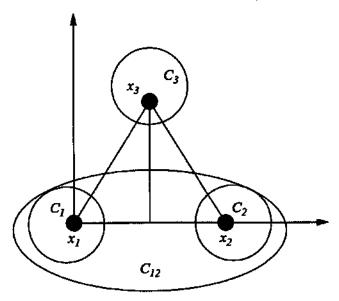
في الشكل 1-1، لا تكون مسافة دمج عنقود جديد أصغر من مسافة دمج أي عنقود تم إنشاؤه قبل العنقود الجديد. وشجرة التعنقد الهرمي هذه تكون رتيبة (monotonic). على سبيل المثال، في الشكل 1-1، مسافة دمج العنقود 1-1، هي 1-1، وهي تساوي مسافة دمج 1-1، ومسافة دمج 1-1، هي أصغر من مسافة دمج 1-1.

non monotonic ) أن طريقة ترابط المركز المتوسط يمكن أن تنتج شجرة غير رتيبة (tree trap) والتي يمكن أن تكون فيها مسافة الدمج لعنقود جديد أصغر من مسافة الدمج لعنقود يتم إنشاؤه قبل العنقود الجديد. الشكل -7 يظهر ثلاث نقاط بيانات، 12 يقوم طريقة المركز المتوسط بإنتاج شجرة غير رتيبة للتعنقد الهرمي واللاتي باستخدامهن تقوم طريقة المركز المتوسط بإنتاج شجرة غير رتيبة للتعنقد الهرمي (non monotonic tree of hierarchical clustering). المسافة بين كل زوج من نقاط البيانات الثلاثة هي 2. نبدأ بالعناقيد الأولية الثلاثة، 13, 13, والمحتوية على ثلاث نقاط بيانات، 13 و 13 و 13 و نظراً لأن العناقيد الثلاثة لها المسافة نفسها بين بعضها البعض، فنختار بشكل عشوائي دمج 13 و 13 في عنقود جديد 13. كما هو موضح في الشكل 13 و المسافة بين المركز المتوسط 13 و 13 و 13 و 13 و 13 ومن ثم، عندما يتم

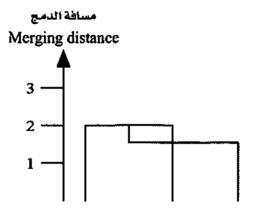
 $C_{1,2,3}$  مع  $C_{3}$  بعد ذلك لإنتاج عنقود جديد  $C_{1,2,3}$ ، تكون مسافة الدمج  $C_{1,2,3}$  لـ  $C_{1,2,3}$  أصغر من مسافة الدمج  $C_{1,2,3}$ . الشكل ٨-٣ يوضح الشجرة غير الرتيبة للتعنقد الهرمي لنقاط البيانات الثلاثة هذه باستخدام طريقة المركز المتوسط.

طريقة الترابط الأحادي، التي تم استخدامها في المثال ٨-٢، تقوم بحساب المسافة بين عنقود واحد، عنقودين باستخدام أصغر مسافة بين نقطتي بيانات، نقطة بيانات واحدة في عنقود واحد، ونقطة بيانات أخرى في العنقود الآخر. تُستخدم أصغر مسافة بين نقطتي بيانات لتشكيل وإنشاء عنقود مسبقاً لا يمكن استخدامها مرة أخرى لتشكيل عنقود جديد لاحق، لأن المسافة تصبح بالفعل داخل عنقود وهناك حاجة إلى مسافة لنقطة بيانات خارج عنقود ما لتشكيل عنقود جديد في وقت لاحق. ومن ثم، فإن المسافة لتشكيل عنقود جديد في وقت لاحق يجب أن تأتي من مسافة لم تُستخدَم من قبل، والتي يجب أن تكون أكبر من أو تساوي مسافة تم اختيارها واستخدامها في وقت سابق. ومن ثم، فإن شجرة التعنقد الهرمي من طريقة الترابط الأحادي هي دائما رتيبة.

الشكل (٨-٢) مثال على ثلاث نقاط بيانات والتي تنتج لها طريقة ترابط المركز المتوسط شجرة غير رئيسية للتعنقد الهرمي



الشكل (٨-٣) الشجرة غير الرئيسية للتعنقد الهرمي لنقاط البيانات في الشكل (٨-٢)



# ٥-٨ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يتم دعم التعنقد الهرمي بالعديد من الحزم البرمجية الإحصائية، بما في ذلك:

- SAS (www.sas.com)
- SPSS (www.spss.com)
- STATISTICA (www.statistica.com)
- MATLAB ® ( www.matworks.com)

يمكن العثور على بعض تطبيقات التعنقد الهرمي في الأعمال التالية: (Ye, 1997, 1994). .2003, Chapter 10; Ye and Salvendy, 1991, 1994; Ye and Zhao, 1996) في العمل الذي أجراه يي وسالفيندي (Ye and Salvendy, 1994)، يتم استخدام التعنقد الهرمي للكشف عن التركيبة المعرفية للغة البرمجة سي (C) والموجودة لدى المبرمجين الخبراء والمبرمجين المبتدئين.

## التمارين (Exercises):

- ۱-۸ قُم بعمل تعنقد هرمي لـــ ۲۳ سجلاً من سجلات البيانات في مجموعات البيانات الدائرية في مكوك الفضاء الواردة في الجدول ۱-۲. استخدم درجة حرارة الإطلاق (Launch- Temperature) وضغط التحقق من التسرب (Pressure) كمتغيرات الخاصية، وطريقة التطبيع في المعادلة ۷-۶ للحصول على قيم مطبعة لدرجة حرارة الإطلاق وضغط التحقق من التسرب أيضاً، والمسافة الإقليدية لسجلات البيانات، وطريقة الترابط الأحادي.
  - ٢-٨ كرر التمرين ٨-١ باستخدام طريقة الترابط الكامل.
- ۸-۸ كرر التمرين ۱-۸ باستخدام مقياس تشابه جيب التمام (جتا) (cosine similarity) لامرين ۱-۸ كرر التمام (جتا)
  - ٨-٤ كرر التمرين ٨-٣ باستخدام طريقة الترابط الكامل.
- ٥-٨ ناقش فيما إذا كان ممكناً أو غير ممكن إنتاج شجرة غير رتيبة للتعنقد الهرمي باستخدام طريقة الترابط الكامل.
- ٨-٦ ناقش فيما إذا كان ممكناً أو غير ممكن إنتاج شجرة غير رتيبة للتعنقد الهرمي باستخدام طريقة الترابط المتوسط.

# التعنقد حولK- متوسط والتعنقد القائم على الكثافة -8 K–Means Clustering and Density–Based Clustering

# K-Means Clustering) متوسط -K التعنقد حول

يرد في الجدول P- 1 خطوات خوارزمية التعنقد حول P- P- متوسط. تبدأ خوارزمية التعنقد حول P- متوسط بقيمة معينة P- P- والقيم الأولية المُسنَده للمراكز المتوسطة والخاصة بعده P- من العناقيد. وتستمر الخوارزمية بجعل كل سجل من سجلات البيانات التي عددها P- في مجموعة البيانات تنضم إلى أقرب عنقود لها وتحديث المراكز المتوسطة للعناقيد حتى لا تتغير قيم المراكز المتوسطة للعناقيد بعد ذلك، ونتيجة لذلك لا ينتقل كل سجل بيانات من عنقوده الحالي إلى عنقود آخر. في الخطوة P- من الخوارزمية، إذا كان هناك أي تغيير على قيم المراكز المتوسطة للعناقيد في الخطوات من P- إلى P- فيتعين علينا معرفة ما إذا كان التغيير على قيم المراكز المتوسطة للعناقيد يتسبب في المزيد من التنقل لأي سجل بيانات من خلال العودة إلى الخطوة P-

لتحديد أقرب عنقود إلى سجل بيانات، فإن المسافة من سجل البيانات إلى عنقود البيانات تحتاج إلى أن يتم حسابها. وغالباً ما يتم استخدام المتجه المتوسط لسجلات البيانات في عنقود ما كمركز متوسط للعنقود. باستخدام مقياس للتشابه أو الاختلاف، نقوم بحساب المسافة من سجل البيانات إلى المركز المتوسط للعنقود لتمثل المسافة من سجل البيانات إلى العصول على وصف واف لمقاييس التشابه والاختلاف.

إحدى الطرق لإسناد قيم أولية للمراكز المتوسطة الخاصة بعدد K من العناقيد تكون باختيار عدد K من سجلات البيانات عشوائياً من مجموعة البيانات واستخدام سجلات البيانات هذه لبناء قيم المركز المتوسطة L K من العناقيد. على الرغم من أن هذه الطريقة تستخدم سجلات بيانات محددة لبناء قيم المراكز المتوسطة L K من العناقيد، إلا أن السخود L يوجد بها سجل بيانات واحد في كل منها في البداية. هناك أيضاً طرق أخرى لإعطاء قيم أولية للمراكز المتوسطة الخاصة بL L من العناقيد، مثل استخدام نتيجة التعنقد لهرمي للحصول على عدد L من العناقيد واستخدام المراكز المتوسطة لهذه العناقيد كمراكز متوسطة أولية الخاصة بL من العناقيد لغرض استخدامها في خوارزمية التعنقد حول L متوسط.

بالنسبة إلى مجموعة بيانات كبيرة في الحجم، فإن شرط التوقف لتعليمة التكرار (REPEAT-UNTIL) في الخطوة رقم ٧ من الخوازمية يمكن أن يتم تحقيقه، بحيث تتوقف تعليمة التكرار عندما يكون مقدار التغييرات للمراكز المتوسطة أقل من حد معين، على سبيل المثال، أقل من ٥٪ من سجلات البيانات التي تغير عناقيدها المحتوية لها.

الجدول (۱-۹) خوارزمیة التعنقد حول K-متوسط - (إنجلیزی وعربی)

### Description

Set up the initial centroids of the K clusters

REPEAT

FOR i = 1 to n

Compute the distance of the data point  $x_i$  to each of the K clusters using a measure of similarity or dissimilarity

IF x<sub>i</sub> is not in any cluster or its closest cluster is not its current cluster

Move x<sub>i</sub> to its closest cluster and update the centroid of the cluster

UNTIL no change of centroid clusters occurs in Steps 3-6

الوصف	الخطوة
قم بتجهيز المراكز المتوسطة الأولية لعدد K من العناقيد.	1
كرر (REPEAT).	۲
كرر (FOR) ابتداء من i=1 إلى n.	٣
قم بحساب المسافة من سجل البيانات $x_i$ إلى كل العناقيد التي عددها $K$ باستخدام مقياس التشابه أو الاختلاف.	٤
إذا $(IF)$ أم تكن $x$ في أي عنقود أو أن أقرب عنقود لها ليس هو عنقودها الحالى.	٥
قم بنقل xi إلى أقرب عنقود وقم بتحديث المركز المتوسط للعنقود.	٦
حتى (UNTIL) الوقت الذي لا يحدث به تغير في المراكز المتوسط للعناقيد في الخطوات ٦-٣.	٧

 $sum\ of$ ) تُقلل خوارزمية التعنقد حول K- متوسط من مجموع الأخطاء التربيعية ( $squared\ errors-SSE$  للعناقيد ( $(Ye, 2003, Chapter\ 10)$ ):

SSE = 
$$\sum_{i=1}^{K} \sum_{x \in C_i} d(x, \overline{x_{C_i}})^2.$$
 (1-9)

في المعادلة -1، يتم استخدام المتجه المتوسط لسجلات البيانات في العنقود  $C_i$ ، باعتباره المركز المتوسط للعنقود الحساب المسافة بين سجل بيانات في العنقود  $C_i$ ، والمركز المتوسط للعنقود  $C_i$ 

حيث إن التعنقد حول K- متوسط يعتمد على المعلمة K فقد تساعد المعرفة بمجال تطبيق الخوارزمية على اختيار قيمة مناسبة لـ K لكى تكون نتائج الخوارزمية ذات معنى ومفيدة في مجال تطبيقها. ويمكن الحصول على نتائج مختلفة من تطبيق الخوارزمية عن طريق استخدام قيم مختلفة لـ K بحيث يمكن مقارنة نتائج تطبيق الخوارزمية.

#### المثال (۹-۱):

استخرج عناقيد حول ٥- متوسطات لمجموعة بيانات اكتشاف أعطال النظام في الجدول ٢-٩ باستخدام المسافة الإقليدية كمقياس للاختلاف. وهذه هي نفس مجموعة البيانات للمثال ٨-١. وتحتوي مجموعة البيانات تسع حالات من الأعطال الآلية الأحادية، وسجل بيانات لكل حالة لها متغيرات الخاصية التسعة عن جودة وحدات المنتج.

في الخطوة ١ من خوارزمية التعنقد حول K- متوسط، نقوم بشكل عشوائي باختيار  $C_2$ ،  $C_1$  ق 1،  $C_2$ ،  $C_3$  الجهيز المراكز المتوسطة الأولية للعناقيد الخمسة  $C_3$ ،  $C_3$  على التوالى:

الجدول (٩-٢) مجموعة البيانات لاكتشاف أعطال النظام بتسع حالات من الأعطال الآلية الأحادية

متغيرات الخاصية عن جودة وحدات المنتج Attribute Variables about Quality of Parts							رقم الحالة - Instance (الآلة المعطلة - Faulty		
<b>X</b> 9	X8	<b>X</b> 7	X6	X5	X4	X3	X2	Χı	(Machine
1	0	1	0	1	0	0	0	1	1 (M1)
0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
0	1	1	1	0	1	1	0	0	3(M3)
0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
1	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)

في الخطوات ٢ و٣ من الخوارزمية، نأخذ سجل البيانات الأول x من مجموعة البيانات. في الخطوة ٤ من الخوارزمية، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل البيانات x إلى كل من الخمسة:

$$\begin{split} d\left(x_{1}, \overline{x_{C_{1}}}\right) &= \sqrt{(1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2}} \\ &= 0 \\ d\left(x_{1}, \overline{x_{C_{2}}}\right) \\ &= \sqrt{(1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (0-1)^{2} + (1-1)^{2} + (0-1)^{2} + (1-0)^{2}} \\ &= 2.65 \\ d\left(x_{1}, \overline{x_{C_{3}}}\right) \\ &= \sqrt{(1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2}} \\ &= 1 \\ d\left(x_{1}, \overline{x_{C_{4}}}\right) \\ &= \sqrt{(1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2}} \\ &= 1.73 \\ d\left(x_{1}, \overline{x_{C_{5}}}\right) \end{split}$$

$$= \sqrt{(1-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-1)^2}$$

$$= 1.73$$

في الخطوة ٥ من الخوارزمية،  $x_I$  لا يتواجد في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية لنقل مركزه المتوسط هو نفسه، وذلك لأن مركزه لنقل  $x_I$  أقرب عنقود لها وهو  $C_I$  والذي لا يزال مركزه المتوسط هو نفسه، وذلك لأن مركزه  $C_I$  = { } ،  $C_I$  = { } ،  $C_I$  = { } ،  $C_I$  = { } ،  $C_I$  = { } .  $C_I$ 

بالعودة إلى الخطوة T، نقوم بأخذ سجل البيانات الثاني T من مجموعة البيانات. في الخطوة T، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل بيانات T إلى كل من العناقيد الخمسة:  $d(x_2,\overline{x_{C_1}})$ 

$$= \sqrt{(0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2.65$$

= 2

$$d(x_2, \overline{x_{C_2}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 2$$

$$d(x_2, \overline{x_{C_3}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2.45$$

$$\begin{split} d\left(x_{2}, \overline{x_{C_{4}}}\right) &= \sqrt{(0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2}} \\ &= 2 \\ d\left(x_{2}, \overline{x_{C_{5}}}\right) &= \sqrt{(0-0)^{2} + (1-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2}} \end{split}$$

في الخطوة ٥، لا يتواجد سجل البيانات  $x_2$  في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية. من بين العناقيد الثلاثة،  $C_3$  و $C_4$  والتي تعطي أصغر مسافة لـ  $x_2$  نقوم الختيار  $C_4$  بشكل عشوائي ونقل  $x_2$  إلى  $x_3$  العنقود  $x_4$  يحتوي على سجل بيانات واحد فقط هو  $x_4$  ويتم تحديث المركز المتوسط لـ  $x_4$  من خلال أخذ  $x_4$  كمركزها المتوسط:

$$\overline{x_{C_2}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

. 
$$C_5 = \{\}$$
 و  $C_4 = \{\}$  ،  $C_3 = \{\}$  ،  $C_2 = \{x_2\}$  ،  $C_1 = \{x_1\}$  و لدينا الآن

بالعودة إلى الخطوة x، نأخذ سجل البيانات الثالث xمن مجموعة البيانات. في الخطوة x، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل البيانات x إلى كل من العناقيد الخمسة:

$$d(x_3, \overline{x_{C_1}})$$

$$= \sqrt{(0-1)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2.65$$

$$d(x_3, \overline{x_{C_2}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 2$$

$$d(x_3, \overline{x_{C_3}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2.45$$

$$d(x_3, \overline{x_{C_4}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 2$$

$$d(x_3, \overline{x_{C_5}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2.45$$

في الخطوة ٥، لا يتواجد سجل البيانات x في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية. من بين العنقودين،  $C_2$  و $C_2$  والتي تعطي أصغر مسافة لـ  $x_3$  نقوم بشكل عشوائي باختيار  $C_2$  ونقل  $x_3$  إلى  $x_3$  العنقود  $x_3$  يحتوي على سجلي بيانات  $x_3$  و  $x_3$  ويتم تحديث المركز المتوسط لـ  $x_3$ :

$$\overline{x_{C_2}} = \begin{bmatrix} \frac{0+0}{2} \\ \frac{1+0}{2} \\ \frac{0+1}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+1}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{0+0}{2} \end{bmatrix}$$

. 
$$C_5 = \{\}$$
 و  $C_4 = \{\}$  ،  $C_3 = \{\}$  ،  $C_2 = \{x_3x_2\}$  ،  $C_1 = \{x_1\}$  لدينا الآن

بالعودة إلى الخطوة ٣، نأخذ سجل البيانات الرابع x4 من مجموعة البيانات. في الخطوة ٤، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل البيانات x4 إلى كل من العناقيد الخمسة:

$$d(x_4, \overline{x_{C_1}})$$

$$= \sqrt{(0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 +$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_3}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2.24$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_4}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 1.73$$

$$d(x_4, \overline{x_{C_5}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 +$$

في الخطوة ٥، لا يتواجد سجل البيانات  $x_4$  في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية لنقل  $x_4$  إلى أقرب عنقود له وهو  $C_2$ . ويتم تحديث المركز المتوسط لـ  $C_2$ :

$$\overline{x_{C_2}} = \begin{bmatrix} \frac{0+0+0}{3} \\ \frac{1+0+0}{3} \\ \frac{0+1+0}{3} \\ \frac{0+0+0}{3} \\ \frac{0+1+0}{3} \\ \frac{0+1+0}{3} \\ \frac{0+1+0}{3} \\ \frac{1+1+1}{3} \\ \frac{0+0+0}{3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.33 \\ 0.33 \\ 1 \\ 0 \\ 0.33 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

$$= \{\} \ , C_3 = \{\}, C_2 = \{x_2x_3, x_4\}, C_3 = \{\}, C_4 = \{\}, C_4 = \{\}, C_5 = \{x_2x_3, x_4\}, C_6 = \{\}, C_7 = \{x_2x_3, x_4\}, C_7 = \{\}, C_7 = \{x_2x_3, x_4\}, C_7 = \{\}, C_7 = \{x_2x_3, x_4\}, C_7 = \{\}, C_7 = \{x_2x_3, x_4\}, C_$$

. 
$$C_5 = \{\}$$
 و  $C_4 = \{\}$  ،  $C_3 = \{\}$  ،  $C_2 = \{x_2x_3, x_4\}$  ،  $C_1 = \{x_1\}$  لدينا الآن

بالعودة إلى الخطوة  $x_5$  ، 1خذ سجل البيانات الخامس  $x_5$  من مجموعة البيانات. في  $C_3$  الخطوة ٤، نعلم أن  $x_5$  هو الأقرب إلى  $C_3$  حيث أنه تمّ تشكيل و $x_5$  أن علم أن عرب المتخدام ولم يتم تحديثه منذ ذلك الحين. في الخطوة ٥، لا يتواجد  $x_5$  في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة من الخوارزمية لنقل  $x_5$  إلى أقرب عنقود له وهو  $C_3$  والذى لا يزال مركزه المتوسط هو Tنفسه.

. 
$$C_5 = \{\}, C_4 = \{\}, C_3 = \{x_5\}, C_2 = \{x_2x_3, x_4\}, C_1 = \{x_1\}$$
لدينا الآن

بالعودة إلى الخطوة  $x_0$ ، نأخذ سجل البيانات السادس  $x_0$  من مجموعة البيانات. في الخطوة  $x_0$ ، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل البيانات  $x_0$  إلى كل من المجموعات الخمسة:

$$d(x_6, \overline{x_{C_1}})$$

$$= \sqrt{(0-1)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 2$$

$$d(x_6, \overline{x_{C_2}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0.33)^2 + (0-0.33)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2 + (1-0.33)^2 + (1-0.33)^2 + (0-1)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 1.77$$

$$d(x_6, \overline{x_{C_3}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 1.73$$

$$d(x_6, \overline{x_{C_4}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 1$$

$$d(x_6, \overline{x_{C_5}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2}$$

$$= 1.73$$

في الخطوة ٥، لا يتواجد سجل البيانات  $x_6$  في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية لنقل  $x_6$  إلى أقرب عنقود له وهو  $C_4$  ويتم تحديث المركز المتوسط لـ  $C_4$ :

$$\overline{x_{C_4}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

 $C_5 = \{ \}, C_4 = \{ x_6 \}, C_3 = \{ x_5 \}, C_2 = \{ x_2 x_3, x_4 \}, C_1 = \{ x_1 \}$ لدينا الآن

بالعودة إلى الخطوة  $x_1$ ، نأخذ سجل البيانات السابع  $x_2$  من مجموعة البيانات. في الخطوة  $x_2$ ، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل البيانات  $x_2$  إلى كل من العناقيد الخمسة:

$$d(x_{7}, \overline{x_{C_{1}}})$$

$$= \sqrt{(0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2}}$$

$$= 1.73$$

$$d(x_{7}, \overline{x_{C_{2}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^{2} + (0-0.33)^{2} + (0-0.33)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0.33)^{2} + (1-0.32)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0)^{2}}$$

$$= 1.67$$

$$d(x_{7}, \overline{x_{C_{3}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2}}$$

$$= 1.41$$

$$d(x_{7}, \overline{x_{C_{3}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2 + (0-1)^2 + (0-1)^2 + (1-1)^2 + (0-0)^2 + (0-0)^2}$$

$$= 1$$

$$d(x_7, \overline{x_{C_5}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2$$

في الخطوة ٥، لا يتواجد سجل البيانات  $x_7$  في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية لنقل  $x_7$  إلى أقرب عنقود له وهو  $C_4$  ويتم تحديث المركز المتوسط لـ  $C_4$ :

$$\overline{x_{C_4}} = \begin{bmatrix} \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{1+0}{2} \\ \frac{1+1}{2} \\ \frac{0+0}{2} \\ \frac{0+0}{2} \end{bmatrix}$$

.  $C_5 = \{\}, C_4 = \{x_6, x_7\}, C_3 = \{x_5\}, C_2 = \{x_2x_3, x_4\}, C_l = \{x_l\}$ لدينا الآن

بالعودة إلى الخطوة  $x_0$ ، نأخذ سجل البيانات الثامن  $x_0$  من مجموعة البيانات. في الخطوة  $x_0$ ، نقوم بحساب المسافة الإقليدية لسجل البيانات  $x_0$  إلى كل من العناقيد الخمسة:

$$d(x_{8}, \overline{x_{C_{1}}})$$

$$= \sqrt{(0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (1-0)^{2} + (0-1)^{2}}$$

$$= 2.27$$

$$d(x_{8}, \overline{x_{C_{2}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^{2} + (0-0.33)^{2} + (0-0.33)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0.33)^{2} + (0-0.33)^{2} + (1-1)^{2} + (0-0)^{2}}$$

$$= 1.20$$

$$d(x_{8}, \overline{x_{C_{3}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (0-0)^{2} + (0-1)^{2} + (1-0)^{2} + (0-1)^{2}}$$

$$= 2$$

$$d(x_{8}, \overline{x_{C_{4}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2} + (0-0)^{2}}$$

$$= 1.5$$

$$d(x_{8}, \overline{x_{C_{5}}})$$

$$= \sqrt{(0-0)^{2} + (0-$$

في الخطوة ٥، لا يتواجد سجل البيانات  $x_8$  في أي عنقود. يتم تنفيذ الخطوة ٦ من الخوارزمية لنقل  $x_8$  إلى أقرب عنقود له وهو  $C_2$  ويتم تحديث المركز المتوسط لـ  $C_2$ :

$$\overline{x_{C_2}} = \begin{bmatrix} \frac{0+0+0+0}{4} \\ \frac{1+0+0+0}{4} \\ \frac{0+1+0+0}{4} \\ \frac{1+1+1+0}{4} \\ \frac{0+0+0+0}{4} \\ \frac{0+1+0+0}{4} \\ \frac{0+1+0+0}{4} \\ \frac{1+1+1+1}{4} \\ \frac{0+0+0+0}{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.25 \\ 0.25 \\ 0.25 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

= { } ،  $C_4$  = {  $x_6$ ,  $x_7$ }،  $C_3$  = {  $x_5$  } ،  $C_2$  = {  $x_2x_3$ ,  $x_4$ ,  $x_8$ }،  $C_1$  = {  $x_1$ } لدينا الآن .  $C_5$ 

بالعودة إلى الخطوة T، نأخذ سجل البيانات التاسع T من مجموعة البيانات. في الخطوة T نعلم أن T هو الأقرب إلى T. لأنه تم إنشاء T باستخدام T ولم يتم تحديثه منذ ذلك الحين. في الخطوة T من الخوارزمية لنقل الحين. في الخطوة T من الخوارزمية لنقل T المركزه المتوسط هو نفسه.

لينا الآن  $C_5 = \{x_9\}$  ,  $C_4 = \{x_6, x_7\}$ ,  $C_3 = \{x_5\}$  ,  $C_2 = \{x_2x_3, x_4, x_8\}$ ,  $C_l = \{x_l\}$  نلابنا النبا الغطوة Y بعد الانتهاء من تنفيذ تعليمة Y (FOR) في الخطوات Y-Y بنده الى الخطوة Y ثم شاك تغييرات على المركز المتوسط للعنقود في الخطوات Y-Y بنده تكرار آخر لتعليمة (FOR). في تعليمة (FOR) هذه، يكون العنقود الحالي الكل سجل بيانات هو العنقود الأقرب لسجل البيانات. ومن ثم، فإنه لا ينتقل سجل من سجلات البيانات التسعة من عنقوده الحالي إلى عنقود آخر، ولا يحدث أي تغيير للمركز المتوسط للعنقود في تعليمة (FOR) هذه. إن العناقيد حول Y0 متوسطات في هذا المثال Y1 المتوسط للعنقود في تعليمة Y3 هذه. إن العناقيد حول Y4 متوسطات في هذا المثال Y5 و Y6 ميناقيد، Y7 و Y8 و Y9 من القيمة Y9 و Y9 من القيمة ولكنها عناقيد، Y9 و Y9 من ثم، فإن نتائج التعنقد حول Y9 متوسطات متشابهة ولكنها للست بالضبط نتائج التعنقد الهرمي نفسه.

#### ٢-٩ التعنقد القائم على الكثافة (Density-Based Clustering):

يعد التعنقد القائم على الكثافة أن عناقيد البيانات عبارة عن مناطق سجلات البيانات وحدد بكثافة عالية، والتي يتم قياسها باستخدام عدد سجلات البيانات داخل نصف قطر محدد (Li and Ye, 2002). يتم فصل العناقيد حسب مناطق سجلات البيانات المنخفضة الكثافة. الخوارزمية التعنقد القائم على (Ester et al., 1996) DBSCAN) عبارة عن خوارزمية التعنقد القائم على الكثافة التي تبدأ بمجموعة من سجلات البيانات ومعلمتين (two parameters) هما: نصف القطر والحد الأدنى من عدد سجلات البيانات المطلوب لتشكيل عنقود واحد. يتم حساب كثافة سجل البيانات x عن طريق حساب عدد سجلات البيانات داخل نصف قطر سجل البيانات x إنَّ منطقة x تمثل المساحة داخل نصف قطر x والتي يتم اعتبار أن لها منطقة كثيفة إذا كان عدد سجلات البيانات في المنطقة x أكبر أو يساوي الحد الأدنى من عدد سجلات البيانات في مجموعة البيانات غير مُعلمة. تختار خوارزمية التعنقد القائم على الكثافة (DBSCAN) بصورة عشوائية سجل بيانات غير مُعلم x من مجموعة البيانات. إذا كانت منطقة سجل البيانات x من مجموعة البيانات x باعتباره سجل ضوضاء (noise data point). إذا كانت منطقة x كثيفة، يتم تشكيل عنقود جديد يحتوي على x ويتم وضع علامة على x باعتباره مبعل من عدى وضع علامة على x باعتباره مبعل منطقة x كثيفة، يتم تشكيل عنقود جديد يحتوي على x ويتم وضع علامة على x باعتباره مبعل منوعة على x ويتم وضع علامة على x باعتباره منطقة x كثيفة، x

عضواً في هذا العنقود الجديد. علاوةً على ذلك، ينضم كل من سجلات البيانات الأخرى والموجودة في منطقة x إلى العنقود ويتم وضع علامة عليه بوصفه عضواً في هذا العنقود إذا لم يكن سجل البيانات هذا قد انضم بعد إلى أي عنقود. يتم توسيع هذا العنقود الجديد ليشمل جميع سجلات البيانات التي لم تنضم بعد إلى عنقود معين والتي تكون في المنطقة الخاصة بسجل بيانات معين، وليكن z والذي هو موجود في العنقود إذا كانت منطقة z كثيفة. ويستمر التوسع في العنقود حتى تنضم جميع سجلات البيانات المتصلة من خلال المناطق الكثيفة لسجلات البيانات إلى العنقود إذا لم تكن قد انضمت بعد إلى العنقود. نلاحظ أن سجل بيانات الضوضاء قد يكون موجوداً في وقت لاحق في المنطقة الكثيفة لسجل بيانات معين في عنقود آخر، ومن ثم يمكن تحويله إلى عضو في ذلك العنقود. بعد اكتمال العنقود، تختار خوارزمية التعنقد القائم على الكثافة (DBSCAN) سجل بيانات آخر غير مُعلَّم وتُقيَّم الخوارزمية ما إذا كان سجل بيانات هذا عبارة عن سجل ضوضاء أو سجل بيانات يتم البدء به لبناء عنقود جديد. وتستمر هذه العملية حتى يتم تعليم كافة سجلات البيانات في مجموعة البيانات إما كسجل ضوضاء أو كعضو في عنقود.

جا أن التعنقد القائم على الكثافة يعتمد على معلمتين هما نصف القطر والحد الأدنى لعدد سجلات البيانات، فإن المعرفة عجال التطبيق المبحوث والمستهدف قد يساعد على اختيار قيم مناسبة للمعلمتين للحصول على نتيجة تعنقد ذات معنى في مجال التطبيق. ويمكن الحصول على نتائج تعنقد مختلفة باستخدام قيم معلمات مختلفة بحيث يمكن مقارنة النتائج المختلفة وتقييمها.

#### ٩-٣ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

تم دعم استخدام التعنقد حول K- متوسط في كل من البرمجيات التالية:

- WEKA (http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/)
- MATLAB (www.matworks.com).
- SAS (www.sas.com).

يمكن الحصول على تطبيق واستخدام خوارزمية التعنقد القائم على الكثافة (DBSCAN). للبيانات المكانية (spatial data) في (Ester et al., 1996).

#### التمارين (Exercises):

- ١-٩ استخرج تعنقداً حول متوسطين (2-means) من سجلات البيانات في الجدول ٢-٩ باستخدام المسافة الإقليدية كمقياس للاختلاف وباستخدام سجلات البيانات الأولى والثالثة لتجهيز المراكز المتوسطة الأولية للعنقودين.
- 7-9 استخرج التعنقد القائم على الكثافة لسجلات البيانات في الجدول 7-9 باستخدام المسافة الإقليدية كمقياس للاختلاف، ويكون 1.5 هو نصف القطر و2 هو الحد الأدنى لعدد سجلات البيانات المطلوبة لتشكيل عنقود معين.
- ٣-٩ استخرج التعنقد القائم على الكثافة لسجلات البيانات في الجدول ٣-٩ باستخدام المسافة الإقليدية كمقياس للاختلاف، ويكون 2 هو نصف القطر و2 هو الحد الأدنى لعدد سجلات البيانات المطلوبة لتشكيل عنقود معين.
- 8-3 استخرج تعنقداً حول ٣- متوسطات لـ ٢٣ سجل من سجلات البيانات في مجموعة البيانات الدائرية في مكوك الفضاء الواردة في الجدول ٢-١. قم باستخدام درجة حرارة الإطلاق (Launch- Temperatue) وضغط التحقق من التسرب (Pressure) باعتبارها متغيرات الخاصية ودالة التطبيع في المعادلة ٧-٤ للحصول على قيم مطبعة لدرجة حرارة الإطلاق وضغط التحقق من التسرب أيضاً، والمسافة الإقليدية كمقياس للاختلاف.
- ٥-٩ كرر التمرين ٩-٤ باستخدام مقياس تشابه جيب التمام (جتا) ( cosine similarity (جتا) ( measure ).

## ۱۰- خريطة التنظيم الذاتي Self-Organizing Map - SOM

 $Self-Organizing\ MAP-)$ يستعرض هذا الفصل خريطة التنظيم الذاتي (SOM)، والتي تقوم على أساس المعمارية الخاصة بالشبكات العصبية الصناعية (SOM)، وتُستخدَم خريطة التنظيم الذاتي لغرض عنقدة وتصوير البيانات. تم سرد قائمة من حزم البرمجيات الخاصة بخريطة التنظيم الذاتي (SOM) إلى جانب المراجع للتطبيقات.

### ١-١٠ خوارزمية خريطة التنظيم الذاتي (Algorithm of Self-Organizing Map):

طور كونين (Kohonen) سنة ١٩٨٢م خريطة التنظيم الذاتي (SOM). وهي عبارة عن شبكة عصبية صناعية (ANN) بعقد مخرجات (output nodes) مرتبة ومنظمة في فضاء يحتوي على q – من الأبعاد، وتُسمى هذه الشبكة بخريطة المخرجات (graph)، أو الرسم البياني (graph). وعادةً ما يُستخدّم فضاء أحادي أو ثنائي أو ثلاثي الأبعاد، أو ترتيب مُعين لعُقَد المخرجات، كما هو مبين في الشكل ١٠-١، ومن ثم يكون من الممكن تصور وتخيل عناقيد سجلات البيانات، لأنه يتم تمثيل السجلات المتشابهة على شكل عُقَد (nodes) قريبة من بعضها البعض في خريطة المخرجات.

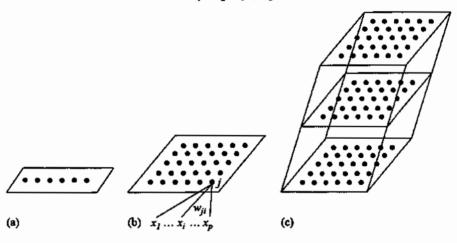
 $i=x_i$ ، ية أي خريطة تنظيم ذاتي (SOM)، يتم ربط كل متغير من متغيرات المدخلات،  $i=x_i$  مع وزن لهذا الارتباط i=1,...,k , i=1,...,p مع وزن لهذا الارتباط يُرمَز له بـ i=1,...,k يرمَز له بـ i=1,...,k الخاص متجه المخرجات ( $output\ vector$ ) ، ويُرمَز له بـ o، الخاص بخريطة التنظيم الذاتي (SOM) لمتجه مدخلات مُعطى x على النحو التالى:

$$o = \begin{bmatrix} o_1 \\ \vdots \\ o_j \\ \vdots \\ o_j \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} w_1' x \\ \vdots \\ w_j' x \\ \vdots \\ w_k' x \end{bmatrix}, \tag{1-1}$$

حيث إن:

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_i \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix}$$

الشكل (۱-۱۰) الشكل (1-۱۰) الشكل (SOM) بخريطة مخرجات (SOM) التصاميم الخاصة بخريطة التنظيم الذاتي (SOM) وثلاثية الأبعاد



$$w_j = \begin{bmatrix} w_{j1} \\ \vdots \\ w_{ji} \\ \vdots \\ w_{jp} \end{bmatrix}.$$

من بين جميع عُقَد المخرجات، تُسمى عقدة المخرجات التي تعطي أكبر قيمة لمتجه مدخلات معطى x بالعقدة الفائزة ( $winner\ node$ ). يكون للعقدة الفائزة الخاصة متجه

المدخلات متجه وزن أكثر مماثلة ومشابهة لمتجه المدخلات. تحدد خوارزمية التعلم لخريطة التنظيم الذاتي (SOM) أوزان الارتباط بحيث تكون العُقَد الفائزة لمتجهات المدخلات المتشابهة قريبة بعضها من بعض. يوضح الجدول ١-١٠ خطوات خوارزمية التعلم لخريطة التنظيم الذاتي (SOM) إذا كان لدينا مجموعة بيانات تدريبية أو استكشافية بعدد n من نقاط البيانات،  $x_i = 1, ..., n$ 

في الخطوة 0 من الخوارزمية، يتم تحديث أوزان الارتباط للعقدة الفائزة لمتجه المدخلات والعُقَد المجاورة من العقدة الفائزة لجعل أوزان العقدة الفائزة والعُقَد المجاورة لها أكثر مماثلة ومشابهة لمتجه المدخلات، ومن ثم جعل هذه العقد تقوم بإنتاج مخرجات أكبر لمتجه المدخلات. يمكن تعريف دالة الجوار f(j,c)، والتي تحدد مدى قرب العقدة j إلى العقدة الفائزة c ومن ثم أهلية العقدة j لتغيير الوزن، بطرق عديدة. أحد الأمثلة على دالة الجوار f(j,c):

$$f(j,c) = \begin{cases} 1 & \text{if } ||r_j - r_c|| \le B_c(t) \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}, \quad (Y-1\cdot)$$

 $B_c(t)$  عيث  $r_c$  هي إحداثيات العقدة i والعقدة الفائزة c في خريطة المخرجات، وتمثل c قيمة الحد التي تقيد مدى الجوار من العقدة الفائزة c.

الجدول (١٠١٠) خوارزمية التعلم لخريطة التنظيم الذاتي (SOM) - (إنجليزي وعربي)

Step	Description
1	Initialize the connection weights of nodes with random positive or negative values, $w_j'(t) = [w_{j1}(t) \cdots w_{jp}(t)], t = 0, j = 1,, k$
2	REPEAT
3	FOR $i = 1$ to $n$
4	Determine the winner node c for $x_i$ : $c = \operatorname{argmax}_i w_i'(t) x_i$
5	Update the connection weights of the winner node and its nearby nodes: $w_j(t+1) = w_j(t) + \alpha f(j,c) [x_i - w_j(t)]$ , where $\alpha$ is the learning rate and $f(j,c)$ defines whether or not node $j$ is close enough to $c$ to be considered for the weight update
6	$w_i(t+1) = w_i(t)$ for other nodes without the weight update
7	t=t+1
8	UNTIL the sum of weight changes for all the nodes, $E(t)$ , is not greater than a threshold $\epsilon$

الوصف	الخطوة			
جهَّز قيماً أوليةً لأوزان الارتباط للعُقَد بقيم عشوائية موجبة أو سالبة	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \			
$w'_{j}(t) = [w_{jl}(t) w_{jp}(t)], t=0, j=1,, k$				
كرر (REPEAT)	٢			
n كرر (FOR) إبتداءً من $i=1$	۲			
$c$ حدد العقدة الفائزة $c$ لـ $x_i$ $x_i$ لـ $x_i$ الفائزة $c$	٤			
حدّث أوزان الارتباط للعقدة الفائزة والعُقَد المجاورة لها:	٥			
$w_j(t+1) = w_j(t) + \alpha f(j,c)[x_i - w_j(t)]$				
حيث إن $lpha$ هي معدل التعلُّم و $f\left(j,c ight)$ تعرف ما إذا كانت العقدة $j$ قريبةً بما				
فيه الكفاية إلى C حتى يتم أخذها في				
الاعتبار أثناء تحديث الأوزان.				
اجعل $(t)$ الجعل $(t+1) = w_j(t)$ للعقد الأخرى دون تحديث الوزن	٦			
t=t+1	٧			
شرط توقف التكرار (UNTIL): لا يكون مجموع تغيرات الوزن لكل العُقّد،(t) E. أكبر من	٨			
lber 3				

يتم تعريف  $B_c(t)$  كدالة لـ t بحيث تستخدم عملية تعلَّم تكيفي والتي تستخدم قيمة حد كبيرة في بداية عملية التعلَّم، ومن ثم يتم تخفيض قيم الحد مع كل تكرار في الخوارزمية. مثال آخر للدالة f(j,c) هو:

$$f(j,c) = \frac{1}{\frac{\|r_j - r_c\|^2}{e^{2B_c^2(t)}}}.$$
 (٣-١٠)

في الخطوة ٨ من الخوارزمية، يتم حساب مجموع تغييرات الوزن لكافة العُقَد:

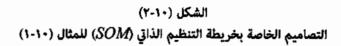
$$E(t) = \sum_{j} ||w_{j}(t+1) - w_{j}(t)||.$$
 (6-1-)

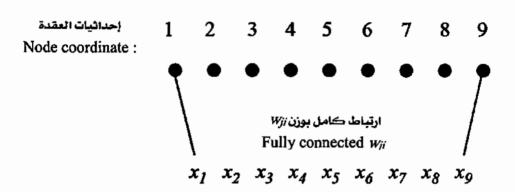
بعد أن يتم تعلم خريطة التنظيم الذاتي (SOM)، يتم تحديد عناقيد سجلات البيانات عن طريق وضع علامة على كل عقدة ذات سجل البيانات (أو سجلات البيانات) التي تجعل تلك العقدة هي العقدة الفائزة. ويتم معرفة وتحديد موقع عنقود سجلات البيانات بحيث يكون في منطقة مجاورة وقريبة في خريطة المخرجات.

#### المثال (۱۰-۱):

استخدام خريطة التنظيم الذاتي (SOM) بتسع عقد في سلسلة أحادية الأبعاد، وتكون إحداثيات العقد كالتالي: 1، 2، 3، 4، 5، 6، 7، 8، و9، كما في الشكل ٢-١٠، لتجميع وعنقدة نقاط البيانات التسعة الموجودة في مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع في الجدول ٢-١٠، وهي نفس مجموعة البيانات في الجداول ١-٨ و-1، وتحتوي مجموعة البيانات في الجداول ١-٨ و-1، وتحتوي مجموعة البيانات على تسع حالات للأعطال الآلية الأحادية، ويحتوي سجل البيانات لكل حالة على تسعة متغيرات خاصية خاصة بجودة وحدات المنتج. معدل التعلم  $\alpha$  هو -0.3 ودالة الجوار -1, وهي:

$$f(j,c) = \begin{cases} 1 & \text{for } j = c - 1, c, c + 1 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$





الجدول (٢-١٠) مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن أعطال نظام التصنيع بتسع حالات للأعطال الآلية الأحادية

متغيرات الخاصية عن جودة وحدات المنتج Attribute Variables about Quality of Parts						رقم الحالة - Instance (الآلة المعطلة – Faulty			
<b>X</b> 9	X8	X7	X6	X5	X4	X3	X2	XI	(Machine
1	0	1	0	1	0	0	0	1	1 (M1)
0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
0	1	1	1	0	1	1	0	0	3(M3)
0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
1	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)

في الخطوة ١ من عملية التعلُّم، نقوم بتهيئة أوزان الارتباط بالقيم الأولية العشوائية التالية:

$$w_{1}(0) = \begin{bmatrix} -0.24 \\ -0.41 \\ 0.46 \\ 0.27 \\ 0.88 \\ -0.09 \\ 0.78 \\ -0.39 \\ 0.91 \end{bmatrix} \quad w_{2}(0) = \begin{bmatrix} 0.44 \\ 0.44 \\ 0.93 \\ -0.15 \\ 0.84 \\ -0.36 \\ -0.16 \\ 0.55 \\ 0.93 \end{bmatrix} \quad w_{3}(0) = \begin{bmatrix} 0.96 \\ -0.45 \\ -0.75 \\ 0.35 \\ 0.05 \\ 0.86 \\ 0.12 \\ -0.49 \\ 0.98 \end{bmatrix} \quad w_{4}(0) = \begin{bmatrix} 0.82 \\ -0.22 \\ 0.60 \\ -0.56 \\ 0.91 \\ -0.80 \\ 0.33 \\ -0.54 \\ 0.47 \end{bmatrix}$$

$$w_5(0) = \begin{bmatrix} 0.62\\0.44\\0.33\\0.46\\-0.25\\-0.26\\-0.71\\-0.61\\0.38 \end{bmatrix} \quad w_6(0) = \begin{bmatrix} -0.47\\-0.62\\-0.96\\0.049\\0.32\\0.96\\0.70\\-0.04\\-0.84 \end{bmatrix} \quad w_7(0) = \begin{bmatrix} -0.87\\0.23\\0.37\\0.49\\0.04\\0.33\\-0.10\\0.45\\-0.96 \end{bmatrix}$$

$$w_8(0) = \begin{bmatrix} -0.95 \\ -0.21 \\ -0.48 \\ 0.05 \\ -0.54 \\ 0.23 \\ -0.37 \\ 0.61 \\ -0.76 \end{bmatrix} \quad w_9(0) = \begin{bmatrix} 0.69 \\ 0.23 \\ -0.69 \\ 0.86 \\ 0.22 \\ -0.91 \\ 0.82 \\ 0.31 \\ 0.31 \end{bmatrix}$$

استخدام هذه الأوزان الأولية لحساب مخرجات خريطة التنظيم الذاتي (SOM) لسجلات البيانات التسعة يجعل العقد أرقام 4، 9، 7، 9، 1، 6، 9، 8، و3، هي العقد الفائزة لل الميانات التسعة  $x_0$ 

$$o = \begin{bmatrix} o_1 \\ o_2 \\ o_3 \\ o_4 \\ o_5 \\ o_6 \\ o_7 \\ o_8 \\ o_9 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} w_1'(0)x_1 \\ w_2'(0)x_1 \\ w_3'(0)x_1 \\ w_4'(0)x_1 \\ w_6'(0)x_1 \\ w_7'(0)x_1 \\ w_8'(0)x_1 \\ w_9'(0)x_1 \end{bmatrix}$$

$$(-0.24)(1) + (-0.41)(0) + (0.46)(0) + (0.27)(0) + (0.88)(1) + (-0.09)(0) + (0.78)(1) + (-0.39)(0) + (0.91)(1)$$

$$(0.44)(1) + (0.44)(0) + (0.93)(0) + (-0.15)(0) + (0.84)(1) + (-0.36)(0) + (-0.16)(1) + (0.55)(0) + (0.93)(1)$$

$$(0.96)(1) + (-0.45)(0) + (-0.75)(0) + (0.75)(0) + (0.05)(1) + (0.86)(0) + (0.12)(1) + (-0.49)(0) + (0.98)(1)$$

$$(0.82)(1) + (-0.22)(0) + (0.60)(0) + (-0.56)(0) + (0.91)(1) + (-0.89)(0) + (0.33)(1) + (-0.54)(0) + (0.47)(1)$$

$$(0.62)(1) + (0.44)(0) + (0.33)(0) + (0.46)(0) + (-0.25)(1) + (-0.26)(0) + (-0.71)(1) + (-0.61)(0) + (0.38)(1)$$

$$(-0.47)(1) + (-0.62)(0) + (-0.96)(0) + (-0.43)(0) + (0.32)(1) + (0.96)(0) + (0.70)(1) + (-0.04)(0) + (-0.84)(1)$$

$$(-0.87)(1) + (0.23)(0) + (0.37)(0) + (0.49)(0) + (0.04)(1) + (0.33)(0) + (-0.10)(1) + (0.45)(0) + (-0.96)(1)$$

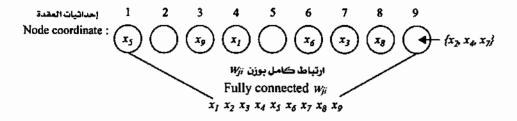
$$(-0.95)(1) + (-0.21)(0) + (-0.48)(0) + (0.05)(0) + (-0.54)(1) + (0.23)(0) + (-0.37)(1) + (0.61)(0) + (-0.76)(1)$$

$$(0.69)(1) + (0.23)(0) + (-0.69)(0) + (0.86)(0) + (0.22)(1) + (-0.91)(0)$$

+(0.82)(1) + (0.31)(0) + (0.31)(1)

$$=\begin{bmatrix} 2.33 \\ 2.04 \\ 2.11 \\ 2.53 \\ 0.04 \\ -0.29 \\ -1.90 \\ -2.62 \\ 2.04 \end{bmatrix}$$

الشكل (١٠-٣) العقد الفائزة لنقاط البيانات التسع في المثال (١٠-١) باستخدام قيم الوزن أولية



وحيث إن العقدة رقم 4 لها أكبر قيمة مخرجات 04 = 2.53 فإن العقدة 4 هي العقدة الفائزة لـ  $x_1$  يوضح الشكل ١٠-٣ خريطة المخرجات للإشارة إلى العقدة الفائزة لسجلات البيانات التسع، ومن ثم يكون لدينا عناقيد أولية لسجلات البيانات على أساس الأوزان الأولية.

في الخطوات ٢ و٣، يؤخذ في الاعتبار سجل البيانات  $x_1$  في الخطوة ٤، يتم حساب المخرجات الخاصة بكل عقدة لـ  $x_1$  لتحديد العقدة الفائزة. كما هو موضح سابقاً، فإن العقدة 4 هي العقدة الفائزة لـ  $x_1$  ومن ثم، c=4. وفي الخطوة ٥، يتم تحديث أوزان الارتباط إلى العقدة الفائزة c=4 ومجاوراتها c-1=3

$$w_4(1) = w_4(0) + (0.3)[x_1 - w_4(0)] = (0.7)w_4(0) + (0.3)x_1$$

$$= (0.7) \begin{bmatrix} 0.82 \\ -0.22 \\ 0.60 \\ -0.56 \\ 0.91 \\ -0.80 \\ 0.33 \\ -0.54 \\ 0.47 \end{bmatrix} + (0.3) \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.87 \\ -0.15 \\ 0.42 \\ -0.39 \\ 0.94 \\ -0.56 \\ 0.53 \\ -0.38 \\ 0.63 \end{bmatrix}.$$

$$w_3(1) = w_3(0) + (0.3)[x_1 - w_3(0)] = (0.7)w_3(0) + (0.3)x_1$$

$$= (0.7) \begin{bmatrix} 0.96 \\ -0.45 \\ -0.75 \\ 0.35 \\ 0.05 \\ 0.86 \\ 0.12 \\ -0.49 \\ 0.98 \end{bmatrix} + (0.3) \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.96 \\ -0.32 \\ 0.53 \\ 0.25 \\ 0.34 \\ 0.60 \\ 0.38 \\ -0.34 \\ 0.99 \end{bmatrix}.$$

$$w_5(1) = w_5(0) + (0.3)[x_1 - w_5(0)] = (0.7)w_5(0) + (0.3)x_1$$

$$= (0.7) \begin{bmatrix} 0.62\\0.44\\0.33\\0.46\\-0.25\\-0.26\\-0.71\\-0.61\\0.38 \end{bmatrix} + (0.3) \begin{bmatrix} 1\\0\\0\\0\\1\\0\\1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.73\\0.31\\0.23\\0.32\\0.13\\-0.18\\0.80\\-0.43\\0.57 \end{bmatrix}$$

في الخطوة ٦، تبقى الأوزان الخاصة بالعُقَد الأخرى هي نفسها. وفي الخطوة ٧، تزيد t إلى 1، وتكون الأوزان الخاصة بالعقد التسعة هي:

$$w_{1}(1) = \begin{bmatrix} -0.24 \\ -0.41 \\ 0.46 \\ 0.27 \\ 0.88 \\ -0.09 \\ 0.78 \\ -0.39 \\ 0.91 \end{bmatrix} \quad w_{2}(1) = \begin{bmatrix} 0.44 \\ 0.44 \\ 0.93 \\ -0.15 \\ 0.84 \\ -0.36 \\ -0.16 \\ 0.55 \\ 0.93 \end{bmatrix} \quad w_{3}(1) = \begin{bmatrix} 1.96 \\ -0.32 \\ 0.53 \\ 0.25 \\ 0.34 \\ 0.60 \\ 0.38 \\ -0.34 \\ 0.99 \end{bmatrix} \quad w_{4}(1) = \begin{bmatrix} 0.87 \\ -0.15 \\ 0.42 \\ -0.39 \\ 0.94 \\ -0.56 \\ 0.53 \\ -0.38 \\ 0.63 \end{bmatrix}$$

$$w_{5}(1) = \begin{bmatrix} 0.73 \\ 0.31 \\ 0.23 \\ 0.32 \\ 0.13 \\ -0.18 \\ 0.80 \\ -0.43 \\ 0.57 \end{bmatrix} \quad w_{6}(1) = \begin{bmatrix} -0.47 \\ -0.62 \\ -0.96 \\ -0.43 \\ 0.32 \\ 0.96 \\ 0.70 \\ -0.04 \\ -0.84 \end{bmatrix} \quad w_{7}(1) = \begin{bmatrix} -0.87 \\ 0.23 \\ 0.37 \\ 0.49 \\ 0.04 \\ 0.33 \\ -0.10 \\ 0.45 \\ -0.96 \end{bmatrix}$$

$$w_8(1) = \begin{bmatrix} -0.95 \\ -0.21 \\ -0.48 \\ 0.05 \\ -0.54 \\ 0.23 \\ -0.37 \\ 0.61 \\ -0.76 \end{bmatrix} \quad w_9(1) = \begin{bmatrix} 0.69 \\ 0.23 \\ -0.69 \\ 0.86 \\ 0.22 \\ -0.91 \\ 0.82 \\ 0.31 \\ 0.31 \end{bmatrix}$$

بعد ذلك، نعود إلى الخطوات ٢ و٣، ويؤخذ في الاعتبار سجل البيانات  $x_2$  وتتواصل عملية التعلم حتى يصبح مجموع التغييرات المتعاقبة للأوزان، والتي استهلتها كل سجلات البيانات التسع، صغيرة  $x_1$  فيه الكفاية.

#### ۲-۱۰ البرامج والتطبيقات (Software and Applications):

يتم دعم خريطة التنظيم الذاتي (SOM) عن طريق البرمجيات:

- Weka (http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka!)
- MATLAB® (www.matworks.com)

يقوم ليو ويسبيرج (Liu and Weisberg, 2005) بتطبيق خوارزمية خريطة التنظيم الذاتي (SOM) وذلك لغرض تحليل تقلبات المحيط الحالية. كما يقوم يي (SOM) وذلك لغرض تحليل التنظيم الذاتي (SOM) على بيانات أنشطة الدماغ الخاصة بالقرود وعلاقة ذلك باتجاهات حركتها.

#### التمارين (Exercises):

- المثال ١-١٠ واصل عملية التعلَّم في المثال ١٠-١ لعمل تحديثات الوزن، عند إدخال  $x_2$  إلى خريطة التنظيم الذاتي (SOM).
  - -١-١ استخدم برمجية Weka لرسم خريطة التنظيم الذاتي (SOM) للمثال ١٠١٠
- ۲-۱۰ عرف خريطة التنظيم الذاتي (SOM) ثنائية الأبعاد، ودالة الجوار في المعادلة xI للمثال ۱-۱۰ وقم بعمل تكرار واحد لتحديث الوزن عند تقديم xI إلى خريطة التنظيم الذاتي (SOM).
- ٤-١٠ استخدام برمجية Weka لرسم خريطة التنظيم الذاتي (SOM) ثنائية الأبعاد للمثال ١-١٠.
- 0-۱۰ استخرج خريطة التنظيم الذاتي (SOM) أحادية الأبعاد بنفس دالة الجوار في المثال ١-١٠ لمجموعة البيانات الخاصة بالحلقات الدائرية في مكوك الفضاء في الجدول ١-٢. استخدام درجة حرارة الإطلاق (Launch Temprature)، وضغط التحقق من التسرب (Leak-Check Pressure) كمتغيرات خاصية، ودالة التطبيع في المعادلة الحصول على قيم مطبعة لدرجة حرارة الإطلاق وضغط التحقق من التسرب أيضاً.

## ۱۱- التوزيعات الاحتمالية للبيانات الأحادية المتغير Probability Distributions of Univariate Data

يمكن تطبيق خوارزميات التعنقد الموجودة في الفصول من ٨ إلى ١٠ على بيانات ذات متغير واحد أو أكثر من متغيرات الخاصية. إذا كان هناك متغير خاصية واحد فقط، يكون لدينا بيانات أحادية المتغير. وبالنسبة للبيانات أحادية المتغير، فإن التوزيع الاحتمالي لسجلات البيانات، ولكنه يُظهِر أيضاً العديد من الخصائص الأخرى المتعلقة بتوزيع سجلات البيانات. يمكن تحديد العديد من أنماط البيانات المعينة لبيانات أحادية المتغير من خلال أنواع التوزيعات الاحتمالية المقابلة لها. يستعرض هذا الفصل مفهوم وخصائص التوزيع الاحتمالي، واستخدام خصائص التوزيع الاحتمالي لتحديد بعض أنماط البيانات الأحادية المتغير. وترد قائمة من حزم البرمجيات لتحديد خصائص التوزيع الاحتمالي للبيانات الأحادية المتغير بالإضافة إلى ذكر بعض المراجع لتطبيقات التوزيعات الاحتمالية.

# ١-١١ التوزيع الاحتمالي للبيانات الأحادية المتغير وخصائص التوزيع الاحتمالي لأغاط بيانات متنوعة

## (Probability Distribution of Univariate Data and Probability Distribution Characteristics of Various Data Patterns):

إذا كان لدينا متغير خاصية x وبياناتها المرصودة، x1.... x1، فإنه غالباً ما يتم استخدام المدرّج التكراري (frequency histogram) للبيانات المرصودة بغرض إظهار تكرارات جميع قيم x يوضح الجدول ١٠١١ جميع قيم درجة حرارة الإطلاق (Temperature ) في مجموعة بيانات الحلقات الدائرية لمكوك الفضاء، والمأخوذة من الجدول ٢٠١١. ويوضح الشكل ١٠١١ مدرجاً تكرارياً لقيم درجة حرارة الإطلاق في الجدول ١٠١١ باستخدام عرض فترة يساوي 5 وحدات. إن تغيير عرض الفترة يؤدي إلى تغير تكرارات المرصودة في كل فترة زمنية، ومن ثم يتبعه تغيير في المدرج التكراري.

في المدرَّج التكراري الموضح في الشكل ١٠-١١، يمكن استبدال المدرج التكراري للبيانات المرصودة لكل فترة زمنية بالكثافة الاحتمالية (probability density)، والتي يمكن تقديرها باستخدام نسبة ذلك التكرار إلى العدد الإجمالي لسجلات البيانات المرصودة. من

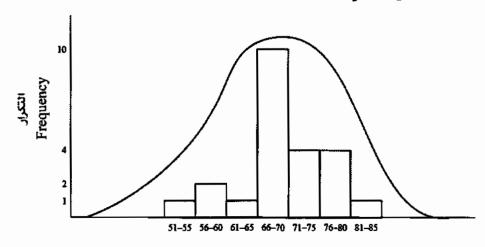
خلال رسم منحنى ملائم للمدرج التكراري الخاص بالكثافة الاحتمالية، نحصل على منحنى ملائم لدالة الكثافة الاحتمالية x وهناك نوع ملائم لدالة الكثافة الاحتمالية وهو التوزيع الطبيعي (normal distribution) بدالة الكثافة الاحتمالية:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2}, \qquad (1-11)$$

الجدول (١-١١) قيم درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature) في مجموعة البيانات الخاصة بعدد الحلقات الدائرية في مكوك الفضاء

درجة حرارة الاطلاق	رقم الحالة
Launch Temperature	Instance
66	1
70	2
69	3
68	4
67	4 5 6
72	
73	7
70	8
57	9
63	10
70	11
78	12
67	13
53	14
67	15
75	16
70	17
81	18
76	19
<b>79</b>	20
75	21
76	22
58	23

الشكل (١٠-١١) المدرج التكراري لبيانات درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature)



#### حيث إن:

μ هو المتوسط.

σ هو الانحراف المعياري.

 $x = \mu$  يكون التوزيع الطبيعي متماثلاً مع أعلى كثافة احتمالية عندما يكون المتوسط  $x = \mu$  ونفس الكثافة الاحتمالية عند  $x = \mu - a$  ،  $x = \mu$  ، و

تُظهِر العديد من أغاط البيانات خصائص مميزةً لتوزيعاتها الاحتمالية. على سبيل المثال، درسنا بيانات سلاسل الزمن (Time series data) لأنشطة الحاسوب وشبكة الإنترنت (Ye, 2008, Chapter 9). تتكون بيانات سلاسل الزمن من بيانات مرصودة على مدى زمني معين. لاحظنا أغاط البيانات التالية المستخرجة من بيانات الحاسوب وشبكة الإنترنت والموضحة في الشكل ٢-١١.

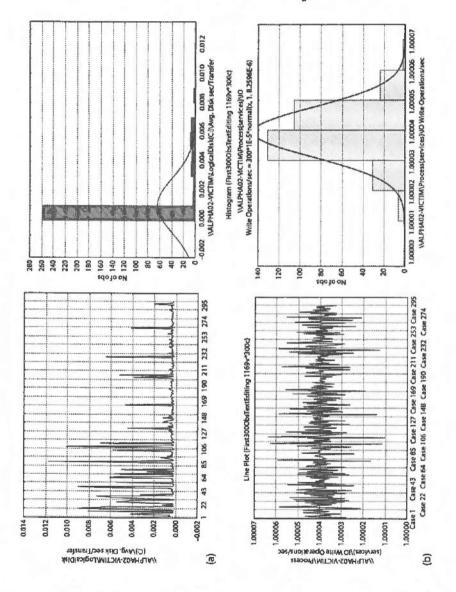
- النمط المسماري (Spike).
- غط التذبذب العشوائي (Random fluctuation).
  - غط تغيير الخطوة (Step change).
  - غط التغير الثابت (Steady change).

هناك خصائص (أو سمات) خاصة للتوزيعات الاحتمالية لبيانات سلاسل الزمن ذات النمط المسماري، وغط التذبذب العشوائي، وغط تغيير الخطوة، وغط التغيير الثابت. إن بيانات سلاسل الزمن ذات النمط المسماري كما هو مبين في الشكل ٢-١١ (a) ، يكون بها غالبية سجلات البيانات ذات قيم متشابهة، وقليل من سجلات البيانات ذات قيم أعلى، مما ينتج ارتفاعاً مسمارياً تصاعدياً، أو ذات قيم أقل مما ينتج انخفاضاً مسمارياً تنازلياً. يحدد التكرار العالى لسجلات البيانات ذات القيم المتشابهة أين يقع المتوسط ذو الكثافة الاحتمالية العالية، وينتج عن عدد قليل من سجلات البيانات ذات قيم أقل (أو أعلى) من المتوسط لاتجاه مسماري هابط (أو صاعد) ذيل طويل على الجهة اليسرى (أو اليمني) من المتوسط، ومن ثم توزيع ملتوي (skewed distribution) إلى الجهة اليسرى (أو اليمني). ومن ثم، ينتج عن بيانات سلاسل الزمن المسمارية، توزيع احتمالي ملتو ( skewed probability distribution)، غير متماثل مع معظم سجلات البيانات التي لها قيم قريبة من المتوسط، وعدد قليل من سجلات البيانات التي لها قيم تنتشر على جانب واحد من المتوسط، والتي تشكل ذيلاً طويلاً، كما هو مبين في الشكل ٢٠١١ (a). وينتج عن بيانات سلاسل الزمن ذات غط التذبذب العشوائي (random fluctuation)، توزيع طبيعي، متماثل، كما هو مبين في الشكل ٢-١١ (b). في حين أن بيانات سلاسل الزمن ذات تغيير الخطوة الواحدة ( one step change)، كما هو مبين في الشكل ٢-١١ (c) ، تنتج عنقودين من سجلات البيانات بحركزين متوسطين (two centroids) مختلفين، و تنتج من ثم توزيعاً ثنائي النسق (bimodal distribution). تقوم بيانات سلاسل الزمن ذات غط تغييرات الخطوات المتعددة (multiple step changes) بإنشاء عناقيد متعددة من سجلات البيانات عراكز متوسطة مختلفة، ومن ثم إنشاء توزيع متعدد النسق (multimodal distribution). ويكون لبيانات السلاسل الزمنية ذات غط التغيير الثابت (على سبيل المثال: الزيادة الثابتة للقيم أو الانخفاض الثابت للقيم) قيم موزعة بالتساوي، ومن ثم ينتج توزيعاً موحداً، كما هو مبين في الشكل ٢-١١ (d). ولذلك، تنتج الأنماط الأربعة من بيانات سلاسل الزمن أربعة أنواع مختلفة من التوزيع الاحتمالي:

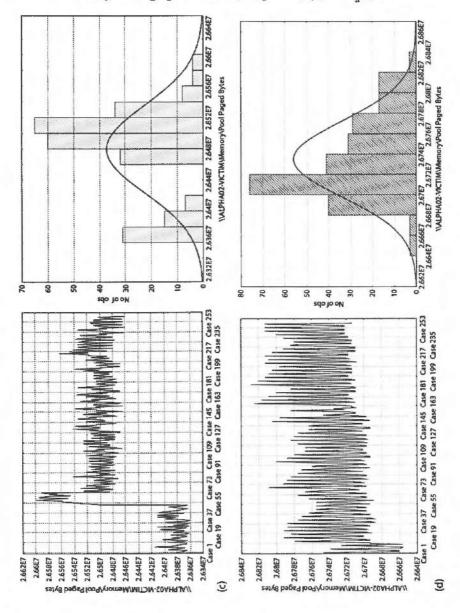
- التوزيع الملتوي الأيمن أو الأيسر (Left or right skewed distribution).
  - التوزيع الطبيعي (Normal distribution).
  - التوزيع المتعدد النسق (Multimodal distribution).
    - التوزيع الموحد (Uniform distribution).

#### الشكل (٢-١١)

أغاط بيانات السلاسل الزمنية وتوزيعاتها الاحتمالية. (a) الرسم البياني والمدرّج التكراري الخاص بالنمط المسماري (spike pattern)، (b) الرسم البياني والمدرّج التكراري الخاص بنمط التذبذب (randomfluctuation pattern)



تابع الشكل (٢-١١) أغاط بيانات السلاسل الزمنية وتوزيعاتها الاحتمالية. (c) الرسم البياني والمدرج التكراري الخاص بنمط التغيير بخطوة (step change pattern)، (d) الرسم البياني والمدرج التكراري الخاص بنمط التغير الثابت (steady change pattern)



كما هو موضح في يي (Ye, 2008, Chapter 9)، فإن أنماط البيانات الأربعة، والتوزيعات الاحتمالية المقابلة لها، يمكن استخدامها لتحديد ما إذا كان هناك أنشطة هجومية تجري في أنظمة الحاسوب وعلى شبكة الإنترنت، وذلك لأن بيانات الحاسوب وشبكة الإنترنت التي تتعرض للهجوم، أو لظروف الاستخدام العادي، قد تُظهِر أنماطاً مختلفةً من البيانات. إنَّ الكشف عن الهجمات الإلكترونية يمثل جزءاً مهماً من حماية أنظمة الحاسوب وشبكة الإنترنت من الهجمات الإلكترونية.

# ٢-١١ طريقة التمييز بين أربعة توزيعات احتمالية

# (Method of Distinguishing Four Probability Distribution):

قد غيز أناط البيانات الأربعة هذه عن طريق تحديد التوزيع الاحتمالي للبيانات الخاصة بها. على الرغم من وجود اختبارات متعددة لتحديد ما إذا كان للبيانات توزيع طبيعي أم لا (Bryc, 1995)، فإن الاختبارات الإحصائية لتحديد أحد التوزيعات الاحتمالية لا تُعتبر شائعة. وعلى الرغم من أن المدرج التكراري يمكن رسمه لكي يتيح لنا أولاً أن نتصور، ومن ثم نحدد التوزيع الاحتمالي، نحتاج إلى اختبار يمكن برمجته وتشغيله على الحاسوب دون الحاجة إلى الفحص اليدوي والبصري، وخصوصاً عندما تكون مجموعة البيانات كبيرة، وتكون مراقبة البيانات بشكل مباشر مطلوبة مثل التطبيق الخاص بكشف الهجمات وتكون مراقبة البيانات بشكل مباشر مطلوبة مثل التطبيق الخاص بكشف الهجمات الإلكترونية. تم تطوير طريقة لتمييز التوزيعات الاحتمالية الأربعة باستخدام خليط عن اختبارات الالتواء أو الانحراف (skewness) واختبارات النسق (mode tests) في يي (Ye, والموضح في الجزء التالى.

وتعتمد طريقة تمييز التوزيعات الاحتمالية الأربعة على اختبارات الانحراف والنسق. يتم تعريف الانحراف على أنه:

skewness = 
$$E\left(\frac{(x-\mu)^3}{\sigma^3}\right)$$
, (Y-11)

حيث  $\mu$  و $\sigma$  هما المتوسط والانحراف المعياري لمجتمع البيانات المستهدف للمتغير x عندما يكون لدينا n من سجلات البيانات، x المينا x فإن انحراف العينة يتم حسابه كما يلي:

skewness = 
$$\frac{n \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^3}{(n-1)(n-2)s^3}$$
, (٣-١١)

حيث  $\bar{x}$  و2 هما المتوسط والانحراف المعياري لعينة البيانات. وعلى عكس التباين (variance)، والذي يقوم بتربيع كل من الانحرافات الموجبة والسالبة عن المتوسط لجعل كل من الانحرافات الموجبة والسالبة عن المتوسط تسهم في التباين بنفس الطريقة، يقوم الانحراف بقياس القدر الذي تكون به انحرافات البيانات عن المتوسط متماثلة ومتطابقة على جانبي المتوسط. يكون للتوزيع المنحرف إلى اليسار بذيل طويل على الجانب الأيسر من المتوسط، قيمة سالبة لمقياس الانحراف. ويكون للتوزيع المنحرف إلى اليمين بذيل طويل على الجانب الأي من المتوسط، قيمة موجبة لمقياس الانحراف.

الجدول (٢-١١) خليط من نتائج اختبارات الانحراف (Skewness) والنسق (Mode) لتمييز التوزيعات الاحتمالية الأربعة

Probability Distribution التوزيع الاحتمالي	Dip Test اختبار أحادي النسق	Mode Test اختبار النسق	Skewness Test اختبار الانحراف
Multimodal distribution التوزيع متعدد النسق	Unimodality is rejected طادية النسق مرفوضة	Number of Significant modes ≥ 2 عدد الأنساق ذات الدلالة ≥ ۲	Any result أي نتيجة
Uniform distribution التوزيع الموحد	Unimodality is not rejected أحادية النسق غير مرفوضة	Number of Significant modes > 2 عدد الأنساق ذات الدلالة > ۲	Symmetric متماثل
Normal distribution التوزيع الطبيعي	Unimodality is not rejected أحادية النسق غير مرفوضة	Number of Significant modes < 2 عدد الأنساق ذات الدلالة ≤ ۲	Symmetric متماثل
Skewed distribution التوزيع المنحرف	Unimodality is not rejected أحادية النسق غير مرفوضة	Number of Significant modes < 2 عدد الأنساق ذات الدلالة ≥ ۲	Skewed منحرف

يقع النسق الخاص بالتوزيع الاحتمالي للمتغير x داخل قيمة x التي يكون لها الحد الأقصى من الكثافة الاحتمالية. عندما يكون لدالة الكثافة الاحتمالية قيم قصوى متعددة. محلية (multiple local maxima)، يكون للتوزيع الاحتمالي أنساق (modes) متعددة. الكثافة الاحتمالية ذات القيمة الكبيرة تشير إلى عنقود من سجلات البيانات المتشابهة. ومن مرتبط النسق بعملية تعنقد سجلات البيانات. التوزيع الطبيعي (distribution)، والتوزيع المنحرف (skewed distribution)، هي أمثلة على التوزيعات أحادية النسق الواحد (unimodal distributions) ذات الأنساق المتعددة. التوزيع الموحد المتشافة و دلالة مهمة، وذلك لأن البيانات موزعة بشكل المتسافي، ولا تتشكل في عناقيد. يحدد اختبار أحادي النسق (distributions) النسق في عناقيد. يحدد اختبار أحادي النسق. يحدد اختبار النسق في البرنامج الإحصائي عدد الأنساق ذات الدلالة المهمة لكل نسق محتمل في التوزيع الاحتمالي، ويعطي عدد الأنساق ذات الدلالة المهمة.

يوضح الجدول ٢-١١ خليطاً من نتائج اختبارات الانحراف والنسق والتي تُستخدَم لتمييز التوزيعات الاحتمالية الأربعة: التوزيع متعدد النسق (bimodal distribution)، والتوزيع ثنائي النسق (bimodal distribution)، والتوزيع الطبيعي (uniform distribution)، والتوزيع الطبيعي (normal distribution)، والتوزيع المنحرف (skewed distribution). لذلك، إذا علمنا أن للبيانات واحداً من هذه التوزيعات الاحتمالية الأربعة، يمكننا التحقق من خليط النتائج المكون من اختبار أحادي النسق (skewness test)، واختبار النسق (mode test)، واختبار النويعات الاحتمالية تحمله البيانات.

# ۱۱-۳ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يقوم برنامج ستاتسيكا (Statistica) بدعم اختبار يقوم برنامج ستاتسيكا (www.statsoft.com)، بدعم اختبار برامج الإحصائي (skewness test). وتدعم برامج (www.r-project.org/doc/packages/diptest.pdf) اختبار أحادي النسق (tip test)، واختبار النسق (Ye, 2008, Chapter 9)، وكن تمييز

البيانات الحاسوبية، وبيانات شبكة الإنترنت التي تتعرض للهجوم الإلكتروني، وظروف الاستخدام الطبيعي، وذلك عن طريق التوزيعات الاحتمالية المختلفة للبيانات في ظل ظروف مختلفة.

يتم إجراء الكشف عند التعرض للهجوم عبر الإنترنت من خلال مراقبة البيانات الحاسوبية المرصودة، وبيانات شبكة الإنترنت، وتحديد ما إذا كان التغيير على التوزيع الاحتمالي من وضع الاستخدام الطبيعي إلى وضع الهجوم الإلكتروني قد حدث أم لا.

### التمارين (Exercises):

- ۱-۱۱ قم باختيار واستخدام البرمجية لإجراء اختبار الانحراف، واختبار النسق، والاختبار أحادي النسق، لبيانات درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature) في الجدول ١-١١، وقم باستخدام نتائج الاختبار لتحديد ما إذا كان التوزيع الاحتمالي لبيانات درجة حرارة الإطلاق يقع في أحد التوزيعات الاحتمالية الأربعة في الجدول ١١-٢.
- 11-٢ اختر متغيراً رقمياً في مجموعة البيانات التي حصلت عليها في المسألة رقم ٢-١ وقم باختيار عرض الفترة لرسم مدرج تكراري للبيانات الخاصة بالمتغير. قم باختيار واستخدام البرمجية لإجراء اختبار الانحراف، واختبار النسق، واختبار أحادي النسق، على البيانات الخاصة بالمتغير، واستخدم نتائج الاختبار لتحديد ما إذا كان التوزيع الاحتمالي لبيانات درجة حرارة الإطلاق يقع في واحد من التوزيعات الاحتمالية الأربعة في الجدول ٢-١١.
- ۱۱-۳ اختر متغيراً رقمياً في مجموعة البيانات التي حصلت عليها في المسألة ۱-۳، وقم باختيار عرض الفترة لرسم مدرج تكراري للبيانات الخاصة بالمتغير. قم باختيار واستخدام البرنامج لإجراء اختبار الانحراف، واختبار النسق، واختبار أحادي النسق، على البيانات الخاصة بالمتغير، وقم باستخدام نتائج الاختبار لتحديد ما إذا كان التوزيع الاحتمالي لبيانات درجة حرارة الإطلاق يقع في واحد من التوزيعات الاحتمالية الأربعة في الجدول ۲۰۱۱.

# ۱۲- قواعد الاقتران Association Rules

تكشف قواعدُ الاقتران (association rules) العناصرَ (items) التي كثيراً ما يرتبط بعض لقد تم تطوير خوارزمية قواعد الاقتران بدايةً في سياق تحليل سلة السوق بعضها ببعض. لقد تم تطوير خوارزمية قواعد الاقتران بدايةً في سياق تحليل سلة السوق (market basket analysis) لدراسة السلوكيات الشرائية للعملاء والتي يمكن استخدامها لغرض التسويق. تكشف قواعد الاقتران ما هي العناصر التي غالباً ما يشتريها العملاء معاً إن العناصر أو المواد التي، في كثير من الأحيان، يتم شراؤها معاً يمكن وضعها في المتاجر أو يمكن أن يتم ربطها معا في مواقع التجارة الإلكترونية على الإنترنت لتعزيز مبيعات هذه المواد أو لأغراض تسويقية أخرى. يوجد العديد من التطبيقات الأخرى لقواعد الاقتران، على سبيل المثال، تحليل النصوص (text analysis) لغرض تصنيف الوثائق واسترجاعها. يقدم هذا الفصل خوارزمية استكشاف قواعد الاقتران. وترد قائمة بحزم البرمجيات التي تدعم قواعد الاقتران مع مراجعها.

# ١-١٢ تعريف قواعد الاقتران ومقاييس الاقتران

# (Definition of Association Rules and Measures of Association):

وتأخذ قاعدة الاقتران الشكل:

 $A \rightarrow C$ 

حيث إن:

(antecedent). هي مجموعة عناصر وتُسمى الشرط السابق A

هي مجموعة عناصر وتُسمى النتيجة اللاحقة (consequent).

له و $C=\emptyset$  ليس لديهما أي عناصر مشتركة، وهذا يعني أن،  $A\cap C=\emptyset$  (مجموعة فاي). إن العلاقة بين A و قاعدة الاقتران تعني أن وجود مجموعة عناصر A في سجل بيانات تعني وجود مجموعة العناصر A في سجل البيانات نفسه، وهذا يعني أن مجموعة العناصر A مقترنة بمجموعة العنصر A.

الجدول (١-١٢) مجموعة بيانات اكتشاف أعطال النظام بتسع حالات من الأعطال الآلية الأحادية ومجموعات العنصر التي تمّ الحصول عليها من مجموعة البيانات هذه

العناصر في كل سجل بيانات	Attr	ن المنتج ibute \		_					rts	رقم الحالة - Instance (الآلة المعطلة -
Items in Each Data			x		x	x	x	x	x	(Faulty Machine
Record	Х9	X8	7	X6		4	3	2	_!_	· '
$\{x_1, x_5, x_7, x_9\}$	1	0	l	0	1	0	0	0	1	1 (M1)
$\{x_2, x_4, x_8\}$	0	1	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
$\{x_3, x_4, x_6, x_7, x_8\}$	0	1	l	1	0	1	1	0	0	3(M3)
$\{x_4, x_8\}$	0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
$\{x_5, x_7, x_9\}$	1	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
$\{x_6, x_7\}$	0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
$\{x_7\}$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
$\{x_8\}$	0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
$\{x_0\}$	1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)

يتم تعريف مقاييس الدعم (support)، الثقة (confidence)، والعون (support)، والعون (support) واستخدمها لاكتشاف مجموعتي العناصر A وC0 اللتين كثيراً ما تقترنان معاً. مقياس الدعم أو support في مجموعة العناصر X1 يقيس نسبة سجلات البيانات التي تحتوي على مجموعة العناصر x2 ويعرف بأنه:

$$support(X) = \frac{|\{S | S \in D \text{ and } S \supseteq X\}|}{N}, \qquad (1-17)$$

حيث إن:

يدل على مجموعة البيانات التي تحتوى على سجلات البيانات.  $oldsymbol{D}$ 

X هو سجل بيانات في D (المشار إليه بـ  $S \in D$ ) ويحتوي على العناصر في  $S \supseteq X$ ).

|| تدل على عدد سجلات البيانات في ك.

Dهو عدد سجلات البيانات في N

استناداً إلى التعريف، يكون لدينا:

$$support(\emptyset) = \frac{\left|\{S|S \in D \text{ and } S \supseteq \emptyset\}\right|}{N} = \frac{N}{N} = 1.$$

على سبيل المثال، لمجموعة البيانات التي لها تسعة سجلات بيانات في الجدول ١٠١٢.

$$support(\{x_5\}) = \frac{2}{9} = 0.22$$

$$support(\{x_7\}) = \frac{5}{9} = 0.56$$

$$support(\{x_9\}) = \frac{3}{9} = 0.33$$

$$support(\{x_5, x_7\}) = \frac{2}{9} = 0.22$$

$$support(\{x_5, x_9\}) = \frac{2}{9} = 0.22.$$

مقياس الدعم ، أو  $support\ (A 
ightarrow C)$  يقيس نسبة سجلات البيانات التي تحتوي على كل من الشرط السابق A والنتيجة اللاحقة C في قاعدة الاقتران A 
ightarrow C ويُعرف بأنه:

$$support(A \rightarrow C) = support(A \cup C)$$
,  $(Y-Y)$ 

حيث  $A \cup C$  عبارة عن اتحاد A جموعة العناصر A ومجموعة العناصر A وتحتوي على عناصر من A وA استناداً إلى التعريف، يكون لدينا:

$$support(\emptyset \to C) = support(C)$$
  
 $support(A \to \emptyset) = support(A)$ .

على سبيل المثال:

$$support(\{x_5\} \to \{x_7\}) = support(\{x_5\} \cup \{x_7\})$$
  
=  $support(\{x_5, x_7\}) = 0.22$ 

$$support(\{x_5\} \to \{x_9\}) = support(\{x_5\} \cup \{x_9\})$$
  
=  $support(\{x_5, x_9\}) = 0.22$ .

مقياس الثقة، أو (A o C) confidence، يقيس نسبة سجلات البيانات المحتوية على الشرط السابق A والتي بدورها أيضاً تحتوي على النتيجة اللاحقة C، ويعرف بأنه:

$$confidence(A \rightarrow C) = \frac{support(A \cup C)}{support(A)}.$$
 (Y-17)

استناداً إلى التعريف، يكون لدينا:

$$confidence(\emptyset \to C) = \frac{support(C)}{support(\emptyset)} = \frac{support(C)}{1} = support(C)$$

$$confidence(A \rightarrow \emptyset) = \frac{support(A)}{support(A)} = 1.$$

على سبيل المثال:

$$confidence(\{x_5\} \to \{x_7\}) = \frac{support(\{x_5\} \cup \{x_7\})}{support(\{x_5\})} = \frac{0.22}{0.22} = 1$$

$$confidence(\{x_5\} \to \{x_9\}) = \frac{support(\{x_5\} \cup \{x_9\})}{support(\{x_5\})} = \frac{0.22}{0.22} = 1.$$

إذا كان الشرط السابق A والنتيجة اللاحقة C مستقلتين عن بعضهما وA والنتيجة اللاحقة في العديد من سجلات البيانات في مجموعة في العديد من سجلات البيانات في مجموعة البيانات)، فإن A وجود النتيجة اللاحقة في العديد من A وتتيجة للأن A موجودة في العديد من سجلات البيانات التي تحتوي أيضاً على A ونتيجة لذلك، نحصل على قيمة عالية لـ A وتتيجة لذلك، نحصل على قيمة عالية لـ A ومستقلتين عن A ومستقلتين عن A وميون له فائدة قليلة. على سبيل المثال، إذا تم احتواء مجموعة العناص A في كل سجل بيانات في مجموعة البيانات، يكون لدينا:

$$support(A \rightarrow C) = support(A \cup C) = support(A)$$

$$confidence(A \rightarrow C) = \frac{support(A \cup C)}{support(A)} = \frac{support(A)}{support(A)} = 1.$$

C نام قاعدة اقتران  $A \rightarrow C$  ذات فائدة قليلة بالنسبة لنا، لأن مجموعة العناصر معموعة في كل سجل بيانات، ومن ثم فإن أي مجموعة عناصر على في ذلك A تقترن مع موجودة في كل سجل بيانات، ومن ثم فإن أي مجموعة عناصر على في ذلك A تقترن مع موجودة في كل أنه: C. ولمعالجة هذه المسألة، يتم تعريف مقياس العون، أو A

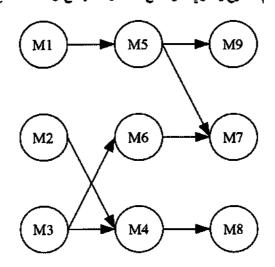
$$lift(A \to C) = \frac{confidence(A \to C)}{support(C)} = \frac{support(A \cup C)}{support(A) \times support(C)}.$$
 (E-1Y)

(C) مستقليتين عن بعضهما ولكن الدعم A والنتيجة اللاحقة C مستقليتين عن بعضهما ولكن الدعم C النتيجة اللاحقة C في متخفضة لـ C النتيجة المتفضة لـ C النتيجة منخفضة لـ C النتيجة المتفضة المتفضة للنتيجة المتفضة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضة للنتيجة المتفضقة المتفضة للنتيجة المتفضقة للنتيجة المتف

$$lift(\{x_5\} \to \{x_7\}) = \frac{confidence(\{x_5\} \to \{x_7\})}{support(\{x_7\})} = \frac{1}{0.56} = 1.79$$

$$lift(\{x_5\} \to \{x_9\}) = \frac{confidence(\{x_5\} \to \{x_9\})}{support(\{x_9\})} = \frac{1}{0.33} = 3.03.$$

الشكل (۱-۱۲) نظام تصنيع يحتوي على تسع آلات وخط إنتاج وحدات المنتج



یکون لقواعد الاقتران،  $\{xs\} \longrightarrow \{xs\} \longrightarrow \{xs\} \rightarrow \{xs\}$  نفس قیم مقیاس الدعم (support) والثقة (confidence) ولکن قیم مختلفة لمقیاس العون (lift). ومن ثم، یظهر أن xs یکون لها تأثیر أکبر علی تکرار xs أکثر من تکرار xs الشکل ۱-۱، الذي یتم نسخه فی الشکل ۱-۱، یعطی تدفقات وخط إنتاج وحدات المنتج لمجموعة البیانات فی الجدول ۱۲-۱، کما هو مبین فی الشکل ۱۲-۱، تذهب وحدات المنتج التی تتدفق من خلال الآلة الخامسة Ms إلی الآلة السابعة Ms والآلة التاسعة ms ومن ثم، ینبغی أن یکون لـ ms نفس التأثیر علی ms وحدات المنتج المتدفقة خلال الآلة السادسة ms تذهب أیضاً إلی الآلة السابعة ms وتکون ms آکثر تکراراً من ms مجموعة البیانات، مما ینتج عنه قیمة عون السابعة ms وتکون ms من تلك لـ ms مجموعة البیانات، مما ینتج عنه قیمة عون الشائی القائم المتحد ms و ms من تلك لـ ms من تلک لـ ms وبعبارة أخری، فإن ms لا تأثر بـ ms في الشكل ms مما یجعل ms تظهر أقل ms في الشكل ms المتحد ms مشالة استقلالیة کل من الشرط السابق اعتماداً علی ms لأن مقیاس العون (lift) یعالج مسألة استقلالیة کل من الشرط السابق والنتیجة اللاحقة من خلال قیمة عون منخفضة.

# ٢-١٢ اكتشاف قاعدة الاقتران (Association Rule Discovery):

يُستخدم اكتشاف قاعدة الاقتران (thresholds) في مقاييس معينة جميع قواعد الاقتران التي تتجاوز الحد الأدنى للحدود (thresholds) في مقاييس معينة للقتران، وعادةً ما تكون مقاييس الدعم (support) والثقة (confidence). يتم بناء قواعد الاقتران باستخدام مجموعات عناصر متكررة التي تحقق الحد الأدنى من الدعم. بإعطاء مجموعة بيانات من سجلات البيانات المكونة من عدد p من العناصر كحد أقصى، فمن شأن مجموعة العناصر أن تكون ممثلةً على النحو التالي  $x_i = 0$ ,

(Agrawal and (Apriori algorithm) (الأسبقية أبريوري الأسبقية أبريوري الأسبقية Srikant, 1994) إجراء فعالاً لتوليد مجموعات العناصر المتكررة من خلال الأخذ في

الاعتبار أن مجموعة العناصر لا يمكن أن تكون مجموعة عناصر متكررة إلا إذا كانت جميع المجموعات الفرعية منها هي مجموعات عناصر متكررة. يوضح الجدول Y-1Y خطوات خوارزمية أبريورى (الأسبقية) لمجموعة بيانات محددة D

 $F_{i-1}$  في الخطوة ٥ من خوارزمية أبريوري (الأسبقية)، يكون لمجموعتي العناصر من العناصر نفسها من  $x_i$ ... $x_{i-2}$  وتختلف مجموعتا العناصر فقط في عنصر واحد بكون  $x_i$ موجودةً في مجموعة عنصر واحد و xi موجودة في مجموعة عناصر آخرى. يتم بناء مجموعة عناصر مرشحة لـ  $F_i$  من خلال إدراج  $x_i$  .... $x_{i-2}$  (العناصر المشتركة لمجموعتي العنصر من ثلاث مجموعة متكررة بثلاث ( $x_i$  على سبيل المثال، إذا كانت  $x_i$  على سبيل المثال، إذا كانت  $x_i$  على المثال، إذا كانت  $x_i$  $x_3$ }،  $\{x_1 : x_2\}$ ، المجموعة المتكررة  $\{x_1 : x_2\}$ ،  $\{x_1 : x_2\}$  عناصر  $\{x_1 : x_2\}$  المجموعة المتكررة أي تشكيل مكون من عنصرين من هذه المجموعة المتكررة أي تشكيل مكون من عنصرين أي المتحدد أله المتحدد ألم كان يعني أنه إذا كان يكون مجموعة متكررة بعنصرين. وهذا يعني أنه إذا كان  $\{x_1, x_3\}$  $\{x_1 \, , \, x_2\}$  أكبر من أو يساوي الحد الأدنى للدعم، فـإن  $support \, (\{x_1 \, , \, x_2 \, , \, x_3\})$ يجب أن يكون أكبر من أو support ( $\{x_1, x_3\}$ ) ، support ( $\{x_2, x_3\}$ ) support  $\{x_1, x_2, x_3\}$  يساوي الحد الأدنى للدعم. ومن ثم المجموعة المتكررة ذات الثلاث عناصر، يمكن بناؤها باستخدام اثنين من مجموعاتها الفرعية ذات العنصرين والتي تختلف ف عنصر واحد فقط،  $\{x_1, x_2\}$  و $\{x_1, x_2\}$ ،  $\{x_1, x_2\}$  و $\{x_2, x_3\}$ ،  $\{x_2, x_3\}$  و $\{x_1, x_2\}$ . وبالمثل، فإن أي مجموعة متكررة ذات i عنصر يجب أن تأتى من مجموعات متكررة ذات نصر والتي تختلف في عنصر واحد فقط. تقلل هذه الطريقة لبناء مجموعة عناصر (i-I)مرشحة ل $F_i$ ، وبدلالة هامة، من عدد مجموعات العناصر المرشحة ل $F_i$  التي سيتم تقييمها في الخطوة ٧ من الخوارزمية.

يوضح المثال ١-١٢ استخدام خوارزمية أبريوري (الأسبقية). عندما تكون البيانات متناثرة (sparse) بحيث يكون كل عنصر غير متكرر نسبياً في مجموعة البيانات، تكون خوارزمية أبريوري (الأسبقية) فعالة حيث أنها تعطي عدداً صغيراً من مجموعات العناصر المتكررة، بحيث يحتوي عدد قليل منها على أعداد كبيرة من العناصر. وعندما تكون البيانات كثيفة بحيث يحون خوارزمية أبريوري (الأسبقية) أقل كفاءةً وتعطي عدداً كبيراً من مجموعات العناصر المتكررة.

الجدول (٢-١٢) خوارزمية أبريوري (الأسبقية) (Apriori Algorithm) - (إنجليزي وعربي)

Step	Description of the Step			
1	F <sub>1</sub> = (frequent one-item sets)			
2	i=1			
3	while $F_i \neq \emptyset$			
4	i=i+1			
5	$C_i = \{\{x_1,, x_{i-2}, x_{i-1}, x_i\} \mid \{x_1,, x_{i-2}, x_{i-1}\} \in F_{i-1} \text{ and } \{x_1,, x_{i-2}, x_i\} \in F_{i-1}\}$			
6	for all data records $S \in D$			
7	for all candidate sets $C \in C_i$			
8	if S⊇C			
9	C.count = C.count + 1			
10	$F_i = \{C \mid C \in C_i \text{ and } C.\text{count} \ge \text{minimum support}\}$			
11	return all $F_{i}$ , $j = 1,, i-1$			

الوصف	الخطوة
لتكن ٢٠ = { مجموعات متكررة ذات عنصر-واحد}	1
i = 1	۲
$F_i  eq oldsymbol{\emptyset}$ مادام أن $WHILE$ ) کرر	٣
i = i + 1	٤
$C_{i} = \{ \{x_{1},, x_{i-2}, x_{i-1}, x_{i}\} \mid \{x_{1},, x_{i-2}, x_{i} \in F_{i-1} \text{ and } \{x_{1},, x_{i-2}, x_{i}\} \in F_{i-1} \}$	0
$S \in \mathcal{D}$ لكل سجلات البيانات،	٦
$C igsim C_i$ لكل مجموعات العناصر المرشحة،	٧
$S \supseteq C$ کان، (if) اغا	٨
C.count = C.count+1	٩
$F_i = \{C \mid C \mid C_i \text{ and } C.\text{count} \geq \{C \mid C_i \text{ and } C.\text{count}\}$	1+
$j=1,,i-1$ مجموعات العناصر $F_j$ ميث	- 11

#### المثال (۱۲-۱۲):

من مجموعة البيانات في الجدول ۱۲-۱۱، قم بإيجاد كل مجموعات العناصر المتكررة ذات مقياس الدعم بقيمة حد أدنى تساوي0.2 أو min-support=0.2). بفحص مقياس الدعم لكل مجموعة عناصر بعنصر واحد، نحصل على:

$$F_{1} = \left\{ \{x_{4}\}, support = \frac{3}{9} = 0.33, \\ \{x_{5}\}, support = \frac{2}{9} = 0.22, \\ \{x_{6}\}, support = \frac{2}{9} = 0.22, \\ \{x_{7}\}, support = \frac{5}{9} = 0.56, \\ \{x_{8}\}, support = \frac{4}{9} = 0.44 \\ \{x_{9}\}, support = \frac{3}{9} = 0.33 \right\}.$$

باستخدام مجموعات العناصر المتكررة ذات للعنصر الواحد لتكوين المجموعات المتكررة ذات العنصرين وفحص مقياس دعمهم، نحصل على:

$$F_{2} = \left\{ \{x_{4}, x_{8}\}, support = \frac{3}{9} = 0.33, \\ \{x_{5}, x_{7}\}, support = \frac{2}{9} = 0.22, \\ \{x_{5}, x_{9}\}, support = \frac{2}{9} = 0.22, \\ \{x_{6}, x_{7}\}, support = \frac{2}{9} = 0.22, \\ \{x_{7}, x_{9}\}, support = \frac{2}{9} = 0.22 \right\}.$$

حيث إن  $\{x_5, x_9\}$ ,  $\{x_5, x_9\}$  و $\{x_5, x_7\}$  تختلف عن بعضها البعض في عنصر واحد فقط، فيتم استخدامهم لبناء مجموعة ذات ثلاثة عناصر  $\{x_5, x_7, x_7\}$  - مجموعة الثلاث عناصر الوحيدة التي يمكن بناؤها:

$$F_3 = \left\{ \{x_5, x_7, x_9\}, \quad support = \frac{2}{9} = 0.22 \right\}.$$

لاحظ أن بناء مجموعة ذات ثلاثة عناصر من مجموعات ذات عنصرين والتي تختلف في أكثر من عنصر واحد لا يعطي مجموعة متكررة ذات ثلاثة عناصر. على سبيل المثال،  $\{xs, xr\}$  و $\{xs, xr\}$  هي مجموعات متكررة ذات عنصرين والتي تختلف في عنصرين. المجموعات  $\{xs, xr\}$  و $\{xs, xs\}$   $\{xs, xs\}$  و $\{xs, xs\}$  المجموعات متكررة ذات عنصرين. يتم بناء أي مجموعة بثلاث عناصر باستخدام  $\{xs, xs\}$  و $\{xs, xs\}$  على سبيل المثال،  $\{xs, xs\}$  ليست مجموعة متكررة مكونة من ثلاثة عناصر نظراً لأنه ليس كل زوج بعنصرين مكون من  $\{xs, xs\}$  هو مجموعة متكررة ذات عنصرين. على وجه التحديد، فإن  $\{xs, xs\}$  و $\{xs, xs\}$  ليست مجموعات متكررة ذات عنصرين.

نظراً لوجود مجموعة واحدة متكررة فقط مكونة من ثلاثة عناصر، فلا يمكننا توليد مجموعة مرشحة مكونة من أربعة عناصر في الخطوة ٥ من خوارزمية أبريوري (الأسبقية). وهذا يعني أن،  $Ø = C_4$ ، ونتيجة لذلك، فان  $Ø = F_4$  في الخطوة ٣ من خوارزمية أبريوري (الأسبقية)، ونقوم بالخروج من تعليمة التكرار (WHILE). في الخطوة ١١ من خوارزمية أبريوري (الأسبقية)، نقوم بجمع جميع مجموعات العنصر المتكررة التي تحقق min- support = 0.2:

(x5), (2X), (2X), (3X), (3X), (8X), (8X), (8X), (7X), (2X), (2X), (2X), (2X), (2X), (2X), (2X), (2X), (2X), (2X)

### المثال (۲-۱۲):

قم باستخدام مجموعات العناصر المتكررة من المثال ۱-۱۲ لتوليد جميع قواعد الاقتران التي min والحد الأدنى للدعم min والحد الأدنى للثقة min confidence 0.5.

باستخدام كل مجموعة عناصر متكررة F التي تم الحصول عليها من المثال ١٠-١، نقوم بتوليد كل من قواعد الاقتران التالية،  $A \! 
ightarrow \! C$  التي تحقق:

$$A \cup C = F$$
,  
 $A \cap C = \emptyset$ .

معاير الحد الأدنى للدعم min-support والحد الأدنى للثقة min-confidence

$$\emptyset \rightarrow \{x_A\}$$
, support = 0.33, confidence = 0.33

$$\emptyset \rightarrow \{x_5\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\emptyset \rightarrow \{x_5\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\emptyset \rightarrow \{x_7\}$$
, support = 0.56, confidence = 0.56

$$\emptyset \rightarrow \{x_0\}$$
, support = 0.44, confidence = 0.44

$$\emptyset \rightarrow \{x_0\}$$
, support = 0.33, confidence = 0.33

$$\emptyset \rightarrow \{x_4, x_8\}$$
, support = 0.33, confidence = 0.33

$$\emptyset \rightarrow \{x_5, x_7\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\emptyset \rightarrow \{x_5, x_9\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\emptyset \rightarrow \{x_6, x_7\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\emptyset \rightarrow \{x_7, x_9\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\emptyset \rightarrow \{x_5, x_7, x_9\}$$
, support = 0.22, confidence = 0.22

$$\{x_4\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.33, confidence = 1

$$\{x_5\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.22, confidence = 1

$$\{x_6\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.22, confidence = 1

$$\{x_7\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.56, confidence = 1

$$\{x_8\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.44, confidence = 1

$$\{x_9\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.33, confidence = 1

```
\{x_A, x_B\} \rightarrow \emptyset, support = 0.33, confidence = 1
   \{x_5, x_7\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_{\rm s}, x_{\rm o}\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_6, x_7\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_7, x_9\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
 \{x_5, x_7, x_6\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
    \{x_4\} \rightarrow \{x_8\}, support = 0.33, confidence = 1
    \{x_5\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 1
    \{x_5\} \rightarrow \{x_9\}, support = 0.22, confidence = 1
    \{x_6\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 1
  \{x_7\} \rightarrow \{x_9\}, support = 0.22, confidence = 0.39
  \{x_8\} \rightarrow \{x_4\}, support = 0.33, confidence = 0.75
  \{x_7\} \rightarrow \{x_5\}, support = 0.22, confidence = 0.39
  \{x_9\} \rightarrow \{x_5\}, support = 0.22, confidence = 0.67
  \{x_7\} \rightarrow \{x_6\}, support = 0.22, confidence = 0.39
  \{x_9\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 0.67
  \{x_5\} \rightarrow \{x_7, x_9\}, support = 0.22, confidence = 1
\{x_7\} \rightarrow \{x_5, x_9\}, support = 0.22, confidence = 0.39
\{x_9\} \rightarrow \{x_5, x_7\}, support = 0.22, confidence = 0.67
  \{x_7, x_9\} \rightarrow \{x_5\}, support = 0.22, confidence = 1
  \{x_5, x_9\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 1
 \{x_5, x_7\} \rightarrow \{x_9\}, support = 0.22, confidence = 1.
```

بإزالة كل قاعدة اقتران في شكل arphi 
ightarrow F 
ightarrow arphi، نحصل على المجموعة النهائية من قواعد الاقتران:

$$\{x_4\} \rightarrow \emptyset$$
, support = 0.33, confidence = 1  
 $\{x_5\} \rightarrow \emptyset$ , support = 0.22, confidence = 1  
 $\{x_6\} \rightarrow \emptyset$ , support = 0.22, confidence = 1  
 $\{x_7\} \rightarrow \emptyset$ , support = 0.56, confidence = 1

```
\{x_8\} \rightarrow \emptyset, support = 0.44, confidence = 1
     \{x_{\alpha}\} \rightarrow \emptyset, support = 0.33, confidence = 1
   \{x_4, x_8\} \rightarrow \emptyset, support = 0.33, confidence = 1
   \{x_5, x_7\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_5, x_9\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_6, x_7\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_7, x_9\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
 \{x_5, x_7, x_9\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
    \{x_4\} \rightarrow \{x_8\}, support = 0.33, confidence = 1
  \{x_9\} \rightarrow \{x_4\}, support = 0.33, confidence = 0.75
    \{x_5\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 1
    \{x_5\} \rightarrow \{x_9\}, support = 0.22, confidence = 1
  \{x_5\} \rightarrow \{x_7, x_9\}, support = 0.22, confidence = 1
  \{x_5, x_9\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 1
  \{x_5, x_7\} \rightarrow \{x_9\}, support = 0.22, confidence = 1
  \{x_9\} \rightarrow \{x_5\}, support = 0.22, confidence = 0.67
  \{x_9\} \rightarrow \{x_7\}, support = 0.22, confidence = 0.67
\{x_9\} \rightarrow \{x_5, x_7\}, support = 0.22, confidence = 0.67
  \{x_7, x_9\} \rightarrow \{x_5\}, support = 0.22, confidence = 1
   \{x_6, x_7\} \rightarrow \emptyset, support = 0.22, confidence = 1
```

في هذه المجموعة النهائية من قواعد الاقتران، لا تخبرنا كل قاعدة اقتران في الشكل  $E \longrightarrow F$  عن الاقتران بين مجموعتي عناصر ولكن عن وجود مجموعة العناصر F في مجموعة البيانات، ومن ثم يمكن تجاهلها. تكشف قواعد الاقتران المتبقية عن الارتباط الوثيق لـ  $x_1$  مع  $x_2$  و  $x_3$  مع  $x_4$  ، الأمر الذي يتطابق مع تدفقات الإنتاج في الشكل مع  $x_4$  ومع ذلك، لا يتم إيجاد تدفقات الإنتاج من الآلة الأولى  $x_4$  والثانية  $x_5$  والثالثة في مجموعات العناصر المتكررة ولا في المجموعة النهائية من قواعد الاقتران بسبب الطريقة التي يتم فيها أخذ عينات مجموعة البيانات من خلال النظر في جميع الأعطال

الآلية الأحادية. وحيث إن الآلة الأولى MI، والثانية M2 والثالثة M3 هي في بداية تدفقات الإنتاج ويتأثرن بأنفسهن فقط، فإن كل من  $x_3$ ,  $x_2$  تظهر بشكل أقل تكراراً في مجموعة البيانات مقارنة ب  $x_4$  إلى  $x_5$  ولنفس السبب، تكون قيمة الثقة (confidence) لقاعدة الاقتران  $x_6$   $x_6$   $x_6$   $x_6$   $x_7$  أعلى من تلك لقاعدة الاقتران  $x_6$   $x_7$   $x_8$  .

يتم تطبيق اكتشاف قاعدة الاقتران على البيانات الرقمية. ولتطبيق اكتشاف قاعدة الاقتران، تحتاج البيانات الرقمية إلى أن يتم تحويلها إلى بيانات نوعية من خلال تعريف نطاقات قيم البيانات كما تم مناقشته في الجزء ٤-٣ من الفصل ٤ ومعاملة القيم في نفس النطاق باعتبارها من العنصر نفسه.

# ٣-١٢ الرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يتم يدعم اكتشاف قاعدة الاقتران من خلال استخدام برنامج

(http://www.cs.waikato. ac.nz/ml/weka) Weka

والبرنامج

(www.statistica.com) Statistica (Ye, 2003, Chapter 2) هِكن العثور على بعض تطبيقات قاعدة الاقتران في يي

### التمارين (Exercises):

- ۱-۱۷ انظر في سجلات البيانات الـ ۱۱ في مجموعة البيانات الاختبارية لاكتشاف أعطال النظام في الجدول  $x_2$   $x_1$  باعتبارها ۱۱ مجموعة من العناصر، من خلال أخذ  $x_2$   $x_1$  باعتبارها  $x_3$   $x_4$   $x_5$   $x_6$   $x_5$   $x_4$   $x_5$  مشاكل جودة مختلفة وبقيمة  $x_6$   $x_6$   $x_6$   $x_7$   $x_6$  مشكلة جودة معينة. أوجد جميع مجموعات العناصر المتكررة ذات الحد الأدنى للدعم  $x_6$   $x_6$   $x_6$   $x_7$   $x_6$   $x_7$   $x_8$   $x_8$   $x_7$   $x_8$   $x_8$   $x_7$   $x_8$   $x_7$   $x_8$   $x_8$   $x_8$   $x_9$
- 7-17 استخدم مجموعات العناصر المتكررة من التمرين 7-17 لتوليد جميع قواعد الاقتران min- التي تحقق الحد الأدنى للدعم min- والحد الأدنى للثقة min- confidence=0.5
- ٣-١٢ كرر التمرين ١٢-١٢ لجميع سجلات البيانات البالغة ٢٥ من الجدول ١-١٠ والجدول ٣-٢ باعتبارها مجموعة البيانات.
- ٤-١٢ كرر التمرين ١٢-٢ لجميع سجلات البيانات البالغة ٢٥ من الجدول ١-١٢ والجدول ٢-٣
- 0-۱۲ لتوضيح أن خوارزمية أبريوري (الأسبقية) تُعد فعالة لمجموعة بيانات متناثرة، قم بإيجاد أو إنشاء مجموعة بيانات متناثرة بحيث يكون كل عنصر غير متكرر نسبياً في مجموعة البيانات، وقم بتطبيق خوارزمية أبريوري (الأسبقية) على مجموعة البيانات لاستخراج مجموعات عناصر متكررة وبقيمة مناسبة للحد الأدنى للدعم -min. support
- 7-۱۲ لتوضيح أن خوارزمية أبريوري (الأسبقية) تُعد أقل فعالية لمجموعة بيانات كثيفة، قم بإيجاد أو إنشاء مجموعة بيانات كثيفة بحيث يكون كل عنصر متكرراً نسبياً في سجلات بيانات مجموعة البيانات، وقم بتطبيق خوارزمية أبريوري (الأسبقية) على مجموعة البيانات لاستخراج مجموعات عناصر متكررة وبقيمة مناسبة للحد الأدنى للدعم min-support.

# ۱۳- شبکة بییز Bayesian network

يتطلب مصنف بييز (Bayes an network) في الفصل ٣ أن تكون جميع متغيرات الخاصية مستقلة عن بعضها البعض. شبكة بييز (Bayesian network) في هذا الفصل تسمح بالاقتران (association) بين متغيرات الخاصية نفسها وبالاقتران بين متغيرات الخاصية ومتغيرات الهدف. تستخدم شبكة بييز اقتران المتغيرات لاستنتاج المعلومات عن أي متغير في شبكة بييز. في هذا الفصل، نستعرض البنية (structure) الخاصة بشبكة بييز ومعلومات الاحتمال الخاصة بالمتغيرات في شبكة بييز. ثم نقوم بوصف الاستدلال الاحتمالي ومعلومات الاحتمال الخاصة بالمتغيرات في شبكة بييز. وأخيراً، نستعرض طرق تعلم البنية ومعلومات الاحتمال الخاصة بشبكة بييز. وترد قاعة من حزم البرمجيات التي تدعم شبكة بييز. ويتم إعطاء بعض تطبيقات شبكة بييز مع مراجعها.

١-١٣ بُنية شبكة بييز والتوزيعات الاحتمالية للمتغيرات

(Structure of a Bayesian Network and Probability Distributions of Variables):

- إلى الفصل  $x_i$  يستخدم مصنّف بييز البسيط (naïve Bayes classifier) المعادلة  $x_i$  (كما سيتم توضيحها لاحقاً) لتصنيف قيمة متغير الهدف  $x_i$  على أساس افتراض أن متغيرات الخاصية،  $x_i$  تكون مستقلة عن بعضها البعض:

$$y_{MAP} \approx \arg \max_{y \in Y} p(y) \prod_{i=1}^{p} P(x_i|y).$$

ومع ذلك، ففي كثير من التطبيقات، تقترن بعض متغيرات الخاصية بطريقة معينة. على سبيل المثال، في مجموعة بيانات اكتشاف أعطال النظام المبينة في الجدول ١-٣ والتي تم نسخها هنا في الجدول ١-١، تقترن  $x_0$  عدد  $x_1$ ، و  $x_2$  كما هو موضح في الشكل ١-١، والتي تم نسخها هنا في الشكل ١-١، تكون الآلات الخامسة  $x_1$  والسابعة  $x_2$  والتاسعة  $x_3$  على خط إنتاج وحدات المنتج التي يتم معالجتها في الآلة الأولى  $x_1$  ولكن الآلة الأولى المعطلة  $x_2$  تتسبب في تراجع جودة وحدات المنتج بعد مرورها من الآلة الأولى  $x_3$  والذي بدوره يسبب أن تكون  $x_4$   $x_5$   $x_5$  وأخيراً  $x_5$  وعلى الرغم من أن  $x_5$  والذي بدوره يسبب أن تكون  $x_5$   $x_5$ 

على  $x_7$   $x_5$  ، و  $x_9$  فإن كل من  $x_7$   $x_5$  ، و  $x_9$  لا تؤثر على  $x_7$  ومن ثم، فإن اقتران السبب التأثير (cause-effect association) لـ  $x_9$  مع  $x_7$  ، و  $x_7$  يتجه في اتجاه واحد فقط. علاوةً على ذلك، لا تقترن  $x_9$  مع المتغيرات الأخرى،  $x_9$   $x_9$   $x_9$   $x_8$ 

تحتوي شبكة بييز على عُقّد (nodes) لتمثيل المتغيرات (ها في ذلك متغيرات الخاصية - attribute variables - ومتغيرات الهدف - attribute variables) وروابط موجهة بين العُقّد لتمثيل الاقترانات الموجهة بين المتغيرات. وبفرض أن يكون لكل متغير مجموعة محدودة من الحالات أو القيم. يوجد رابط موجة من عقدة تمثل المتغير  $x_i$  إلى عقدة تمثل المتغير  $x_i$  إذا كانت  $x_i$  لها تأثير مباشر على  $x_i$  على سبيل المثال،  $x_i$  تسبب  $x_i$  أو يؤثر  $x_i$  على المتغير  $x_i$  بطريقة ما. في رابط موجه من  $x_i$  إلى  $x_i$  تكون  $x_i$  هي أب لـ  $x_i$  و  $x_i$  هي ابن لـ  $x_i$  من  $x_i$  بطريقة ما. في رابط موجه من  $x_i$  إلى  $x_i$  تكون  $x_i$  على سبيل المثال  $x_i$  على المثال  $x_i$  على المثال  $x_i$  على المثال  $x_i$  على المثال  $x_i$  على المثال موجه غير المسموح وجود دوائر موجهة (directed cycles)، على سبيل المثال مفتوح وموجه (directed, acyclic graph).

الجدول (١-١٣) مجموعة البيانات التدريبية الخاصة باكتشاف أعطال نظام تصنيع

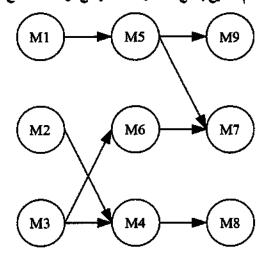
متغير الهدف - Target Variable	<i>A</i>	متغيرات الخاصية - Attribute Variables						رقم الحالة - Instance		
عطل النظام		جودة وحدات المنتج - Quality of Parts						- (الآلة المعطلة) (Faulty Machine)		
(System Fault), y	X9	Хs	<b>X</b> 7	X6_	Xs	X4	<b>X</b> 3	X2	Χj	• • •
1	1	0	1	0	1	0	0	0	1	l (M1)
1	0	j	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
1	0	1	1	1	0	1	ĭ	0	0	3(M3)
1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	4(M4)
1	ı	0	1	0	1	0	0	0	0	5(M5)
1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	6(M6)
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	7(M7)
1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	8(M8)
1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	9(M9)
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10(none)

وعادةً ما يتم استخدام مجال المعرفة (الذي تم جمع البيانات منه) لتحديد كيفية ارتباط المتغيرات. على سبيل المثال، تدفق إنتاج وحدات المنتج في الشكل 1-17 يكن استخدامه لتحديد بنية شبكة بييز الموضحة في الشكل 1-17 والتي تتضمن تسعة متغيرات خاصية لجودة وحدات المنتج في مراحل مختلفة من الإنتاج،  $1.2 \times 1.2$ 

إذا كان لدنيا المتغير x وله الآباء  $z_1$  ... $z_k$  فإن شبكة بييز تستخدم التوزيع الاحتمالي المشروط لـ  $p(x_1 \mid z_1, ..., z_k)$  (conditional probability distribution) المشروط لـ تأثير الآباء zi, ... zk على الابن x على سبيل المثال، فإننا نفترض أن الجهاز المستخدم لفحص جودة وحدات المنتج في مجموعة بيانات اكتشاف أعطال نظام التصنيع لا يتم الاعتماد عليه 100 %، مما يؤدي إلى إنتاج بيانات غير يقينية (data uncertainties) وتوزيعات احتمالية مشروطة في الجداول من ١٣-٢ وحتى ١٠-١٠ للعُقَـد التي لها أب (آباء)  $p(xs=0 \mid x_1=1)=0.1$  و الشكــــل ٢-١٣. على سبيــــل المشال، في الجدول ٢-١٣، ٢-١٥ و  $0.9=(x_i=1)$  هو  $x_i=1$  قانت  $x_i=1$  فإن احتمال  $x_i=1$  هو  $x_i=0$ ، واحتمال  $x_i=1$ 0.1+0.9=1 هو0.9، واحتمال وجود أي من هاتين القيمتين 0 أو 1) لـ  $x_5$  هو  $x_5=1$  أن يعود سبب عدم حصولنا على الاحتمالية 1 لـ  $x_5=1$  إذا كانت  $x_1=1$  إلى أن جهاز الفحص  $x_{I}$ ل لدية احتمال صغير للتعطل. وعلى الرغم من أن أجهزة الفحص تشير إلى أن  $x_{I}$ إلا أن هناك احتمالاً صغيراً بأن يرب أن تكون صفراً. وبالإضافة إلى ذلك، فإن جهاز الفحص لـ xs لديه أيضاً احتمال صغير للتعطل، وهذا يعنى أن جهاز الفحص ربها يشير إلى أن  $x_5=0$  على الرغم من أن  $x_5$  ينبغي أن تكون 1. احتمالات التعطل لأجهزة الفحص تنتج بيانات غير يقينية، ومن ثم يكون لدينا الاحتمالات المشروطة في الجداول من ١٣-٢ وحتى .1 -- 17

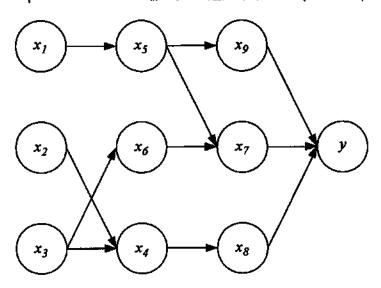
الشكل (١٣-١)

# نظام تصنيع بتسع آلات وتدفقات إنتاج لوحدات المنتج



الشكل (١٣-٢)

# البنية (structure) الخاصة بشبكة بييز لمجموعة بيانات اكتشاف أعطال نظام التصنيع



### الجدول (۲-۱۳)

# $P(x_5|x_1)$

$x_l = 1$	$x_i = 0$	
$P(x_5 = 0   x_I = 1) = 0.1$	$P(x_5 = 0   x_I = 0) = 0.7$	$x_5 = 0$
$P(x_5 = 1   x_1 = 1) = 0.9$	$P(x_5 = 1   x_I = 0) = 0.3$	$x_5 = 1$

#### الجدول (٣-١٣)

# $P(x_6|x_3)$

$x_3 = 1$	$x_3 = 0$	
$P(x_6 = 0   x_3 = 1) = 0.1$	$P(x_6 = 0   x_3 = 0) = 0.7$	$x_6 = 0$
$P(x_6 = 1   x_3 = 1) = 0.9$	$P(x_6 = 1   x_3 = 0) = 0.3$	$x_6 = 1$

# الجدول (١٣-٤)

#### $P(x_4|x_3,x_2)$

		1 (24 23, 22)
X2		
$x_3 = 1$	$x_3 = 0$	
$P(x_4 = 0   x_2 = 0, x_3 = 1) = 0.1$	$P(x_4 = 0   x_2 = 0, x_3 = 0) = 0.7$	x4 = 0
$P(x_4 = 1   x_2 = 0, x_3 = 1) = 0.9$	$P(x_4 = 1   x_2 = 0, x_3 = 0) = 0.3$	x4 = 1
x <sub>2</sub>	= 1	
$x_3 = 1$	x3 = 0	
$P(x_4 = 0   x_2 = 1, x_3 = 1) = 0.1$	$P(x_4 = 0   x_2 = 1, x_3 = 0) = 0.1$	$x_i = 0$
$P(x_4 = 1   x_2 = 1, x_3 = 1) = 0.9$	$P(x_4 = 1   x_2 = 1, x_3 = 0) = 0.9$	$x_4 = 1$

#### الجدول (١٣-٥)

# $P(x_9|x_5)$

		• • •
$x_5 = 1$	$x_5 = 0$	
$P(x_9 = 0   x_5 = 1) = 0.1$	$P(x_9 = 0   x_5 = 0) = 0.7$	$x_9 = 0$
$P(x_9 = 1   x_5 = 1) = 0.9$	$P(x_9 = 1   x_5 = 0) = 0.3$	$x_9 = 1$

# الجدول (۱۳-۲)

# $P(x_7|x_5,x_6)$

$x_5 = 0$				
$x_6 = 1$	$x_6 = \theta$			
$P(x_2 = 0   x_3 = 0, x_6 = 1) = 0.1$	$P(x_7 = 0   x_5 = 0, x_6 = 0) = 0.7$	$x_7 = 0$		
$P(x_7 = 1   x_5 = 0, x_6 = 1) = 0.9$	$P(x_7 = 1   x_5 = 0, x_6 = 0) = 0.3$	$x_7 = 1$		
<b>X</b> 5	=1			
x <sub>6</sub> = 1	$x_6 = 0$			
$P(x_7 = 0   x_5 = 1, x_6 = 1) = 0.1$	$P(x_7 = 0   x_5 = 1, x_6 = 0) = 0.1$	x7 = 0		
$P(x_7 = 1   x_5 = 1, x_6 = 1) = 0.9$	$P(x_7 = 1   x_5 = 1, x_6 = 0) = 0.9$	$x_7 = 1$		

# الجدول (۱۳-۷)

# $P(x_8|x_4)$

x <sub>4</sub> = 1	x4 = 0	
$P(x_8 = 0   x_4 = 1) = 0.1$	$P(x_8 = 0   x_4 = 0) = 0.7$	$x_{i}=0$
$P(x_8 = 1   x_4 = 1) = 0.9$	$P(x_{\delta} = 1   x_{\delta} = 0) = 0.3$	$x_8 = 1$

(۸-۱	٣)	ول	الجد
------	----	----	------

		$P(y x_9)$
x9 = 1	$x_9 = 0$	
$P(y=0 x_9=1)=0.1$	$P(y=0 x_9=0)=0.9$	y = 0
$P(y = 1 x_9 = 1) = 0.9$	$P(y=1 x_9=0)=0.1$	y = 1

الجدول (٩-١٣)

		$P(y x_1)$
x7 = 1	$x_7 = 0$	
$P(y=0 x_7=1)=0.1$	$P(y = 0 x_7 = 0) = 0.9$	y = 0
$P(y=1 x_7=1)=0.9$	$P(y=1 x_7=0)=0.1$	y = 1

الجدول (١٠-١٣)

		$P(y x_{\delta})$
$x_{\theta} = 1$	$x_8 = 0$	
$P(y=0 x_8=1)=0.1$	$P(y = 0   x_8 = 0) = 0.9$	y = 0
$P(y = 1   x_8 = 1) = 0.9$	$P(y=1 x_8=0)=0.1$	<i>y</i> = 1

بالنسبة لعقدة المتغير x في شبكة بييز التي لا يوجد لديها آباء، هناك حاجة للتوزيع الاحتمالي السابق (prior probability distribution) لـ x على سبيل المثال، في شبكة بييز في الشكل ١٣-١٣، فإن x ، و x ، ليس لها آباء ويتم إعطاء التوزيعات الاحتمالية السابقة الخاصة بهم في الجداول من ١٣-١٣ وحتى ١٣-١٣ على التوالي.

التوزيعات الاحتمالية السابقة الخاصة بالعُقّد التي ليس لها أب (آباء) والتوزيعات الاحتمالية المشروطة الخاصة بالعُقّد التي لها أب (آباء) تسمح بحساب التوزيع الاحتمالي المشترك (joint probability distribution) لجميع المتغيرات في شبكة بييز.

#### الجدول (١٢-١٣)

	$P(x_l)$
$x_l = 1$	$x_i = \theta$
$P(x_I=1)=0.2$	$P(x_l=0)=0.8$

#### الجدول (١٣-١٢)

	$P(x_2)$
$x_2 = 1$	$x_2 = 0$
$P(x_2 = 1) = 0.2$	$P(x_2=0)=0.8$

#### الجدول (١٣-١٣)

	$P(x_3)$	
$x_3 = 1$	$x_3 = 0$	
$P(x_3=1)=0.2$	$P(x_3=0)=0.8$	

على سبيل المثال، يتم حساب توزيع الاحتمال المشترك للمتغيرات الـ ١٠ في شبكة بييز في الشكل ١٠- كما يلي:

 $P(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9, y)$ 

$$= P(y|x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9) P(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9)$$

$$= P(y|x_7,x_8,x_9)P(x_1,x_2,x_3,x_4,x_5,x_6,x_7,x_8,x_9)$$

$$= P(y|x_7,x_8,x_9)P(x_9|x_1,x_2,x_3,x_4,x_5,x_6,x_7,x_8)P(x_1,x_2,x_3,x_4,x_5,x_6,x_7,x_8)$$

$$= P(y|x_7, x_8, x_9)P(x_9|x_5)P(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8)$$

$$= P(y|x_7,x_8,x_9)P(x_9|x_5)P(x_7|x_1,x_2,x_3,x_4,x_5,x_6,x_8)P(x_1,x_2,x_3,x_4,x_5,x_6,x_8)$$

$$= P(y|x_7,x_8,x_9)P(x_9|x_5)P(x_7|x_5,x_6)P(x_1,x_2,x_3,x_4,x_5,x_6,x_8) = \cdots$$

$$= P(y|x_7, x_8, x_9) P(x_9|x_5) P(x_7|x_5, x_6) P(x_8|x_4) P(x_5|x_1) P(x_6|x_3) P(x_4|x_2, x_3) P(x_1, x_2, x_3)$$

 $= P(y|x_1, x_8, x_9)P(x_9|x_5)P(x_7|x_5, x_6)P(x_8|x_4)P(x_5|x_1)P(x_6|x_3)P(x_4|x_2, x_3)P(x_1)P(x_2)P(x_3)$ 

في طريقة الحساب المذكورة أعلاه، نقوم باستخدام المعادلات التالية:

$$P(x_1,\ldots,x_i|z_1,\ldots,z_k,v_1,\ldots,v_j)=P(x_1,\ldots,x_i|z_1,\ldots,z_k) \qquad (1-17)$$

$$P(x_1, \dots, x_i) = \prod_{j=1}^i P(x_i), \qquad (Y-Y)$$

حيث إنه في المعادلة ١-١٣ لدينا  $x_1...$   $x_1...$  مستقلة بشكل مشروط عن  $v_1...$   $v_2$  إذا علمنا قيم  $x_1...$   $x_3$  وفي المعادلة ٢-١٢ لدينا  $x_1...$   $x_4$  مستقلة عن بعضها البعض.

ومن ثم، فإن الاستقلال المشروط والاستقلال بين بعض المتغيرات يسمح لنا أن نعبر عن توزيع الاحتمال المشترك لجميع المتغيرات باستخدام توزيعات الاحتمال المشروط الخاص بالعُقَد التي ليس لديها أب (آباء). وتوزيعات الاحتمال السابقة الخاصة بالعُقَد التي ليس لديها أب (آباء). وبعبارة أخرى، فإن شبكة بييز تعطى تمثيلاً مفككاً ومبسطاً لتوزيع الاحتمال المشترك.

توزيع الاحتمال المشترك لجميع المتغيرات يعطي الوصف الكامل لجميع المتغيرات ويسمح لنا بالإجابة عن أية أسئلة عن كل المتغيرات. على سبيل المثال، إذا كان لدينا توزيع الاحتمال المشترك لمتغيرين x وz واحدة من القيم  $a_1$  .... $a_i$  وتأخذ واحدة من القيم  $a_1$  .... $a_i$  وتأخذ واحدة من القيم  $a_1$  .... $a_i$  وكننا حساب الاحتمالات عن أي أسئلة عن هذين المتغيرين:

$$P(x) = \sum_{k=1}^{j} P(x, z = b_k)$$
 (r-\r)

$$P(z) = \sum_{k=1}^{i} P(x = a_k, z)$$
 (E-17)

$$P(x|z) = \frac{P(x,z)}{P(z)}$$
 (0-17)

$$P(z|x) = \frac{P(x,z)}{P(x)}$$
 (1-17)

في المعادلة ٢-١٣، نقوم بتهميش z من P(x,z) للحصول على P(x) في المعادلة ٢-٤، نقوم بتهميش x من P(x,z) للحصول على P(z).

:(1-17) (141)

p(x,z) إذا كان لدينا توزيع الاحتمال المشترك التالي

$$P(x = 0, z = 0) = 0.2$$
  
 $P(x = 0, z = 1) = 0.4$   
 $P(x = 1, z = 0) = 0.3$   
 $P(x = 1, z = 1) = 0.1$ 

P(x|z)و التي مجموعهم يساوي P(x|z)، احسب كل من P(x|z) و وP(x|z) و والتي

$$P(x = 0) = P(x = 0, z = 0) + P(x = 0, z = 1) = 0.2 + 0.4 = 0.6$$

$$P(x = 1) = P(x = 1, z = 0) + P(x = 1, z = 1) = 0.3 + 0.1 = 0.4$$

$$P(z = 0) = P(x = 0, z = 0) + P(x = 1, z = 0) = 0.2 + 0.3 = 0.5$$

$$P(z = 1) = P(x = 0, z = 1) + P(x = 1, z = 1) = 0.4 + 0.1 = 0.5$$

$$P(x = 0|z = 0) = \frac{P(x = 0, z = 0)}{P(z = 0)} = \frac{0.2}{0.5} = 0.4$$

$$P(x = 1|z = 0) = \frac{P(x = 1, z = 0)}{P(z = 0)} = \frac{0.3}{0.5} = 0.6$$

$$P(x = 0|z = 1) = \frac{P(x = 0, z = 1)}{P(z = 1)} = \frac{0.4}{0.5} = 0.8$$

$$P(x = 1|z = 1) = \frac{P(x = 1, z = 1)}{P(z = 1)} = \frac{0.1}{0.5} = 0.2$$

$$P(z = 0|x = 0) = \frac{P(x = 0, z = 0)}{P(x = 0)} = \frac{0.2}{0.6} = 0.33$$

$$P(z = 1|x = 0) = \frac{P(x = 0, z = 1)}{P(x = 0)} = \frac{0.4}{0.6} = 0.67$$

$$P(z = 0|x = 1) = \frac{P(x = 1, z = 0)}{P(x = 1)} = \frac{0.3}{0.4} = 0.75$$

# ۲-۱۳ الاستدلال الاحتمالي (Probabitistic Inference):

قثل التوزيعات الاحتمالية المستنبطة من شبكة بييز معرفتنا السابقة عن مجال جميع المتغيرات. بعد الحصول على أدلة لقيم معينة لبعض المتغيرات (متغيرات الأدلة - evidence variables)، نريد أن نستخدم الاستدلال الاحتمالي لتحديد التوزيعات الاحتمالية اللاحقة (posterior probability distribution) الخاصة بالمتغيرات المستهدفة (متغيرات الاستعلام - query varrable). وهو ما يعني، أننا نريد أن نرى كيف

 $P(z=1|x=1) = \frac{P(x=1,z=1)}{P(x=1)} = \frac{0.1}{0.4} = 0.25.$ 

تتغير احتمالات القيم لمتغيرات الاستعلام بعد معرفة قيم معينة لمتغيرات الأدلة. على سبيل المثال، في شبكة بييز في الشكل ١٣-٢، نريد أن نعرف ما هو احتمال أن I=V, وما هو احتمال المثال، في شبكة بييز في الشكل I=V، نريد أن نعرف ما هو احتمال أن I=V, وما هو احتمال الدليل المؤكد أن I=V في بعض التطبيقات، متغيرات الدليل هي المتغيرات التي عكن رصدها. نعطي التي عكن رصدها. نعطي بعض الأمثلة على الاستدلال الاحتمالي.

#### المثال (۲-۱۳):

بالنظر إلى شبكة بييز في الشكل ٢-١٣ والتوزيعات الاحتمالية في الجداول من ٢-١٣ إلى ١٣- النظر إلى شبكة بييز في الشكل  $x_2=1$  ،  $x_3=1$  ،  $x_4=1$  عا هي احتمالات  $x_4=1$  ،  $x_4=1$  ?

 $P(x_2 = 1 | x_6 = 1)$  وبعبارة أخرى، ما هي  $P(x_4 = 1 | x_6 = 1)$  و $P(x_4 = 1 | x_6 = 1)$  و  $P(x_6 = 1) = 1$  لا يعنى أن  $P(x_6 = 1) = 1$  و  $P(x_6 = 1)$ 

 $P(x_3, x_6)$  للحصول على  $P(x_3 = 1 | x_6 = 1)$  للحصول على الحصول ال

 $P(x_6, x_3) = P(x_6 | x_3)P(x_3)$ 

$x_3 = 1$	$x_3 = 0$	
$P(x_6 = 0, x_3 = 1) = P(x_6 = 0   x_3 = 1)$	$P(x_6 = 0, x_3 = 0) = P(x_6 = 0   x_3 = 0)$	$x_6 = 0$
$P(x_3 = 1) = (0.1)(0.2) = 0.02$	$P(x_3 = 0) = (0.7)(0.8) = 0.56$	
$P(x_6 = 1, x_3 = 1) = P(x_6 = 1   x_3 = 1)$	$P(x_6 = 1, x_3 = 0) = P(x_6 = 1   x_3 = 0)$	$x_6 = 1$
$P(x_3 = 1) = (0.9)(0.2) = 0.18$	$P(x_3 = 0) = (0.3)(0.8) = 0.24$	

 $P(x_6)$  من خلال تهمیش  $x_3$  خارج  $P(x_6,x_3)$  نحصل علی

$$P(x_6 = 0) = P(x_6 = 0, x_3 = 0) + P(x_6 = 0, x_3 = 1) = 0.56 + 0.02 = 0.58$$

$$P(x_6 = 1) = P(x_6 = 1, x_3 = 0) + P(x_6 = 1, x_3 = 1) = 0.24 + 0.18 = 0.42.$$

$$P(x_3 = 1 | x_6 = 1) = \frac{P(x_6 = 1 | x_3 = 1)P(x_3 = 1)}{P(x_6 = 1)} = \frac{(0.9)(0.2)}{0.42} = 0.429$$

0.429 ومن ثم، فإن الدليل  $x_6 = 1$  يغير الاحتمال  $x_3 = 1$  من  $x_6 = 1$  إلى

للحصول على  $P(x_4 = 1 | x_6 = 1)$  نحتاج الحصول على  $P(x_4, x_6)$  وتقترن  $x_6$  و  $x_6$  من  $x_6$  على ذلك، فإن الاقتران بين  $x_6$  و  $x_6$  يستلزم  $x_6$  ومن ثم، نريد تهميش  $x_6$  خلال  $x_6$  على ذلك، فإن الاقتران بين  $x_6$  و  $x_6$  يستلزم  $x_6$  ومن ثم، نريد تهميش  $x_6$  خلاص  $x_6$  على خارج  $x_6$  على خارج  $x_6$  على خارج  $x_6$  على نحت الحصول على ال

$$P(x_4, x_3, x_2 | x_6 = 1) = P(x_4 | x_3, x_2) P(x_3 | x_6 = 1) P(x_2)$$

$$= P(x_4 | x_3, x_2) \frac{P(x_6 = 1 | x_3) P(x_3)}{P(x_6 = 1)} P(x_2).$$

على الرغم من أن  $P(x_4|x_3, x_2)$   $P(x_4|x_3, x_2)$  و $P(x_4|x_3, x_2)$  معطاه في الجداول ١٣-١٣، ١٠٤، ١٣-١٤، ١٣-١٣، على التوالي، نحتاج أن نحسب  $P(x_4)$ . بالإضافة إلى حساب  $P(x_4)$  لنتمكن من مقارنة  $P(x_4)$  نحتاج أيضاً إلى حساب  $P(x_4)$  لنتمكن من مقارنة  $P(x_4)$ .

 $P(x_4, x_3, x_2)$  قوم أولاً بحساب الاحتمالات المشتركة  $P(x_6, x_3, x_2)$  قوم أولاً بحساب الاحتمالات المشتركة  $P(x_6, x_3)$  ومن ثم نقوم بتهميش  $x_3$  و  $x_3$  خارج  $x_4$  و  $x_5$  خارج  $x_6$  على النحو التالي:

$$P(x_4, x_3, x_2) = P(x_4|x_3, x_2)P(x_3)P(x_2)$$

$x_2 = 0$		
$x_3 = 1$	$x_3 = \theta$	
$P(x_4 = 0, x_3 = 1, x_2 = 0) = P(x_4 = 0 x_3 = 1, x_2 = 0)$	$P(x_4 = 0, x_3 = 0, x_2 = 0) = P(x_4 = 0 x_3 = 0, x_2 = 0)$	x4 = 0
$P(x_3 = 1)P(x_2 = 0) = (0.1)(0.2)(0.8) = 0.016$ $P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 0) = P(x_4 = 1 x_3 = 1, x_2 = 0)$ $P(x_3 = 1)P(x_2 = 0) = (0.9)(0.2)(0.8) = 0.144$	$P(x_3 = 0)P(x_2 = 0) = (0.7)(0.8)(0.8) = 0.448$ $P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 0) = P(x_4 = 1 x_3 = 0, x_2 = 0)$ $P(x_3 = 0)P(x_2 = 0) = (0.3)(0.8)(0.8) = 0.192$	x <sub>4</sub> = 1
x <sub>2</sub>	= 1	
$x_3 = 1$	$x_3 = 0$	
$P(x_4 = 0, x_3 = 1, x_2 = 1) = P(x_4 = 0 x_3 = 1, x_2 = 1)$	$P(x_4 = 0, x_3 = 0, x_2 = 1) = P(x_4 = 0 x_3 = 0, x_2 = 1)$	$x_i = 0$
$P(x_3 = 1)P(x_2 = 1) = (0.1)(0.2)(0.2) = 0.004$ $P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 1) = P(x_4 = 1   x_3 = 1, x_2 = 1)$ $P(x_3 = 1)P(x_2 = 1) = (0.9)(0.2)(0.2) = 0.036$	$P(x_3 = 0)P(x_2 = 1) = (0.1)(0.8)(0.2) = 0.016$ $P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 1) = P(x_4 = 1 x_3 = 0, x_2 = 1)$ $P(x_3 = 0)P(x_2 = 1) = (0.9)(0.8)(0.2) = 0.144$	x <sub>4</sub> = 1

 $P(x_4)$  نحصل على  $P(x_4, x_3, x_2)$  نحصل على فيتهميش  $P(x_4)$  نحصل على فيتهميش ويتهميش P(x_4 = 0) = P(x_4 = 0, x_3 = 0, x_2 = 0) + P(x_4 = 0, x_3 = 1, x_2 = 0)$$

$$+ P(x_4 = 0, x_3 = 0, x_2 = 1) + P(x_4 = 0, x_3 = 1, x_2 = 1)$$

$$= 0.448 + 0.016 + 0.016 + 0.004 = 0.484$$

$$P(x_4 = 1) = P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 0) + P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 0)$$

$$+ P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 1) + P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 1)$$

$$= 0.192 + 0.144 + 0.144 + 0.036 = 0.516.$$

$$P(x_4, x_3, x_2 | x_6 = 1)$$
 والآن نستخدم  $P(x_6)$  لحساب

$$P(x_4, x_3, x_2 | x_6 = 1) = P(x_4 | x_3, x_2) P(x_3 | x_6 = 1) P(x_2)$$

$$= P(x_4 | x_3, x_2) \frac{P(x_6 = 1 | x_3) P(x_3)}{P(x_6 = 1)} P(x_2):$$

$x_2 = 0$		_
$x_3 = 1$	$x_3 = 0$	
$P(x_4=0 \mid x_3=1, x_2=0)$	$P(x_4 = 0 \mid x_3 = 0, x_2 = 0)$	
$\frac{P(x_6=1 x_3=1)P(x_3=1)}{P(x_6=1)}$	$\frac{P(x_6=1 x_3=0)P(x_3=0)}{P(x_6=1)}$	
$P(x_2=0)$	$P(x_2=0)$	$x_4 = 0$
$=(0.1)\frac{(0.9)(0.2)}{0.42}(0.8)$	$= (0.7) \frac{(0.3)(0.8)}{0.42} (0.8)$	
= 0.034	= 0.32	
$P(x_4 = 1 \mid x_3 = 1, x_2 = 0)$	$P(x_4 = 1 \mid x_3 = 0, x_2 = 0)$	
$\frac{P(x_6=1 x_3=1)P(x_3=1)}{P(x_6=1)}$	$\frac{P(x_6=1 x_3=0)P(x_3=0)}{P(x_6=1)}$	
$P(x_2=0)$	$P(x_2=0)$	$x_4 = 1$
$=(0.9)\frac{(0.9)(0.2)}{0.42}(0.8)$	$= (0.3) \frac{(0.3)(0.8)}{0.42} (0.8)$	
= 0.309	= 0.137	

$$x_2 = 1$$

$$x_{3} = 1 x_{3} = 0$$

$$(x_{4} = 0 | x_{3} = 1, x_{2} = 1) P(x_{4} = 0 | x_{3} = 0, x_{2} = 1)$$

$$P(x_{6} = 1 | x_{3} = 1)P(x_{3} = 1) P(x_{6} = 1)$$

$$P(x_{2} = 1) P(x_{2} = 1) P(x_{2} = 1)$$

$$= (0.1)\frac{(0.9)(0.2)}{0.42}(0.2) = (0.1)\frac{(0.3)(0.8)}{0.42}(0.2)$$

$$= 0.009 = 0.011$$

$$(x_{4} = 1 | x_{3} = 1, x_{2} = 1) P(x_{4} = 1 | x_{3} = 0, x_{2} = 1)$$

$$P(x_{6} = 1 | x_{3} = 1)P(x_{3} = 1) P(x_{6} = 1 | x_{3} = 0)P(x_{3} = 0)$$

$$P(x_{2} = 1) P(x_{2} = 1) x_{4} = 1$$

$$= (0.9)\frac{(0.9)(0.2)}{0.42}(0.2) = (0.9)\frac{(0.3)(0.8)}{0.42}(0.2)$$

$$= 0.007 = 0.103$$

 $P(x_4, x_3, x_2 | x_6 = 1)$  من خلال تهميش  $x_2$  و  $x_3$  خارج  $P(x_4 = 1 | x_6 = 1)$  نحصل على

$$P(x_4 = 1 | x_6 = 1)$$
=  $P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 0 | x_6 = 1)$   
+  $P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 0 | x_6 = 1)$   
+  $P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 1 | x_6 = 1)$   
+  $P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 1 | x_6 = 1)$   
=  $0.137 + 0.309 + 0.103 + 0.077 = 0.626$ .

جمقارنة  $0.516 = P(x_4 = 1) = 0.516$  التي قمنا بحسابها سابقاً، فإنَّ الدليل  $x_6 = 1$  يغير الاحتمال 0.626.  $x_4 = 1$  التي قمنا بحسابها سابقاً، فإنَّ الدليل  $x_6 = 0.626$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$  من خلال تهميش  $x_6 = x_6 = 1$ 

$$P(x_2 = 1 | x_6 = 1)$$
=  $P(x_4 = 0, x_3 = 0, x_2 = 1 | x_6 = 1)$   
+  $P(x_4 = 1, x_3 = 0, x_2 = 1 | x_6 = 1)$   
+  $P(x_4 = 0, x_3 = 1, x_2 = 1 | x_6 = 1)$   
+  $P(x_4 = 1, x_3 = 1, x_2 = 1 | x_6 = 1)$   
=  $0.011 + 0.103 + 0.009 + 0.077 = 0.2$ .

الدليل على أن  $x_6=1$  لا يغير الاحتمال أن  $x_2=1$  من الاحتمال السابق 0.2، لأن 0.2 يتأثر ب $x_3=1$  الدليل على أن  $x_4=1$  أن  $x_5=1$  يجلب الحاجة إلى تحديث الاحتمال اللاحق لـ  $x_4=1$  والذي بدوره يجلب الحاجة إلى تحديث الاحتمال اللاحق لـ  $x_4$ ، لأن  $x_4$  يؤثر على  $x_4$ 

وبشكل عام، قمنا بإجراء الاستدلال الاحتمالي عن متغير استعلام (quesry variable) عن طريق الحصول أولاً على التوزيع الاحتمالي المشترك الذي يحتوي على متغير الاستعلام، ومن ثمّ تهميش المتغيرات غير المستعلم عنها (non query variables) خارج التوزيع الاحتمالي المشترك للحصول على احتمال متغير الاستعلام. بغض النظر عما إذا تم الحصول على دليل جديد عن قيمة معينة لمتغير، فإن التوزيع الاحتمالي المشروط لا يتغير لكل عقدة لها أب (آباء)، احتمال حدوث الابن (child) علماً بحدوث الأب (parent) أو الآباء ((child) والمعطاة في شبكة بييز، ومع ذلك، فإن جميع الاحتمالات الأخرى غير عا في ذلك الاحتمالات المشروطة (parent child) واحتمالات المشروطة (parent child) المتغير الدليل، قد تتغير، اعتماداً على ما إذا كانت تلك الاحتمالات قد تأثرت بالمتغير الدليل أم لا.

كل الاحتمالات التي تتأثر بمتغير الدليل تحتاج إلى تحديث، وينبغي أن تُستخدَم الاحتمالات المحدَّثة للاستدلال الاحتمالي عندما يتم الحصول على أدلة جديدة. على سبيل المثال، إذا واصلنا من المثال ٢-١٣ وحصلنا على دليل جديد  $x_4=I$  بعد تحديث الاحتمالات للدليل واصلنا من المثال ٢-١٣، فإن جميع الاحتمالات التي تم تحديثها من المثال ٢-١٣ ينبغي أن تُستخدَم لإجراء الاستدلال الاحتمالي للدليل الجديد  $x_4=I$  على سبيل المثال الاستدلال الاحتمالي للدليل الجديد  $x_4=I$  على المثال الاستدلال الاحتمالي لتحديد  $x_4=I$  و $x_4=I$  و $x_4=I$ 

#### المثال (۲۳-۳):

بالاستمرارية مع جميع الاحتمالات اللاحقة المُحدُّثة للدليل  $x_6=1$  من المثال ٢-١٠، نحصل الآن على دليل جديد:  $x_4=1$  ما الاحتمالات اللاحقة لـ  $x_2=1$  وبعبارة أخرى، الآن على دليل جديد الاحتمالات التي تم تحديثها من المثال ٢-١٣، ما هي  $|x_4|=1$  عند البدء بجميع الاحتمالات التي تم تحديثها من المثال ٢-١٣، ما هي  $|x_4|=1$  و  $|x_4|=1$  و  $|x_4|=1$ 

يتم استعراض الاستدلال الاحتمالي لاحقاً:

$$P(x_3, x_2 | x_4 = 1) = \frac{P(x_4 = 1 | x_3, x_2) P(x_3 | x_6 = 1) P(x_2 | x_6 = 1)}{P(x_4 = 1 | x_6 = 1)} = \frac{(0.9)(0.2)}{0.42} = 0.429$$

$$P(x_3 = 0, x_2 = 0 | x_4 = 1) = \frac{P(x_4 = 1 | x_3 = 0, x_2 = 0) P(x_3 = 0 | x_6 = 1) P(x_2 = 0 | x_6 = 1)}{P(x_4 = 1 | x_6 = 1)}$$

$$=\frac{(0.3)(1-0.429)(1-0.2)}{(0.626)}=0.219$$

$$P(x_3 = 0, x_2 = 1 | x_4 = 1) = \frac{P(x_4 = 1 | x_3 = 0, x_2 = 1)P(x_3 = 0 | x_6 = 1)P(x_2 = 1 | x_6 = 1)}{P(x_4 = 1 | x_6 = 1)}$$

$$=\frac{(0.9)(1-0.429)(0.2)}{(0.626)}=0.164$$

$$P(x_3 = 1, x_2 = 0 | x_4 = 1) = \frac{P(x_4 = 1 | x_3 = 1, x_2 = 0) P(x_3 = 1 | x_6 = 1) P(x_2 = 0 | x_6 = 1)}{P(x_4 = 1 | x_6 = 1)}$$

$$=\frac{(0.9)(0.429)(1-0.2)}{(0.626)}=0.494$$

$$P(x_3 = 1, x_2 = 1 | x_4 = 1) = \frac{P(x_4 = 1 | x_3 = 1, x_2 = 1) P(x_3 = 1 | x_6 = 1) P(x_2 = 1 | x_6 = 1)}{P(x_4 = 1 | x_6 = 1)}$$
$$= \frac{(0.9)(0.429)(0.2)}{(0.626)} = 0.123$$

 $P(x_3, x_2|x_4 = 1)$  من خلال تهمیش  $x_2$  خارج  $P(x_3 = 1|x_4 = 1)$  نحصل علی

$$P(x_3 = 1 | x_4 = 1) = P(x_3 = 1, x_2 = 0 | x_4 = 1) + P(x_3 = 1, x_2 = 1 | x_4 = 1)$$
$$= 0.494 + 0.123 = 0.617$$

جا أن  $x_3$  تؤثر على كل من  $x_6$  و  $x_6$  نرفع احتمال أن  $x_3=1$  من  $x_6=1$  إلى  $x_6=0.617$  يكون لدينا الدليل  $x_6=1$  ثم نرفع احتمال أن  $x_6=1$  مرةً أخرى من  $x_6=1$  إلى  $x_6=1$  عندما يكون لدينا الدليل  $x_6=1$ 

$$P(x_3, x_2|x_4 = 1)$$
 وبذلك نحصل على  $P(x_2 = 1|x_4 = 1)$  من خلال تهميش  $P(x_2 = 1|x_4 = 1)$  عن خلال  $P(x_2 = 1|x_4 = 1) = P(x_3 = 0, x_2 = 1|x_4 = 1) + P(x_3 = 1, x_2 = 1|x_4 = 1)$ 

$$= 0.164 + 0.123 = 0.287.$$

0.2 هو نفسه عند 0.2 هو نفسه عند 0.2 هو نفسه عند 0.2 هو نفسه عند 0.2 عندما یکون لدینا الدلیل علی 0.2 هم نرفع احتمال أن 0.2 من 0.2 إلی 0.2 عندما یکون لدینا الدلیل علی 0.2 هم وهي لیست زیادة کبيرة لأن 0.2 قد تنتج أیضا الدلیل علی 0.2 هم عندما یکون لدینا الدلیل علی 0.2 هم وهی لیست زیادة کبیرة لأن 0.2 هم قد تنتج أیضا الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند 0.2 هم الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی الدلیل علی الدلیل علی 0.2 هم نفسه عند الدلیل علی

تحتاج الخوارزميات التي تُستخدَم لعمل الاستدلال الاحتمالي للبحث عن مسار من المتغير الدليل إلى متغير الاستعلام، وتحديث واستنتاج الاحتمالات على طول المسار، كما فعلنا ذلك يدوياً في الأمثلة ١٣-٣ و١٣-٣. ويتطلب البحث والاستدلال الاحتمالي القيام بكم كبير من الحسابات، كما رأينا في الأمثلة ١٣-٣ و١٣-٣. ومن ثم، لا بد من تطوير خوارزمية حاسوبية فعالة لإجراء الاستدلال الاحتمالي في شبكة بييز، على سبيل المثال تلك الموجودة في حاسوبية لشبكة ببيز.

# ۳-۱۳ تعلَّم شبكة بييز (Learning of a Bayesian Network):

إن تعلم البنية الخاصة بشبكة بييز والاحتمالات المشروطة والاحتمالات السابقة في شبكة بييز من بيانات استكشافية هو موضوع قيد البحث بشكل واسع. وبشكل عام، نود أن نقوم بتركيب بنية شبكة بييز على أساس مجال المعرفة قيد البحث. ولكن، عندما لا يكون لدينا معرفة كافية عن المجال المبحوث والمستهدف، ولكن لدينا فقط بيانات عن بعض المتغيرات المرصودة في المجال، فنحن بحاجة للكشف عن الاقترانات بين المتغيرات باستخدام تقنيات استكشاف البيانات، مثل: قواعد الاقتران (association rules) الموجودة في الفصل ١٢، والأساليب الإحصائية، مثل: إجراء اختبارات على استقلالية المتغيرات.

عندما تكون جميع المتغيرات في شبكة بييز قابلة للرصد للحصول على سجلات بيانات للمتغيرات، فإنه يمكن تقدير جداول الاحتمالية المشروطة للعُقد التي لها أب (آباء) والاحتمالات السابقة للعُقد دون أب (آباء)، باستخدام الصيغ التالية كما هو الحال في المعادلات ٢-٦ و٣-٧:

$$P(x=a) = \frac{N_{x=a}}{N} \tag{V-17}$$

$$P(x = a|z = b) = \frac{N_{x=a\&z=b}}{N_{z=b}},$$
 (A-18)

حيث إن:

مو عدد سجلات البيانات في مجموعة البيانات. x=a هو عدد سجلات البيانات مع  $N_{x=a}$  هو عدد نقاط البيانات مع  $N_{z=b}$  عدد نقاط البيانات مع x=a و x=a هو عدد سجلات البيانات مع x=a و x=a

وقد قام راسيل وآخرون (Russell et al., 1995) بتطوير طريقة الصعود المتدرج (gradient (gradient))، والتي تشبه طريقة الهبوط المتدرج

$$h = \arg \max_{h} P(D|h) = \arg \max_{h} \ln P(D|h)$$
.

يتم تنفيذ الصعود المتدرج التالي لتحديث wij:

$$w_{ij}(t+1) = w_{ij}(t+1) + \alpha \frac{\partial \ln P(D|h)}{\partial w_{ij}}, \quad (9-17)$$

 $\partial lnf(x)/\partial x=$  واستخدام  $P_h(D)$  إلى P(D|h) واستخدام  $\alpha$  حيث  $\alpha$  مو معدل التعلم. بترميز و $[1/f(x)][\partial f(x)/\partial x]$ 

$$\begin{split} &\frac{\partial \ln P(D|h)}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial \ln P_h(D)}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial \ln \prod_{d \in D} P_h(d)}{\partial w_{ij}} \\ &= \sum_{d \in D} \frac{1}{P_h(d)} \frac{\partial P_h(d)}{\partial w_{ij}} = \sum_{d \in D} \frac{1}{P_h(d)} \frac{\partial \sum_{i'j'} P_h(d|x_{i'}, z_{j'}) P_h(x_{i'}, z_{j'})}{\partial w_{ij}} \\ &= \sum_{d \in D} \frac{1}{P_h(d)} \frac{\partial \sum_{i'j'} P_h(d|x_{i'}, z_{j'}) P_h(x_{i'}|z_{j'}) P_h(z_{j'})}{\partial w_{ij}} \\ &= \sum_{d \in D} \frac{1}{P_h(d)} \frac{\partial \sum_{i'j'} P_h(d|x_{i'}, z_{j'}) P_h(x_{i'}|z_{j'}) P_h(z_{j'})}{\partial w_{ij}} \end{split}$$

$$= \sum_{d \in D} \frac{1}{P_h(d)} P_h(d|x_i, z_j) P_h(z_j) = \sum_{d \in D} \frac{1}{P_h(d)} \frac{P_h(x_i, z_j|d) P_h(d)}{P_h(x_i, z_j)} P_h(z_j)$$

$$= \sum_{d \in D} \frac{P_h(x_i, z_j|d)}{P_h(x_i, z_j)} P_h(z_j) = \sum_{d \in D} \frac{P_h(x_i, z_j|d)}{P_h(x_i|z_j)} = \sum_{d \in D} \frac{P_h(x_i, z_j|d)}{w_{ij}}.$$
(1.-17)

بإدخال المعادلة ١٣-١٠ في ١٣-٩، نحصل على:

$$w_{ij}(t+1) = w_{ij}(t+1) + \alpha \frac{\partial \ln P(D|h)}{\partial w_{ij}} = w_{ij}(t+1) + \alpha \sum_{d \in D} \frac{P_h(x_i, z_j|d)}{w_{ij}(t)}, \quad (11-17)$$

حيث  $P_h(x_i, z_j|d)$  يمكن الحصول عليها باستخدام الاستدلال الاحتمالي الموضح في الجزء  $P_h(x_i, z_j|d)$  .۲-۱۳ بعد استخدام المعادلة ۱۱-۱۳ لتحديث  $w_{ij}$  نحتاج إلى أن نتأكد من أن:

$$\sum_{i} w_{ij}(t+1) = 1 \tag{17-17}$$

عن طريق إجراء التطبيع:

$$w_{ij}(t+1) = \frac{w_{ij}(t+1)}{\sum_{i} w_{ij}(t+1)}.$$
 (17-17)

### ٤-١٣ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

خادم بييز (Bayes server) وهيوقن (www.bayesserver.com) وهيوقن (HUGIN) وهيوقن (www.bayesserver.com) هما حزمتان برمجيتان تدعمان شبكة بييز. يمكن العثور على بعض التطبيقات الخاصة بشبكة بييز في مجال المعلومات الحيوية (bioinformatics)، وبعض المجالات الأخرى في ديفيز (Davis, 2003)، دييز وآخرون (Diez et al., 1997)، وجيانخ كوبر (Jiang and Cooper, 2010)، وبوريت وآخرون (Pourret at al., 2008).

### التمارين (Exercises):

۱-۱۱ بالنظر في شبكة بييز في الشكل ۲-۱۳، والتوزيعات الاحتمالية في الجداول من  $x_1=I$  إلى ۲-۱۳. وإذا كان لدينا  $x_2=I$  ما هو احتمال أن  $P(x_1=I|x_6=I)$  وبعبارة أخرى، ما هو  $P(x_1=I|x_6=I)$ 

۲-۱۳ بالنظر في شبكة بييز في الشكل ۲۳-۱۳، والتوزيعات الاحتمالية في الجداول من ۲۳-۱۳ إلى ۱۳-۱۳. وإذا كان لدينا  $x_6=I$  ما هو احتمال أن  $x_7=I$ ، وبعبارة أخرى، ما هو  $P(x_1=I|x_6=1)$ 

۲-۱۳ بالاستمرارية مع جميع الاحتمالات اللاحقة المحدثة للدليل x6=1 من المثال ۲-۱۳ x7=1 والمثال ۱۳-۱۳، نحصل الآن على دليل جديد x4=1 ما الاحتمال اللاحق x6=1 وبعبارة أخرى، ما هو x6=1 x6=1

P(xI = 1 | x6 = 1) کرّر التمرین ۱-۱۳ لتحدید ۳-۱۳

. P(xI = I | x4 = I) کرر التمرین ۲-۱۳ لتحدید ٤-۱۳

P(y = 1 | x6 = 1) مرّر التمرين ۱-۱۳ لتحديد ۱-۱۳

P(y = 1 | x4 = 1) کرر التمرین ۲-۱۳ لتحدید ۲-۱۳

# الجزء الرابع خوارزميات استكشاف أنهاط اختزال البيانات Algorithms for Mining Data Reduction Patterns

# ۱٤- تحليل المكونات الرئيسية Principal Component Analysis

تحليل المكونات الرئيسية (PCA) هي تقنية إحصائية لتمثيل البيانات العالية الأبعاد في فضاء منخفض الأبعاد. وعادةً ما يتم استخدام تحليل المكونات الرئيسية (PCA) لاختزال أبعاد البيانات، بحيث محكن تصوير أو تحليل البيانات في فضاء منخفض الأبعاد. على سبيل المثال، قد نستخدم تحليل المكونات الرئيسية (PCA) لتمثيل سجلات بيانات لها ١٠٠ متغير من متغيرات الخاصية بسجلات بيانات لها متغيران أو ثلاثة من المتغيرات. في هذا الفصل، من متغيرات الخاصية بسجلات بيانات لها متغيران أو ثلاثة من المتغيرات. في هذا الفصل، يتم أولاً مراجعة إحصاءات المتغيرات المتعددة ( $algebra\ matrix$ )، وجبر المصفوفات ( $algebra\ matrix$ ) لوضع ومعرفة الأساس الرياضي لتحليل المكونات الرئيسية (PCA). وترد قائمة بحزم البرمجيات التي تدعم تحليل المكونات الرئيسية (PCA). ويتم إعطاء بعض التطبيقات الخاصة بتحليل المكونات الرئيسية (PCA) مع مراجعها.

### ١-١٤ مراجعة لإحصاءات المتغيرات المتعددة

### (Review of Multivariate Statistics):

إذا كان  $x_i$  عبارة عن متغير عشوائي متصل أو كمّي بقيم مستمرة وبدالة كثافة احتمال إذا كان  $x_i$  فإن كلاً من المتوسط (mean)،  $x_i$  والتباين  $x_i$  (variance) فإن كلاً من المتوسط  $x_i$  العشوائي، يتم تعريفهما على النحو التالى:

$$u_i = E(x_i) = \int_{-\infty}^{\infty} x_i f_i(x_i) dx_i \qquad (1-16)$$

$$\sigma_i^2 = \int_{-\infty}^{\infty} (x_i - u_i)^2 f_i(x_i) \, dx_i. \tag{Y-12}$$

(discrete random variable) إذا كان x عبارة عن متغير عشوائي غير متصل أو نوعي  $P(x_i)$  وبقيم غير متصلة ودالة احتمال

$$u_i = E(x_i) = \sum_{\substack{all \ values \\ of \ x_i}} x_i P(x_i)$$
 (r-18)

$$\sigma_i^2 = \sum_{\substack{\text{all values} \\ \text{of } x_i}} (x_i - u_i)^2 P(x_i). \tag{$\xi$-}$$

إذا كان كل من  $x_i$  عبارة عن متغيرين عشوائيين متصلين أو كميين وبدالة كثافة احتمال مشتركة  $f_{ij}(x_i, x_j)$  فإنه يتم تعريف التغاير أو التباين المشترك (Covariance) للمتغيرين العشوائيين  $x_i$  على النحو التالي:

$$\sigma_{ij} = E(x_i - \mu_i) \left( x_j - \mu_j \right)$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} (x_i - u_i) \left( x_j - \mu_j \right) dx_i dx_j.$$

$$(0-1)$$

إذا كان،  $x_i$  وزx عبارة عن متغيرين عشوائيين غير متصلين أو نوعيين وبدالة كثافة احتمال مشتركة  $P(x_i, x_i)$ 

$$\sigma_{ij} = E(x_i - \mu_i)(x_j - \mu_j)$$

$$= \sum_{\substack{\text{all values all values} \\ \text{of } x_i \text{ of } x_j}} (x_i - \mu_i)(x_j)$$

$$-\mu_j)P(x_i, x_j).$$
(7-18)

ومعامل الارتباط (correlation coefficient) هو:

$$\rho_{ij} = \frac{\sigma_{ij}}{\sqrt{\sigma_i}\sqrt{\sigma_j}}.$$
 (V-18)

بالنسبة لمتجه (vector) المتغيرات العشوائية،  $x = (x_1, x_2, ..., x_p)$  فإن المتجه المتوسط (mean vector) هو:

$$E(x) = \begin{bmatrix} E(x_1) \\ E(x_2) \\ \vdots \\ E(x_p) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mu_1 \\ \mu_2 \\ \vdots \\ \mu_p \end{bmatrix} = \mu, \quad (A-1E)$$

ومصفوفة التباين- التغاير (Variance -Covariance) هي:

$$\sum = E(x - \mu)(x - \mu)' = E\left(\begin{bmatrix} x_1 - \mu_1 \\ x_2 - \mu_2 \\ \vdots \\ x_p - \mu_p \end{bmatrix} [x_1 - \mu_1 \quad x_2 - \mu_2 \quad \dots \quad x_p - \mu_p]\right)$$

$$= E \begin{pmatrix} (x_1 - \mu_1)^2 & (x_1 - \mu_1)(x_2 - \mu_2) & \dots & (x_1 - \mu_1)(x_p - \mu_p) \\ (x_2 - \mu_2)(x_1 - \mu_1) & (x_2 - \mu_2)^2 & \dots & (x_2 - \mu_2)(x_p - \mu_p) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ (x_p - \mu_p)(x_1 - \mu_1) & (x_p - \mu_p)(x_2 - \mu_2) & \dots & (x_p - \mu_p)^2 \end{pmatrix}$$

$$= E \begin{pmatrix} E(x_1 - \mu_1)^2 & E(x_1 - \mu_1)(x_2 - \mu_2) & \dots & E(x_1 - \mu_1)(x_p - \mu_p) \\ E(x_2 - \mu_2)(x_1 - \mu_1) & E(x_2 - \mu_2)^2 & \dots & E(x_2 - \mu_2)(x_p - \mu_p) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ E(x_p - \mu_p)(x_1 - \mu_1) & E(x_p - \mu_p)(x_2 - \mu_2) & \dots & E(x_p - \mu_p)^2 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \sigma_1 & \sigma_{12} & \cdots & \sigma_{1p} \\ \sigma_{21} & \sigma_2 & \cdots & \sigma_{2p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sigma_{p1} & \sigma_{p2} & \cdots & \sigma_p \end{bmatrix}. \tag{9-12}$$

#### المثال ١٤-١:

احسب المتجه المتوسط، ومصفوفة التباين - التغاير لاثنين من المتغيرات في الجدول 1-1. مجموعة البيانات في الجدول 1-1 هي جزء من مجموعة البيانات الخاصة بنظام التصنيع في الجدول 1-3، وتحتوي على متغيري خاصية، 1 و 1 لتسع حالات من الأعطال الآلية الأحادية. ويبين الجدول 1-1 الاحتمالات المشتركة والهامشية لهذين المتغيرين.

المتوسط والتباين لـ  $x_7$  هما:

$$u_7 = E(x_7) = \sum_{\substack{\text{all values} \\ \text{of } x_7}} x_7 P(x_7) = 0 \times \frac{4}{9} + 1 \times \frac{5}{9} = \frac{5}{9}$$

$$\sigma_7^2 = \sum_{\substack{\text{all values} \\ \text{of } x_7}} (x_7 - u_7)^2 P(x_7) = \left(0 - \frac{5}{9}\right)^2 \times \frac{4}{9} + \left(1 - \frac{5}{9}\right)^2 \times \frac{5}{9}$$

$$= 0.2469.$$

الجدول (١-١٤) مجموعة البيانات الخاصة بالكشف عن الأعطال بنظام التصنيع مع متغيرين للجودة

		رقم الحالة - Instance (الآلة المعطلة – Faulty	
X8	<b>X</b> 7	(Machine	
0	1	i (M1)	
1	0	2(M2)	
1	1	3(M3)	
1	0	4(M4)	
0	1	5(M5)	
0	1	6(M6)	
0	1	7(M7)	
1	0	8(M8)	
0	0	9(M9)	

الجدول (٢-١٤) الاحتمالات المشتركة والهامشية لمتغيري الجودة

P(x1)	Xθ		P(x7, x8)
	1	0	<b>X</b> 7
$\frac{1}{9} + \frac{3}{9} = \frac{4}{9}$	$\frac{3}{9}$	1 9	0
$\frac{4}{9} + \frac{1}{9} = \frac{5}{9}$	$\frac{1}{9}$	4 - 9	1
1	$\frac{3}{9} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9}$	$\frac{1}{9} + \frac{4}{9} = \frac{5}{9}$	P(xe)

المتوسط والتباين لـ x8 هما:

$$u_8 = E(x_8) = \sum_{\substack{\text{all values} \\ \text{of } x_8}} x_8 P(x_8) = 0 \times \frac{5}{9} + 1 \times \frac{4}{9} = \frac{4}{9}$$

$$\sigma_8^2 = \sum_{\substack{\text{all values} \\ \text{of } x_8}} (x_8 - u_8)^2 P(x_8) = \left(0 - \frac{4}{9}\right)^2 \times \frac{5}{9} + \left(1 - \frac{4}{9}\right)^2 \times \frac{4}{9}$$
$$= 0.2469.$$

التغاير (التباين المشترك) لكل من لـ  $x_0$  و  $x_0$  هو:

$$\sigma_{78} = \sum_{\substack{\text{all values all values} \\ \text{of } x_7 \text{ of } x_8}} \sum_{\substack{\text{values} \\ \text{of } x_8}} (x_7 - \mu_7)(x_8 - \mu_8) P(x_7, x_8)$$

$$= \left(0 - \frac{5}{9}\right) \left(0 - \frac{4}{9}\right) \times \frac{1}{9} + \left(0 - \frac{5}{9}\right) \left(0 - \frac{4}{9}\right) \times \frac{3}{9} + \left(1 - \frac{5}{9}\right) \left(0 - \frac{4}{9}\right) \times \frac{4}{9}$$
$$+ \left(1 - \frac{5}{9}\right) \left(1 - \frac{4}{9}\right) \times \frac{1}{9} = -0.1358.$$

المتجه المتوسط  $x = (x_7, x_8)$  هو:

$$\boldsymbol{\mu} = \begin{bmatrix} \mu_1 \\ \mu_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{5}{9} \\ \frac{4}{9} \end{bmatrix}$$

$$\Sigma = \begin{bmatrix} \sigma_{77} & \sigma_{78} \\ \sigma_{87} & \sigma_{88} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$

### ۲-۱٤ مراجعة جبر المصفوفات (Review of Matrix Algebra)

إذا كان لدينا متجه بعدد p من المتغيرات:

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix}, \quad x' = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_p \end{bmatrix}, \quad (1 - 1)$$

 $c_1, c_2, ..., c_p$  غير مستقلة خطياً إذا وُجِد مجموعة من الثوابت،  $x_1, x_2, ..., x_p$  كلها لا تساوى الصفر، والتى تجعل المعادلة التالية صحيحة:

$$c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_p x_p = 0.$$
 (11-18)

بالمثل، فإنَّ  $x_1, x_2, ..., x_p$  تعد مستقلة خطياً إذا وُجِــد مجموعة واحدة فقط من الثوابت،  $c_1 = c_2 = ... = c$  والتي تجعل المعادلة التالية صحيحة:

$$c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_p x_p = 0.$$
 (17-18)

يتم حساب طول المتجه، لا على النحو التالى:

$$L_x = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_p^2} = \sqrt{x'x}.$$
 (17-18)

يوضح الشكل ١-١٤ متجهاً ثنائي الأبعاد،  $x'=(x_1, x_2)$  ويُظهِر حساب طول المتجه. ويبين الشكل ٢-١٤ الزاوية  $\theta$  بين متجهين،  $(x_1, x_2)=x'=(y_1, y_2)=y'$ , والتي يتم حسابها على النحو التالى:

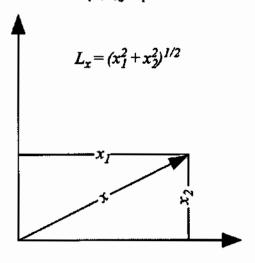
$$\cos(\theta_1) = \frac{x_1}{L_x} \tag{16-16}$$

$$\sin(\theta_1) = \frac{x_2}{L_x} \tag{10-16}$$

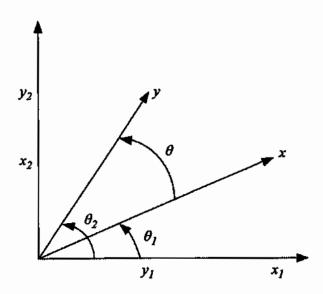
$$\cos(\theta_2) = \frac{y_1}{L_{\nu}} \tag{17-16}$$

$$\sin(\theta_2) = \frac{y_2}{L_{\nu}} \tag{(V-1E)}$$

الشكل (۱-۱٤) حساب طول المتجه



الشكل (۲-۱٤) حساب الزاوية بين متجهين



$$cos(\theta) = cos(\theta_2 - \theta_1)$$
  
=  $cos(\theta_2) cos(\theta_1)$   
+  $sin(\theta_2) sin(\theta_1)$ 

$$= \left(\frac{y_1}{L_y}\right) \left(\frac{x_1}{L_x}\right) + \left(\frac{y_2}{L_y}\right) \left(\frac{x_2}{L_x}\right) = \frac{x_1 y_1 + x_2 y_2}{L_x L_y} = \frac{x' y}{L_x L_y}. \quad \text{(IA-1E)}$$

وبناءً على عملية حساب الزاوية بين المتجهين، x' وy' يكون المتجهان متعامدين، وهو ما يعني أن،  $\theta=90^\circ$  أو  $\theta=60^\circ$  أو  $\theta=90^\circ$  فقط إذا كان

وتكون المصفوفة المربعة،  $A_{i}p \times p$  متناظرة (symmetric) إذا كانت  $A_{i}p \times p$  وهو ما يعني أن،  $a_{ij} = a_{ji}$ , لكل  $a_{ij} = a_{ji}$ , ما يعني أن،  $a_{ij} = a_{ji}$ , تكون بالشكل التالي:

$$I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 1 \end{bmatrix},$$

ويكون لدينا:

$$AI = IA = A. (19-18)$$

ويرمز لمعكوس المصفوفة  $A^{-1}$  ويكون لدينا: (inverse of the matrix) ويكون لدينا:

$$AA^{-1} = A^{-1}A = I. \tag{(Y-1)}$$

 $a_1,\ a_2,\ ...,\ )\ d$  ويوجد معكوس المصفوفة A إذا كانت أعمدة المصفوفة A والتي عددها A إذا كانت أعمدة المصفوفة A مستقلة خطياً.

ليكن |A| يشير إلى مُحدد (determinant) المصفوفة A المربعة  $p \times p$  يتم حساب |A| على النحو التالى:

$$|A| = a_{11}$$
 if  $p = 1$  (Y\-\E)

$$|A| = \sum_{j=1}^{p} a_{1j} |A_{1j}| (-1)^{1+j} = \sum_{j=1}^{p} a_{ij} |A_{ij}| (-1)^{i+j} \quad if p > 1, \qquad (\Upsilon\Upsilon-1\xi)$$

حيث إن:

هي المصفوفة 
$$(p-1) \times (p-1)$$
 التي تمّ الحصول عليها عن طريق إزالة  $A_{ij}$  من  $A$ 

هي المصفوفة 
$$(p-1) \times (p-1) \times (p-1)$$
 التي تمّ الحصول عليها عن طريق إزالة  $A_{ij}$  الصف  $i^{th}$  والعمود  $i^{th}$  من

ولمصفوفة مربعة ٢ × ٢:

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix},$$

فإن محدد المصفوفة A هو:

$$\begin{aligned} |A| &= \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{vmatrix} = \sum_{j=1}^{2} a_{1j} |A_{1j}| (-1)^{1+j} \\ &= a_{11} |A_{11}| (-1)^{1+1} + a_{12} |A_{12}| (-1)^{1+2} = a_{11} a_{22} - a_{12} a_{21}. \end{aligned} \tag{$\Upsilon \gamma - 1$}$$

$$|I| = 1. (Y\xi - 1\xi)$$

ويوضح التالي عملية حساب محدد المصفوفة A باستخدام مصفوفة التباين – التغاير لـ  $x_7$  و  $x_8$  من الحدول ۱۵-۱:

$$A = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$
  
= 0.2469 \times 0.2469 - (-0.1358)(-0.1358)  
= 0.0425.

لتكن A مصفوفة مربعة  $p \times p$  وI المصفوفة المحايدة  $p \times p$  فإن القيم مربعة وأربعت المربعة المربعة المربعة وأحياناً بقيم أيجن أو الجذور الكامنة) (eigenvalues) للمصفوفة A إذا كانت تُحقق المعادلة التالية:

$$|A - \lambda I| = 0. \tag{YO-1E}$$

المثال ١٤-٢:

احسب القيم الذاتية للمصفوفة A التالية، والتي يتم الحصول عليها من المثال ١٠١٤:

$$A = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$

$$|A - \lambda I| = \begin{vmatrix} \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix} - \lambda \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\ = \begin{vmatrix} 0.2469 - \lambda & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 - \lambda \end{vmatrix} = 0.$$

$$(0.2469 - \lambda)(0.2469 - \lambda) - 0.0184 = 0$$

$$\lambda^2 - 0.4938\lambda + 0.0426 = 0$$

$$\lambda_1 = 0.3824 \quad \lambda_2 = 0.1115.$$

لتكن A مصفوفة مربعة  $p \times p$  وA هي القيمة الذاتية لـ A المتجه x يكون المتجه الذاتي (eigenvector) لـ A والمرتبط بالقيمة الذاتية A إذا كان x هو متجه غير صفري ويحقق المعادلة التالية:

$$Ax = \lambda x. \tag{Y7-18}$$

يتم حساب المتجه الذاتي المطبع (normalized eigenvector) بوحدة طول ، e، على النحو التالى:

$$e = \frac{x}{\sqrt{x'x}}.$$
 (۲۷-۱٤)

المثال ١٤-٣

احسب المتجهات الذاتية المرتبطة بالقيم الذاتية في المثال ٢-١٤. يتم حساب  $\lambda_2=0.1115$   $\lambda_1=0.3824$  و $\lambda_1=0.1115$  المصفوفة المربعة التالية A في المثال ٢-١٤:

$$A = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$

$$Ax = \lambda_1 x$$

$$\begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = 0.3824 \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 0.2469x_1 - 0.1358x_2 = 0.3824x_1 \\ -0.1358x_1 + 0.2469x_2 = 0.3824x_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 0.1355x_1 + 0.1358x_2 = 0 \\ 0.1358x_1 + 0.1355x_2 = 0. \end{cases}$$

 $x_2 = -I$ و  $x_i = 1$  وما أنَّ المعادلتين متطابقتان، فإنه هنالك العديد من الحلول. بوضع  $x_i = 1$  و كون لدينا:

$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} \quad e = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

$$Ax = \lambda_2 x$$

$$\begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = 0.1115 \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 0.2469x_1 - 0.1358x_2 = 0.1115x_1 \\ -0.1358x_1 + 0.2469x_2 = 0.1115x_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 0.1354x_1 + 0.1358x_2 = 0 \\ 0.1358x_1 + 0.1354x_2 = 0. \end{cases}$$

 $x_1$  ومن ثم يكون لهما العديد من الحلول. بوضع  $x_1$  ومن ثم يكون لهما العديد من الحلول. بوضع  $x_2 = I$  و  $x_2 = I$ 

$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad e = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

في هذا المثال، يتم اختيار المتجهين الذاتيين المرتبطين بالقيمتين الذاتيتين بحيث يكون المتجهان الذاتيان متعامدين.

لتكن A مصفوفة متطابقة  $p \times p$  و  $p \times p$  و i=1,...,p بحيث i=1,...,p معدد p عدد p عدد أزواج القيم الذاتية والمتجهات الذاتية لـ p بحيث أنَّ p بحيث أنَّ عنه اختياره الذاتية والمتجهات الذاتية الداتية ون متعامداً بشكل متبادل. يُعطَي التحلل الطيفي (spectral decomposition) ليكون متعامداً بشكل متبادل. يُعطَي التحلل الطيفي A بالمعادلة التالية:

$$A = \sum_{i=1}^{p} \lambda_{i} e_{i} e'_{i}. \tag{YA-1E}$$

المثال ١٤-١٤

احسب التحلل الطيفي للمصفوفة في الأمثلة ١٤-٢ و١٤-٣.

يتم توضيح التحلل الطيفي للمصفوفة المتطابقة التالية في الأمثلة ٢-١٤ و٢٤-٣ كما يلي:

$$A = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$

$$\lambda_1 = 0.3824$$
  $\lambda_2 = 0.1115$ 

$$e_1 = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -1 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

$$e_2 = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$

$$= 0.3824 \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

$$+ 0.1115 \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 0.1912 & -0.1912 \\ -0.1912 & 0.1912 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.0558 & 0.0558 \\ 0.0558 & 0.0558 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 0.1912 & -0.1912 \\ -0.1912 & 0.1912 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.0558 & 0.0558 \\ 0.0558 & 0.0558 \end{bmatrix}$$

$$A = \lambda_1 e_1 e_1' + \lambda_2 e_2 e_2'.$$

 $positive\ definite$  , المصفوفة المحددة الموجبة (p imes p ، بالمصفوفة المحددة الموجبة (p imes p

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} \neq \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix} =$$
فر صفري  $= \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix}$  (matrix) إذا حققت التالي لأي متجه غير صفري  $= \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_p \end{bmatrix}$ 

المصفوفة A المتطابقة  $p \times p$  هي مصفوفة محددة موجبة إذاً وإذا كانت فقط كل قيمة ذاتية لــ A أكبر من أو تساوي الصفر ( $Johnson\ and\ Wichern,\ 1998$ ). على سبيل المثال، المصفوفة التالية  $A \times 2$  ، هي مصفوفة محددة موجبة بقيمتين ذاتيتين موجبتين:

$$A = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$
$$\lambda_1 = 0.3824 \quad \lambda_2 = 0.1115$$

 $\lambda_1 \geq \lambda_2 \geq \dots$  لتكن A مصفوفة محددة موجبة  $p \times p$  بقيم ذاتية مرتبة كالتالي  $e_1, e_2, \dots, e_p$ , فيم ذاتية مطبعة مرتبطة،  $e_1, e_2, \dots, e_p$ , والتي تكون متعامدة. الشكل التربيعي، (x'Ax)/(x'x), يتم تعظيمه إلى القيمة  $\lambda_1$  عندما  $x = e_1$  وهذا الشكل التربيعي يتم تصغيره إلى القيمة  $\lambda_p$  عندما  $x = e_p$  عندما  $x = e_p$  التربيعي يتم تصغيره إلى القيمة  $x = e_p$  عندما  $x = e_p$  عندما يعني، أن لدينا ما يلي:

$$\max_{x \neq 0} \frac{x'Ax}{x'x} = \lambda_1 \quad \text{attained by } x = e_1$$

$$e_1'Ae_1 = e_1' \left( \sum_{i=1}^p \lambda_i e_i e_i' \right) e_1 = \lambda_1 = \max_{x \neq 0} \frac{x'Ax}{x'x} \quad (\text{PQ-NE})$$

$$\min_{x \neq 0} \frac{x'Ax}{x'x} = \lambda_p \quad \text{attained by } x = e_p$$

$$e'_p A e_p = e'_p \left( \sum_{i=1}^p \lambda_i e_i e'_i \right) e_p = \lambda_p = \min_{x \neq 0} \frac{x'Ax}{x'x} \qquad (\text{rank})$$

$$\max_{x \perp e_1, \dots, e_l} \frac{x'Ax}{x'x} = \lambda_{i+1}$$
 attained by  $x = e_{i+1}$ ,  $i = 1, \dots, p-1$  ( $\Upsilon$ )- $\S$ 

### ٣-١٤ تحليل المكونات الرئيسة (Principal Component Analysis):

يوضح تحليلُ المكونات الرئيسية مصفوفة التباين- التغاير للمتغيرات. إذا كان لدينا متجه متغيرات  $x' = [x_1, ..., x_p]$  مع مصفوفة التباين- التغاير  $\Sigma$ ، فيما يلي عِثل تركيباً خطياً لهذه المتغيرات:

$$y_i = a_i'x = a_{i1}x_1 + a_{i2}x_2 + \dots + a_{ip}x_p.$$
 (٣٢-18)

 $y_i$  على التباين والتغاير لـ  $y_i$  على النحو التالى:

$$var(y_i) = a_i' \sum a_i$$
 (٣٣-١٤)

$$cov(y_i, y_j) = a_i' \sum a_j. \tag{\text{YE-1}}$$

يتم اختيار المكونات الرئيسية  $y'=[y_1, y_2, ..., y_p]$  لتكون تركيبات خطية لـ x' والتي تحقق ما يلى:

$$y_1=a_1'x=a_{11}x_1+a_{12}x_2+\cdots+a_{1p}x_p,$$
var  $(y_i)$  ميتم اختيار  $a_i$  يتم اختيار  $a'_ia_i=1$  (٣٥-١٤)

$$y_2=a_2'x=a_{21}x_1+a_{22}x_2+\cdots+a_{2p}x_p,$$
  $var(y_2)$  ميتم اختيار  $a_2$  لتعظيم قيمة ،  $a'_2a_2=I$  ,  $cov(y_2,y_1)=0$ 

$$y_i = a_i'x = a_{i1}x_1 + a_{i2}x_2 + \dots + a_{ip}x_p.$$
 $var(y_i)$  من اختیار  $a_i$  لکل  $a'_ia_i = 1$ ,  $cov(y_i, y_j) = 0$ 

 $e_i'e_i=1$  ،  $\Sigma$  لتكن  $(\lambda_i, e_i), i=1, ..., p$  نتية ومتجهات ذاتية متعامدة ل $(\lambda_i, e_i), i=1, ..., p$  لتكن و $(\lambda_i, e_i), i=1, ..., a_p=1, a$ 

$$y_i = e_i'x$$
  $i = 1, ..., p$  (٣٦-١٤) 
$$e_i'e_i = 1$$
 
$$var(y_i) = e_i'\sum e_i = \lambda_i$$
 
$$cov(y_i, y_j) = e_i'\sum e_j = 0 \quad \text{for } j < i.$$

بناءً على المعادلات من ١٤-٢٩ إلى ١٤-٣١، فإنّ  $y_i$ ، i=1,...,p، والمعدّلة بالمعادلة ١٤-٣٠، تحقق متطلبات المكونات الرئيسية في المعادلة ٢٤-٣٥. بالتالي، يتم تحديد المكونات الرئيسية باستخدام المعادلة ١٤-٣٥.

 $x_1$  التباينات  $x_2$  على التوالي. يكون مجموع التباينات  $x_1$  ....  $x_p$  على التوالي. يكون مجموع التباينات  $x_1$  ....  $x_p$  مساوياً لمجموع تباينات  $x_1$  ....  $x_p$  على التوالي التباينات  $x_1$  ....  $x_p$  على التباينات  $x_1$  التباينات  $x_2$  مساوياً لمجموع التباينات  $x_2$  التباينات  $x_1$  التباينات  $x_2$  مساوياً لمجموع التباينات  $x_2$  التباينات  $x_3$  التباينات  $x_4$ 

$$\sum_{i=1}^{p} \operatorname{var}(x_i) = \sigma_1 + \dots + \sigma_p = \sum_{i=1}^{p} \operatorname{var}(y_i) = \lambda_1 + \dots + \lambda_p. \quad (\text{FV-NE})$$

مثال ١٤-٥:

قم بتحديد المكونات الرئيسية للمتغيرين في المثال ١-١٤. للمتغيرين  $x'=[x_7,x_8]$  في الجدول ١-١٤ والمثال ١-١٤، تكون مصفوفة التباين- التغاير  $\Sigma$  على النحو التالى:

$$\Sigma = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix},$$

وباستخدام القيم الذاتية والمتجهات الذاتية المحددة في الأمثلة ٢-١٤ و١٤-٣:

$$\lambda_1 = 0.3824 \qquad \lambda_2 = 0.1115$$

$$e_1 = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

$$e_2 = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

تكون المكونات الرئيسية:

$$y_1 = e_1' x = \frac{1}{\sqrt{2}} x_7 - \frac{1}{\sqrt{2}} x_8$$
$$y_2 = e_2' x = \frac{1}{\sqrt{2}} x_7 + \frac{1}{\sqrt{2}} x_8.$$

وتكون التباينات لـ ٧١ و٧٤ :

$$var(y_1) = var\left(\frac{1}{\sqrt{2}}x_7 - \frac{1}{\sqrt{2}}x_8\right)$$

$$= \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 var(x_7) + \left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right)^2 var(x_8) + 2\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)\left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right) cov(x_7, x_8)$$

$$= \frac{1}{2}(0.2469) + \frac{1}{2}(0.2469) - (-0.1358) = 0.3827$$

$$= \lambda_1$$

$$var(y_2) = var\left(\frac{1}{\sqrt{2}}x_7 + \frac{1}{\sqrt{2}}x_8\right)$$

$$= \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 var(x_7) + \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 var(x_8) + 2\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)cov(x_7, x_8)$$

$$= \frac{1}{2}(0.2469) + \frac{1}{2}(0.2469) + (-0.1358) = 0.1111$$

$$= \lambda_2$$

ويكون لدينا أيضاً:

$$var(x_7) + var(x_8) = 0.2469 + 0.2469 = var(y_1) + var(y_2) = 0.3827 + 0.1111.$$

### ١٤-٤ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يتم دعم استخدام PCA من قبل العديد من حزم البرمجيات الإحصائية، بما في ذلك STATISTICA (www.spss.com) هو SPSS SAS (www.sas.com) ويتم إعطاء بعض تطبيقات PCA في المجالات الصناعية في يي (Ye, 2003, Chapter 8).

#### التمارين (Exercises):

- ۱-۱ قم بتحدید المکونات الرئیسیة  $x_1$  ....  $x_9$  في الجدول ۱-۸ وتحدید المکونات الرئیسیة التی  $x_1$  الرئیسیة التی  $x_2$  استخدامها لتمثل ۹۰٪ من مجموع تباینات البیانات.
  - ۲-۱ قم بتحدید المکونات الرئیسیة لـ  $x_1$  و  $x_2$  في الجدول  $x_2$ -۲.
- $x_1$  كرّر التمرين ١٤-٢ لـ  $x_2$  ....  $x_4$  وحدد المكونات الرئيسية التي يمكن استخدامها لتمثل  $x_1$  من مجموع تباينات البيانات.

# ١٥- القياس المتعدد الأبعاد Multidimensional Scaling - MDS

يهدف القياس المتعدد الأبعاد (Multidimensional Scaling-MDS) إلى تمثيل البيانات عالية الأبعاد في فضاء منخفض الأبعاد بحيث يمكن تصور البيانات، وتحليلها، وتفسيرها في فضاء منخفض الأبعاد للكشف عن أناط بيانات مفيدة. يصف هذا الفصل القياس المتعدد الأبعاد (MDS)، وحزم البرمجيات التي تدعمه، وبعض تطبيقاته مع المراجع المستخدمة.

## ١-١٥ خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد (Algorithm of MDS):

 $x_i = (x_{i1}, ..., n)$  من عناصر البيانات في فضاء بعدد p من الأبعاد، n من عناصر البيانات في فضاء بعدد  $\delta_{ij}$  (dissimilarity) وجمقياس للاختلاف أو عدم التشابه  $\delta_{ij}$  (dissimilarity) لكل زوج  $(x_i = 1, ..., n)$  من عناصر البيانات التي عددها n وترتيب هذه الاختلافات من الزوج الأقل تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الأكثر تشابها إلى الزوج الألمان الروب الألمان المناس ال

$$\delta_{i1j1} \le \delta_{i2j2} \le \dots \le \delta_{iMjM}, \tag{1-10}$$

m عدد m إلى العدد الإجمالي لأزواج البيانات المختلفة، و، m(n-1)/2 عدد m للإراماي العدد الإبعاد (Young and Hamer, (MDS) من عناصر البيانات وينبغي للقياس المتعدد الأبعاد p في فضاء p من الأبعاد، p وتكون p أصغر بكثير من p مع المحافظة على اختلاف عناصر البيانات p الواردة في المعادلة p -1. يكون القياس المتعدد الأبعاد (MDS) غير متري البيانات p الواردة في المعادلة p -1. يكون القياس المتعدد الأبعاد (monmetric) إذا تم الحفاظ على ترتيب الاختلاف في المعادلة p -1. ويذهب القياس المتعدد الأبعاد المتري (metric) إلى أبعد من ذلك ليحافظ على مقدار الاختلاف. يشرح هذا الفصل القياس المتعدد الأبعاد غير المتري.

يعرض الجدول 1-10 خطوات خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد (MDS) لإيجاد إحداثيات عناصر البيانات n في فضاء بعدد q من الأبعاد، مع الحفاظ على اختلاف سجلات البيانات n الواردة في المعادلة 1-10. في الخطوة 1 من خوارزمية (MDS)، يتم توليد التهيئة الأولى لإحداثيات سجلات البيانات n في فضاء q من الأبعاد باستخدام قيم عشوائية بحيث لا يكون لسجلى بيانات القيم نفسها.

وفي الخطوة ٢ من خوارزمية (MDS)، يتم استخدام ما يلي لتطبيع،  $(x_{i1}, ..., x_{iq})$  يتم استخدام ما يلي لتطبيع، i=1, ..., n

normalized 
$$x_{ij} = \frac{x_{ij}}{\sqrt{x_{i1}^2 + x_{iq}^2}}$$
 (Y-No)

في الخطوة T من خوارزمية (MDS)، يتم استخدام التالي لحساب ما يُسمى بجهد التهيئة (stress of configuration) الذي يقيس مدى جودة محافظة التهيئة على اختلاف سجلات البيانات T الواردة في المعادلة T العادلة T الواردة في المعادلة T العادلة T ال

$$S = \sqrt{\frac{\sum_{ij} (d_{ij} - \hat{d}_{ij})^2}{\sum_{ij} d_{ij}^2}}$$
 (٣-١٥)

حيث إن  $d_{ij}$  يقيس الاختلاف ل $x_i$  و  $x_i$  باستخدام إحداثياتها في فضاء بعدد q من الأبعاد، وتعطي القيمة  $\hat{d}_{ij}$  الاختلاف المنشود ل $x_i$  و  $x_i$  الذي يحافظ على ترتيب الاختلاف ل $\hat{d}_{ij}$  في المعادلة ١-١٥ بحيث يكون:

$$\hat{d}_{ij} < \hat{d}_{i'j'}$$
 if  $\hat{\delta}_{ij} < \hat{\delta}_{i'j'}$ . (٤-١٥)

لاحظ أن هناك عدد 2/(n-1) زوج مختلف من i و j في المعادلات ١٥-٣ و١٥-٤.

الجدول (١-١٥) خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد (MDS) - (إنجليزي وعربي)

Step	Description				
1	Generate an initial configuration for the coordinates of $n$ data points in the $q$ -dimensional space, $(x_{11},, x_{1q},, x_{n1},, x_{nq})$ , such that no two points are the same				
2					
3	Compute $S$ as the stress of the configuration using Equation	on 15.3			
4	REPEAT UNTIL a stopping criterion based on S is satisfied	đ			
5	5 Update the configuration using the gradient decent method and Equations 15.14 through 15.18				
6	Normalize $x_i = (x_{i1},, x_{iq}), i = 1,, n$ , in the configuration using Equation 15.2				
7	Compute S of the updated configuration using Equation	on 15.3			
	الوصف	الخطوة			
قم بتوليد تهيئة أولية لإحداثيات سجلات البيانات $n$ في فضاء $q$ من الأبعاد					
فسها.	(x11,, x1q,, xni, xnq) بحيث لا يكون لسجلي بيانات القيم نفسها.				
قم بتطبیع، $(x_{i1},,x_{iq})=x_i=x_i$ حیث أنَّ: $i=1,,n$ بحیث یکون لمتجه کل					
	سجل بيانات نفس طول الوحدة باستخدام المعادلة ١٥-٢.				
قم بحساب s كقيمة لجهد التهيئة (configuration Stress) باستخدام					
	المعادلة ١٥-٣.				
كرر ( REPEAT) حتى (UNTIL) يتحقق شرط التوقف المبني على أساس					
	قيمة S.				
لعادلات	حدث التهيئة ( configuration) باستخدام طريقة الهبوط المتدرج وام	٥			
	من ١٥-١٤ إلى ١٥-١٨.				
.Y-10 ā	قم بتطبیع، $x_{i}=(x_{i1},,x_{iq})$ قم بتطبیع، $x_{i}=(x_{i1},,x_{iq})$ و تصادل	٦			
	قُم بحساب 5 للتهيئة المُحدَّثة باستخدام ١٥-٣.	٧			

وعكن استخدام المسافة الإقليدية (Euclidean distance) الواردة في المعادلة ٥-١٥، أو مسافة مينكوسكي r المترية (Minkowski r-metric distance) الأكثر عمومية في المعادلة ١٥-١٦، أو عكن استخدام بعض مقاييس الاختلاف الأخرى لحساب  $d_{ij}$ :

$$d_{ij} = \sqrt{\sum_{k=1}^{q} (d_{ik} - d_{jk})^2}$$
 (0-10)

$$d_{ij} = \left[\sum_{k=1}^{q} (d_{ik} - d_{jk})^r\right]^{\frac{1}{r}}.$$
 (7-10)

يتم التنبؤ بـقيم  $\hat{d}_{ij}$  من قيم  $\delta_{ij}$  باستخدام خوارزمية الانحدار الرئيسية الموضحة (Kruskal, 1964a,b) لإعطاء:

$$\hat{d}_{i1j1} \leq \hat{d}_{i2j2} \leq \dots \leq \hat{d}_{iMjM}, \tag{V-10}$$

وبالرجوع للمعادلة المعطاة في ١٥-١٠

$$\delta_{i1j1} \leq \delta_{i2j2} \leq \cdots \leq \delta_{iMjM}.$$

يوضح الجدول ٢-١٥ خطوات خوارزمية الانحدار الرتيبة، على افتراض أنه لا يوجد تعادل  $\hat{d}_{Bm}$  بين قيم  $\delta_{ij}$ . في الخطوة ٢ من خوارزمية الانحدار الرتيبة، يتم حساب لكتلة  $B_m$  باستخدام متوسط وقيم  $\hat{d}_{ij}$  في  $B_m$ :

$$\hat{d}_{B_m} = \sum_{d_{ij} \in B_m} \frac{d_{ij}}{N_m} \tag{A-10}$$

 $d_{ij}$  فإن اله $a_{ij}$  في  $a_{ij}$  في  $a_{ij}$  في فإن في  $a_{ij}$  في فيمة واحدة من فإن فإن  $a_{imjm}=0$ 

في الخطوة ١ من خوارزمية الانحدار الرتيبة، إذا كان هناك تعادلاً في القيم بين  $\delta_{ijS}$ ، يتم q ترتيب خات القيمة المتساوية في ترتيب متصاعد حسب قيم نظيراتها  $d_{ijS}$  في فضاء  $d_{ijS}$  من الأبعاد (Kruskal, 1964a, هناك طريقة أخرى للتعامل مع تعادل القيم بين  $d_{ijS}$  وذلك بجعل هذه القيم المتساوية لـ  $\delta_{ijS}$  تشكِّل كتلة واحدة مع ما يناظرها من قيم  $d_{ijS}$  في هذه الكتلة.

بعد استخدام طريقة الانحدار الرتيبة للحصول على قيم  $\hat{d}_{ij}$ ، نقوم باستخدام المعادلة  $\Gamma$ -10 لحساب جهد التهيئة في الخطوة  $\Gamma$  من خوارزمية  $\Gamma$ -10. كلما كانت قيمة  $\Gamma$  أصغر، كان أفضل للتهيئة أن تحافظ على نظام ترتيب الاختلافات في المعادلة  $\Gamma$ -1. يعد كروسكال ( $\Gamma$ -10 أن قيمة  $\Gamma$ -10 المساوية للله المعادلة  $\Gamma$ -10 أن قيمة  $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 أن تدل على تمثيل ومطابقة التهيئة لترتيب الاختلاف في المعادلة  $\Gamma$ -10 وقيمة  $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية التمثيل والمطابقة، وقيمة  $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية المساوية ( $\Gamma$ -10 المساوية الم

### الجدول (٢-١٥) خوارزمية الاتحاد الرتيبة - (إنجليزي وعربي)

Step	Description
1	Arrange $\delta_{lain}$ , $m = 1,, M$ , in the order from the smallest to the largest
2	Generate the initial $M$ blocks in the same order in Step 1, $B_1$ ,, $B_M$ , such that each block, $B_m$ , has only one dissimilarity value, $d_{tain}$ , and compute $\hat{d}_0$ using Equation 15.8
3	Make the lowest block the active block, and also make it up-active; denote $B$ as the active block, $B$ _ as the next lower block of $B$ , $B$ _ as the next higher block of $B$
4	WHILE the active block $B$ is not the highest block
5	IF $\hat{d}_{8.} < \hat{d}_{8.} / *$ B is both down-satisfied and up-satisfied, note that the lowest clock is already down-satisfied and the highest block is already up-satisfied */
6	Make the next higher block of B the active block, and make it up-active
7	ELSE
8	IF B is up-active
9	IF $\hat{d}_B < \hat{d}_B / ^* B$ is up-satisfied */
10	Make B down-active
11	ELSE
12	Merge B and $B_{\bullet}$ to form a new larger block which replaces B and $B_{\bullet}$
13	Make the new block as the active block and it is down-active
14	ELSE/* B is down-active */
15	IF $\hat{d}_{B_{\perp}} < \hat{d}_{B}/^{*}$ B is down-satisfied */
16	Make B up-active
17	ELSE
18	Merge $B_{-}$ and $B$ to form a new larger block which replaces $B_{-}$ and $B$
19	Make the new block as the active block and it is up-active
20	$\hat{d}_{ij} = \hat{d}_{ij}$ , for each $d_{ij} \in B$ and for each block $B$ in the final sequence of the blocks

الوصف	الخطوة
رتب، $m$ الأصغر إلى الأكبر. $m$ ا،, $M$ ، $\delta_{imjm}$ ، ترتيباً تصاعدياً من الأصغر	1
، من الكتل ( $block$ ) بنفس الترتيب المعمولة به في الخطوة ا $M$	۲
بحيث يكون لدينا الكتل: $B_{M}$ ,, بحيث تكون لكل كتلة، $B_{m}$ قيمة اختلاف	
.م-دة فقط وهي، $d_{imjm}$ ، وقم بحساب $\hat{d}_B$ باستخدام المعادلة ۸-۱۵.	

- up-) اجعل الكتلة الأقل هي الكتلة النشطة، واجعلها أيضاً الكتلة فوق النشطة B-)، نرمز بالرمز B للكتلة النشطة، وبالرمز B- للكتلة التالية والأعلى من B- وبالرمز B- للكتلة التالية والأعلى من
  - كرر ( $W\!H\!I\!L\!E$ ) ما دام أن الكتلة النشطة B ليست هي الكتلة الأعلى.
    - .  $\hat{d}_{B-} < \hat{d}_B < \hat{d}_{B+}$  اذا کان

Up-) و من الأعلى (down- satisfied) و من الأعلى (satisfied)، لاحظ أن الكتلة الأقل هي بالفعل متحققة من الأسفل والكتلة الأعلى أيضاً متحققة من الأعلى).

- اجعل الكتلة التالية الأعلى لـ B هي الكتلة النشطة، واجعلها أيضاً فوق النشطة.
  - ۷ خلاف ذلك (*ELSE*).
  - اذا (IF) كانت B هي الكتلة فوق النشطة.  $^{\wedge}$
  - ينى أن B مما يعنى أن  $\hat{d}_{R} < \hat{d}_{R+}$  كان (IF) إذا (IF)
    - ١٠ أجعل B هي الكتلة تحت النشطة.
      - ۱۱ خلاف ذلك (*ELSE*).
    - $B_+$  ادمج  $B_-$  و  $B_-$  التشكيل كتلة جديدة أكبر حجماً تستبدل  $B_-$  المج
    - ١٣ اجعل الكتلة الجديدة هي الكتلة النشطة وتكون أيضاً تحت النشطة.
      - انشطة). خلاف ذلك (ELSE) (مما يعني أن تكون B تحت النشطة).
  - اذا (IF) كان  $\hat{d}_{B-}<\hat{d}_B$  (مما يعني أن B متحققة من الأسفل).
    - اجعل B مى الكتلة فوق النشطة.
      - ۱۷ خلاف ذلك (*ELSE*).
    - $B_-$  ادمج  $B_-$  و  $B_-$  لتشكيل كتلة جديدة أكبر حجماً تستبدل  $B_+$  و  $B_-$
    - ١٩ اجعل الكتلة الجديدة هي الكتلة النشطة وتكون أيضاً فوق النشطة.
- . لكل  $\hat{d}_{ij} \in B$  ولكل كتلة B في السلسلة الأخيرة من الكتلات.  $\hat{d}_{ij} = \hat{d}_B$

goodness-of- تقوم الخطوة ٤ من خوارزمية (MDS) بتقييم جودة المطابقة (S من خوارزمية (S للتهيئة غير مقبولة، تقوم الخطوة ٥ من الخوارزمية بتغيير قيمة التهيئة لتحسين جودة المطابقة باستخدام طريقة الهبوط المتدرج.

تقوم الخطوة  $\Gamma$  من الخوارزمية بتطبيع متجه كل سجل بيانات في قيمة التهيئة المحدَّثة. تحسب الخطوة V من الخوارزمية القيمة V للتهيئة المحدَّثة.

في الخطوة ٤ من الخوارزمية، يمكن تعيين حد معين (threshold) لجودة المطابقة، واستخدامه بحيث تكون قيمة التهيئة مقبولة إذا كانت S للتهيئة أقل من أو يساوي حد جودة المطابقة. ومن ثم، فإن شرط التوقف في الخطوة ٤ من الخوارزمية يظهر بحيث تكون قيمة S أقل من أو تساوي حد جودة المطابقة. إذا كان التغيير في قيمة S صغيراً، بعنى أنه عندما تبدأ قيمة S في الميل للاستقرار بعد عدة تكرارات من تحديث قيمة التهيئة، ومن ثم فإن إجراء تحديث قيمة التهيئة يمكن إيقافه أيضاً. لذلك فإن تغيير قيمة S التي هي أصغر من قيمة حد معين، يُعتبَر شرط توقف آخر للتكرار يمكن استخدامه في الخطوة ٤ من خوارزمية الـ MDS.

إنَّ طريقة الهبوط المتدرج لتحديث التهيئة لـ S في الخطوة 0 من خوارزمية MDS هي طريقة مشابهة لطريقة الهبوط المتدرج المستخدمة لتحديث أوزان الارتباط في طريقة التعلم بالتوالد الخلفي للشبكات العصبية الصناعية (ANN) في الفصل 0. إنَّ الهدف من تحديث قيمة التهيئة،  $(x_{11}, ..., x_{1q}, ..., x_{nl}, ..., x_{nq})$  هو تقليل جهد التهيئة في المعادلة  $(x_{11}, ..., x_{1q}, ..., x_{nl}, ..., x_{nq})$  والتي تظهر فيما يلي:

$$S = \sqrt{\frac{\sum_{ij} (d_{ij} - \hat{d}_{ij})^2}{\sum_{ij} d_{ij}^2}} = \sqrt{\frac{S^*}{T^*}},$$
 (9-10)

صث:

$$S^* = \sum_{ij} (d_{ij} - \hat{d}_{ij})^2$$
 (1-10)

$$T^* = \sum_{ij} d_{ij}^2. \tag{11-10}$$

باستخدام طريقة الهبوط المتدرج، نقوم بتحديث كل  $x_{kl}$  حيث أنَّ:  $k=1,\;\dots,\;n,\;$  و  $l=1,\;\dots,\;q$  و التهيئة على النحو التالي ( $l=1,\;\dots,\;q$ ):

$$x_{kl}(t+1) = x_{kl}(t) + \alpha \Delta x_{kl} = x_{kl}(t) + \alpha (g_{kl}) / \left(\frac{\sqrt{\sum_{k,l} g_{kl}^2}}{\sum_{k,l} x_{kl}^2}\right), \quad (Y-10)$$

حيث إن:

$$g_{kl} = -\frac{\partial S}{\partial x_{kl}},\tag{17-10}$$

و  $\alpha$  هي معدل التعلم. وللحصول على قيمة مطبعة لـ x تصبح المعادلة ١٥-١٢:

$$x_{kl}(t+1) = x_{kl}(t) + \alpha \Delta x_{kl} = x_{kl}(t) + \alpha \frac{g_{kl}}{\sqrt{\frac{\sum_{k,l} g_{kl}^2}{n}}}.$$
 (16-10)

يقدم كروسكال (Kruskal, 1964a,b) الصيغة التالية لحساب  $g_{kl}$  إذا تمَّ حساب قيمة  $d_{ij}$  باستخدام المسافة المترية r لمينكوسكي (Minkowski r-metric distance):

$$g_{kl} = -\frac{\partial S}{\partial x_{kl}} = S \sum_{l,j} \left[ \left( \rho^{kl} - \rho^{kj} \right) \left( \frac{d_{lj} - d_{lj}}{S^*} - \frac{d_{lj}}{T^*} \right) \left( \frac{\left| x_{ll} - x_{jl} \right|^{r-1}}{d_{lj}^{r-1}} \right) \operatorname{sign}(x_{ll} - x_{jl}) \right],$$
(10-10)

حيث إن:

$$\rho^{ki} = \begin{cases} 1 & \text{if } k = i \\ 0 & \text{if } k \neq i \end{cases}$$
 (17-10)

$$\operatorname{sign}(x_{il} - x_{jl}) = \begin{cases} 1 & \text{if } x_{il} - x_{jl} > 0 \\ -1 & \text{if } x_{il} - x_{jl} < 0 \\ 0 & \text{if } x_{il} - x_{jl} = 0 \end{cases}$$
 (14-10)

إذا كانت r=2 في الصيغة ١٥-١٣، وهذا يعني أنه يتم استخدام المسافة الإقليدية لحساب dij

$$g_{kl} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{il} - x_{jl}}{d_{ij}} \right) \right]. \quad \text{(NA-NO)}$$

### مثال ١٥-١:

يوضح الجدول 10-٣ ثلاثة سجلات بيانات لتسعة متغيرات جودة، والتي هي جزء من الجدول 10-٨. كما يوضح الجدول 10-٨ المسافة الإقليدية لكل زوج من سجلات البيانات الثلاثة في فضاء تُساعي الأبعاد. يتم أخذ هذه المسافة الإقليدية الخاصة بزوج سجلات بيانات، و  $x_i$  و باعتبارها  $\delta_{ij}$  قم بتنفيذ خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد  $\delta_{ij}$  لمجموعة البيانات هذه مع تكرار واحد فقط لتحديث التهيئة لـ q=2، وشرط التوقف S=3.

في مجموعة البيانات هذه، يوجد ثلاث سجلات بيانات،n=3، في فضاء تساعي الأبعاد. لدينا MDS الموضحة في الخطوة ١ من خوارزمية MDS الموضحة في الجدول ١-١٥، نقوم بتوليد تهيئة أولية لسجلات البيانات الثلاثة في الفضاء ثنائي الأبعاد:

$$x_1 = (1,1)$$
  $x_2 = (0,1)$   $x_3 = (1,0.5)$ .

في الخطوة ٢ من خوارزمية MDS، نقوم بتطبيع كل سجل بيانات بحيث يحتوي على وحدة الطول، وذلك باستخدام الصيغة ٢-١٥:

$$x_1 = \left(\frac{x_{11}}{\sqrt{x_{11}^2 + x_{12}^2}}, \frac{x_{12}}{\sqrt{x_{11}^2 + x_{12}^2}}\right) = \left(\frac{1}{\sqrt{1^2 + 1^2}}, \frac{1}{\sqrt{1^2 + 1^2}}\right) = \left(0.71, 0.71\right)$$

$$x_2 = \left(\frac{x_{21}}{\sqrt{x_{21}^2 + x_{22}^2}}, \frac{x_{22}}{\sqrt{x_{21}^2 + x_{22}^2}}\right) = \left(\frac{0}{\sqrt{0^2 + 1^2}}, \frac{1}{\sqrt{0^2 + 1^2}}\right) = (0, 1)$$

$$x_3 = \left(\frac{x_{31}}{\sqrt{x_{31}^2 + x_{32}^2}}, \frac{x_{32}}{\sqrt{x_{31}^2 + x_{32}^2}}\right) = \left(\frac{1}{\sqrt{1^2 + 0.5^2}}, \frac{0.5}{\sqrt{1^2 + 0.5^2}}\right) = (0.89, 0.45).$$

الجدول (٦٥-٣) مجموعة البيانات لنظام اكتشاف الأعطال مع ثلاث حالات من الأعطال الآلية الأحادية

متغيرات الخاصية عن جودة وحدات المنتج								رقم الحالة - Instance	
Attribute Variables about Quality of Parts							(الآلة المعطلة – Faulty		
X9	X8	_ <b>X</b> 7	<i>X</i> 6	X5	X4	<i>x</i> <sub>3</sub>	<i>x</i> <sub>2</sub>	XI	(Machine
1	0	1	0	ī	0	0	0	1	1 (M1)
0	l	0	0	0	1	0	1	0	2(M2)
0	1	1	ì	0	1	ŧ	0	0	3(M3)

الجدول (١٥-٤) المسافة الإقليدية لكل زوج من سجلات البيانات

	$\mathbf{C}_3=\{x_3\}$	$\mathbf{C}_2 = \{x_2\}$	$\mathbf{C}_1 = \{x_I\}$	
•	2.65	2.65		$C_1=\{x_I\}$
	2			$C_2=\{x_2\}$
				$C_3 = \{x_3\}$

يتم حساب المسافة بين كل زوج من سجلات البيانات الثلاثة في الفضاء ثنائي الأبعاد باستخدام إحداثياتها الأولية:

$$d_{12} = \sqrt{(x_{11} - x_{21})^2 + (x_{12} - x_{22})^2}$$

$$= \sqrt{(0.71 - 0)^2 + (0.71 - x_{22})^2} = 0.77$$

$$d_{13} = \sqrt{(x_{11} - x_{31})^2 + (x_{12} - x_{32})^2}$$

$$= \sqrt{(0.71 - 0.89)^2 + (0.71 - 0.45)^2} = 0.32$$

$$d_{23} = \sqrt{(x_{21} - x_{31})^2 + (x_{22} - x_{32})^2}$$

$$= \sqrt{(0 - 0.89)^2 + (1 - 0.45)^2} = 1.05.$$

قبل أن نقوم بحساب جهد التهيئة الأولية باستخدام الصيغة ٢-١٥، نحتاج إلى استخدام خوارزمية الانحدار الرتيبة في الجدول ٢-١٥ لحساب  $\hat{d}_{ij}$ . في الخطوة ١ من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نقوم بترتيب  $\delta_{imjm}$ ، حيث  $m=1, \dots, M$ ، ترتيباً تصاعدياً، من الأصغر إلى الأكبر، حيث M=3:

$$\delta_{23} < \delta_{12} = \delta_{13}$$

ولأنه يوجد تعادل بين  $\delta_{12}$  و $\delta_{13}$ ، فإن  $\delta_{12}$  و $\delta_{13}$  يتم ترتيبها تصاعدياً بناءً على قيم عام ولأنه يوجد  $d_{13}$ =0.32 و  $d_{13}$ =0.32 و  $d_{13}$ =0.32

$$\delta_{23} < \delta_{13} < \delta_{12}$$

في الخطوة ٢ من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نقوم بتوليد الكتل (Blocks) الأولية بعدد M بنفس الترتيب في الخطوة ١،  $B_m$  ....  $B_i$  , بحيث يكون لكل كتلة،  $B_m$  قيمة اختلاف واحدة  $d_{imim}$ :

$$B_1 = \{d_{23}\}$$
  $B_2 = \{d_{13}\}$   $B_3 = \{d_{12}\}.$ 

:۸-۱۵ غنوم بحساب  $\hat{d}_B$  باستخدام الصيغة

$$\hat{d}_{B_1} = \sum_{d_{ij} \in B_1} \frac{d_{ij}}{n_1} = \frac{d_{23}}{1} = 1.05$$

$$\hat{d}_{B_2} = \sum_{d_{ij} \in B_2} \frac{d_{ij}}{n_2} = \frac{d_{13}}{1} = 0.32$$

$$\hat{d}_{B_3} = \sum_{d_{ij} \in B_3} \frac{d_{ij}}{n_3} = \frac{d_{12}}{1} = 0.77$$

في الخطوة ٣ من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نجعل الكتلة الأقل،  $B_{I}$  هي الكتلة النشطة:

$$B = B_1 \quad B_- = \emptyset \quad B_+ = B_2,$$

ونجعل B هي الكتلة فوق النشطة. وفي الخطة B من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نقوم بالتحقق من أن الكتلة النشطة B ليست هي الكتلة الأعلى. في الخطوة B من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نقوم بالتحقق من أن  $\hat{d}_B > \hat{d}_{B+}$ ، ومن ثم لا تكون B مستوفاةً من الأعلى. نذهب إلى الخطوة B من خوارزمية الانحدار الرتيبة ونقوم بالتحقق من أن B نشطة من الأعلى. في الخطوة B من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نقوم بالتحقق من أن B من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نقوم بالتحقق من أن B نشطة ومن ثم لا تكون B مستوفاةً من أعلى. نذهب إلى الخطوة B ونقوم بدمج B وB لتشكيل كتلة أكبر جديدة لتحل محل B وB

$$B_{12} = \{d_{23}, d_{13}\}$$

$$\begin{split} \hat{d}_{B_{12}} &= \sum_{d_{ij} \in B_{12}} \frac{d_{ij}}{n_{12}} = \frac{d_{23} + d_{13}}{2} = \frac{1.05 + 0.32}{2} = 0.69 \\ B_{12} &= \{d_{23}, d_{13}\} \quad B_3 = \{d_{12}\} \\ \hat{d}_{B_3} &= \sum_{d_{ij} \in B_3} \frac{d_{ij}}{n_3} = \frac{d_{12}}{1} = 0.77. \end{split}$$

في الخطوة ١٣ من خوارزمية الانحدار الرتيبة، نجعل الكتلة الجديدة  $B_{12}$  هي الكتلة النشطة ونحعلها كذلك الكتلة تحت النشطة:

$$B = B_{12}$$
  $B_{-} = \emptyset$   $B_{+} = B_{3}$ .

بالعودة إلى الخطوة 3، نقوم بالتحقق من أن الكتلة النشطة  $B_{12}$  ليست هي الكتلة الأعلى.  $\hat{d}_{12} < \hat{d}_3$  مستوفاة أو متحققة من الأعلى مع  $a_{12} < \hat{d}_3$  وأيضاً مستوفاة من الأسفل. لذا، نقوم بتنفيذ الخطوة  $a_{12} < a_{12}$  هي الكتلة النشطة ولجعلها فوق النشطة:

$$B_{12} = \{d_{23}, d_{13}\} \quad B_3 = \{d_{12}\}$$

$$\hat{d}_{B_{12}} = \sum_{d_{ij} \in B_{12}} \frac{d_{ij}}{n_{12}} = \frac{d_{23} + d_{13}}{2} = \frac{1.05 + 0.32}{2} = 0.69$$

$$\hat{d}_{B_3} = \sum_{d_{ij} \in B_3} \frac{d_{ij}}{n_3} = \frac{d_{12}}{1} = 0.77.$$

$$B = B_3 \quad B_- = B_{12} \quad B_+ = \emptyset.$$

بالعودة إلى الخطوة ٤ مرة أخرى، نقوم بالتحقق من أن تلك الكتلة النشطة B هي الكتلة الأعلى، نقوم بالخروج من تعليمة التكرار (WHILE)، وبتنفيذ الخطوة ٢٠ وهي الخطوة الأخيرة من خوارزمية الانحدار الرتيبة، وإسناد القيم التالية الخاصة بـ  $\hat{d}_{ij}$ :

$$\hat{d}_{12}=\hat{d}_{B_3}=0.77$$

$$\hat{d}_{13} = \hat{d}_{B_{12}} = 0.69$$

$$\hat{d}_{23} = \hat{d}_{B_{12}} = 0.69.$$

 $d_{ij}$  وقيم  $\hat{d}_{ij}$  وقيم

$$d_{12} = 0.77$$

$$d_{13} = 0.32$$

$$d_{23} = 1.05$$
,

نقوم الآن بتنفيذ الخطوة T من خوارزمية MDS لحساب جهد التهيئة الأوّلي باستخدام المعادلات -10 وحتى -10:

$$S^* = \sum_{ij} (d_{ij} - \hat{d}_{ij})^2$$

$$= (0.77 - 0.77)^2 + (0.32 - 0.69)^2$$

$$+ (1.05 - 0.69)^2 = 0.27$$

$$T^* = \sum_{ij} d_{ij}^2 = 0.77^2 + 0.32^2 + 1.05^2 = 0.61$$

$$S = \sqrt{\frac{S^*}{T^*}} = \sqrt{\frac{0.27}{0.61}} = 0.67.$$

هذا المستوى من الجهد يشير إلى ضعف جودة المطابقة (goodness-of-fit). في الخطوة ٤ من خوارزمية MDS، نقوم بالتحقق من أن S لا تحقق شرط توقف تعليمة التكرار (REPEAT). في الخطوة ٥ من خوارزمية MDS، نقوم بتحديث التهيئة باستخدام المعادلات ١٤-١٥، ١٥-١٦ و ١٦-١٥ مع S = 1:

$$\begin{split} g_{kl} &= g_{11} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{il} - x_{jl}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \sum_{i,j} \left[ (\rho^{1i} - \rho^{1j}) \left( \frac{d_{1j} - \hat{d}_{1j}}{S^*} - \frac{d_{1j}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{l1} - x_{j1}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (\rho^{11} - \rho^{12}) \left( \frac{d_{12} - \hat{d}_{12}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{21}}{d_{12}} \right) \right. \\ &\quad + (\rho^{11} - \rho^{13}) \left( \frac{d_{13} - \hat{d}_{13}}{S^*} - \frac{d_{13}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{31}}{d_{13}} \right) \right. \\ &\quad + (\rho^{12} - \rho^{13}) \left( \frac{d_{23} - \hat{d}_{23}}{S^*} - \frac{d_{23}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{21} - x_{31}}{d_{23}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (1 - 0) \left( \frac{0.77 - 0.77}{0.27} - \frac{0.77}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0}{0.77} \right) \right. \\ &\quad + (1 - 0) \left( \frac{0.32 - 0.69}{0.27} - \frac{0.32}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0.89}{0.32} \right) \right. \\ &\quad + (0 - 0) \left( \frac{1.05 - 0.69}{0.27} - \frac{1.05}{0.61} \right) \left( \frac{0 - 0.89}{1.05} \right) \right] \\ &= -0.13 \end{split}$$

$$\begin{split} g_{kl} &= g_{12} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{il} - x_{jl}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \sum_{i,j} \left[ (\rho^{1i} - \rho^{1j}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{i2} - x_{j2}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (\rho^{11} - \rho^{12}) \left( \frac{d_{12} - \hat{d}_{12}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{12} - x_{22}}{d_{12}} \right) \right. \\ &\quad + (\rho^{11} - \rho^{13}) \left( \frac{d_{13} - \hat{d}_{13}}{S^*} - \frac{d_{13}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{12} - x_{32}}{d_{13}} \right) \right. \\ &\quad + (\rho^{12} - \rho^{13}) \left( \frac{d_{23} - \hat{d}_{23}}{S^*} - \frac{d_{23}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{22} - x_{32}}{d_{23}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (1 - 0) \left( \frac{0.77 - 0.77}{0.27} - \frac{0.77}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 1}{0.77} \right) \right. \\ &\quad + (1 - 0) \left( \frac{0.32 - 0.69}{0.27} - \frac{0.32}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0.45}{0.32} \right) \right. \\ &\quad + (0 - 0) \left( \frac{1.05 - 0.69}{0.27} - \frac{1.05}{0.61} \right) \left( \frac{1 - 0.45}{1.05} \right) \right] \\ &= -0.71 \\ g_{kl} &= g_{21} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{i1} - x_{j1}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \sum_{i,j} \left[ (\rho^{2i} - \rho^{2j}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{21}}{d_{12}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (\rho^{21} - \rho^{22}) \left( \frac{d_{12} - \hat{d}_{12}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{21}}{d_{12}} \right) \right] \end{aligned}$$

$$\begin{split} &+ (\rho^{21} - \rho^{23}) \left( \frac{d_{13} - \hat{d}_{13}}{S^*} - \frac{d_{13}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{31}}{d_{13}} \right) \\ &+ (\rho^{22} - \rho^{23}) \left( \frac{d_{23} - \hat{d}_{23}}{S^*} - \frac{d_{23}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{21} - x_{31}}{d_{23}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (0 - 1) \left( \frac{0.77 - 0.77}{0.27} - \frac{0.77}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0}{0.77} \right) \right. \\ &+ (0 - 0) \left( \frac{0.32 - 0.69}{0.27} - \frac{0.32}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0.89}{0.32} \right) \\ &+ (1 - 0) \left( \frac{1.05 - 0.69}{0.27} - \frac{1.05}{0.61} \right) \left( \frac{0 - 0.89}{1.05} \right) \right] \\ &= 1.07 \end{split}$$

$$\begin{split} g_{kl} &= g_{22} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{il} - x_{jl}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \sum_{i,j} \left[ (\rho^{2i} - \rho^{2j}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{i2} - x_{j2}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (\rho^{21} - \rho^{22}) \left( \frac{d_{12} - \hat{d}_{12}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{12} - x_{22}}{d_{12}} \right) \right. \\ &\quad + (\rho^{21} - \rho^{23}) \left( \frac{d_{13} - \hat{d}_{13}}{S^*} - \frac{d_{13}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{31}}{d_{13}} \right) \\ &\quad + (\rho^{22} - \rho^{23}) \left( \frac{d_{23} - \hat{d}_{23}}{S^*} - \frac{d_{23}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{22} - x_{32}}{d_{23}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (0 - 1) \left( \frac{0.77 - 0.77}{0.27} - \frac{0.77}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 1}{0.77} \right) \right. \end{split}$$

$$\begin{split} &+ (0-0) \left( \frac{0.32 - 0.69}{0.27} - \frac{0.32}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0.45}{0.32} \right) \\ &+ (1-0) \left( \frac{1.05 - 0.69}{0.27} - \frac{1.05}{0.61} \right) \left( \frac{1 - 0.45}{1.05} \right) \right] \\ &= -0.45 \\ g_{kl} &= g_{31} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{il} - x_{jl}}{d_{ij}} \right) \right] \\ &= (0.67) \sum_{i,j} \left[ (\rho^{3i} - \rho^{3j}) \left( \frac{d_{1j} - \hat{d}_{1j}}{S^*} - \frac{d_{1j}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{21}}{d_{12}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (\rho^{31} - \rho^{32}) \left( \frac{d_{12} - \hat{d}_{12}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{11} - x_{21}}{d_{12}} \right) \right] \\ &+ (\rho^{31} - \rho^{33}) \left( \frac{d_{13} - \hat{d}_{13}}{S^*} - \frac{d_{13}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{21} - x_{31}}{d_{23}} \right) \right] \\ &+ (\rho^{32} - \rho^{33}) \left( \frac{d_{23} - \hat{d}_{23}}{S^*} - \frac{d_{23}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{21} - x_{31}}{d_{23}} \right) \right] \\ &= (0.67) \left[ (0 - 0) \left( \frac{0.77 - 0.77}{0.27} - \frac{0.77}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0}{0.77} \right) \right. \\ &+ (0 - 1) \left( \frac{0.32 - 0.69}{0.27} - \frac{0.32}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0.89}{0.32} \right) \right. \\ &+ (0 - 1) \left( \frac{1.05 - 0.69}{0.27} - \frac{1.05}{0.61} \right) \left( \frac{0 - 0.89}{1.05} \right) \right] \\ &= 0.90 \\ g_{kl} &= g_{32} = S \sum_{i,j} \left[ (\rho^{ki} - \rho^{kj}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{il} - x_{jl}}{d_{ij}} \right) \right] \end{aligned}$$

$$= (0.67) \sum_{i,j} \left[ (\rho^{3i} - \rho^{3j}) \left( \frac{d_{ij} - \hat{d}_{ij}}{S^*} - \frac{d_{ij}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{i2} - x_{j2}}{d_{ij}} \right) \right]$$

$$= (0.67) \left[ (\rho^{31} - \rho^{32}) \left( \frac{d_{12} - \hat{d}_{12}}{S^*} - \frac{d_{12}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{12} - x_{22}}{d_{12}} \right) + (\rho^{31} - \rho^{33}) \left( \frac{d_{13} - \hat{d}_{13}}{S^*} - \frac{d_{13}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{12} - x_{32}}{d_{13}} \right) + (\rho^{32} - \rho^{33}) \left( \frac{d_{23} - \hat{d}_{23}}{S^*} - \frac{d_{23}}{T^*} \right) \left( \frac{x_{22} - x_{32}}{d_{23}} \right) \right]$$

$$= (0.67) \left[ (0 - 0) \left( \frac{0.77 - 0.77}{0.27} - \frac{0.77}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 1}{0.77} \right) + (0 - 1) \left( \frac{0.32 - 0.69}{0.27} - \frac{0.32}{0.61} \right) \left( \frac{0.71 - 0.45}{0.32} \right) + (0 - 1) \left( \frac{1.05 - 0.69}{0.27} - \frac{1.05}{0.61} \right) \left( \frac{1 - 0.45}{1.05} \right) \right]$$

$$= 0.77$$

$$x_{kl}(t + 1) = x_{kl}(t) + \alpha \Delta x_{kl} = x_{kl}(t) + \alpha \frac{g_{kl}}{\sqrt{\frac{\sum_{k,l} g_{kl}^2}{n}}}}$$

$$x_{11}(1) = x_{11}(0) + 0.2 \frac{g_{11}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.71 + 0.2 \frac{-0.13}{\sqrt{\frac{(-0.13)^2 + (-0.17)^2 + 1.07^2 + (-0.45)^2 + 0.90^2 + 0.77^2}}} = 0.70$$

$$x_{12}(1) = x_{12}(0) + 0.2 \frac{g_{12}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.71 + 0.2 \frac{-0.71}{\sqrt{\frac{(-0.13)^2 + (-0.17)^2 + 1.07^2 + (-0.45)^2 + 0.90^2 + 0.77^2}{3}}} = 0.63$$

$$x_{21}(1) = x_{21}(0) + 0.2 \frac{g_{21}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.12$$

$$x_{22}(1) = x_{22}(0) + 0.2 \frac{g_{22}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.12$$

$$x_{31}(1) = x_{31}(0) + 0.2 \frac{g_{31}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.95$$

$$x_{31}(1) = x_{31}(0) + 0.2 \frac{g_{31}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.99$$

$$x_{32}(1) = x_{32}(0) + 0.2 \frac{g_{32}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.99$$

$$x_{32}(1) = x_{32}(0) + 0.2 \frac{g_{32}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.99$$

$$x_{32}(1) = x_{32}(0) + 0.2 \frac{g_{32}}{\sqrt{\frac{g_{11}^2 + g_{12}^2 + g_{21}^2 + g_{22}^2 + g_{31}^2 + g_{32}^2}{3}}} = 0.99$$

$$= 0.45 + 0.2 \frac{g_{32}}{\sqrt{(-0.13)^2 + (-0.17)^2 + 1.07^2 + (-0.45)^2 + 0.90^2 + 0.77^2}}} = 0.54.$$

ومن ثم، بعد تحديث التهيئة الأولية في الخطوة ٥ من خوارزمية MDS، فإننا نحصل على:

$$x_1 = (0.70, 0.63)$$
  $x_2 = (0.12, 0.95)$   $x_3 = (0.99, 0.54).$ 

في الخطوة ٦ من خوارزمية MDS، نقوم بتطبيع كل  $x_i$ 

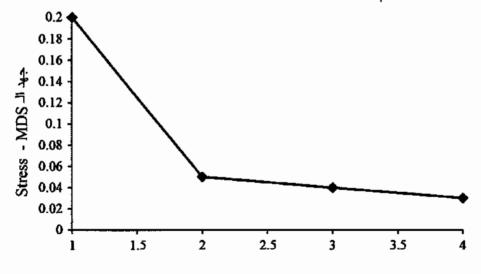
$$x_1 = \left(\frac{0.70}{\sqrt{0.70^2 + 0.63^2}}, \frac{0.63}{\sqrt{0.70^2 + 0.63^2}}\right) = (0.74, 0.67)$$

$$x_2 = \left(\frac{0.12}{\sqrt{0.12^2 + 0.95^2}}, \frac{0.95}{\sqrt{0.12^2 + 0.95^2}}\right) = (0.13, 0.99)$$

$$x_3 = \left(\frac{0.99}{\sqrt{0.99^2 + 0.54^2}}, \frac{0.54}{\sqrt{0.99^2 + 0.54^2}}\right) = (0.88, 0.48).$$

الشكل (١٥-١)

مثال على رسم الجهد الخاص بنتيجة القياس المتعدد الأبعاد (MDS) مقابل عدد الأبعاد



عدد الأبعاد - Number of Dimensions

### ١٥- ٢ عدد الأبعاد (Number of Dimensions):

تبدأ خوارزمية القياس المتعدد الأبعاد (MDS) في الجزء ١-١٥ بالقيمة المعطاة p وهي تمثل عدد الأبعاد. قبل الحصول على النتيجة النهائية MDS لمجموعة بيانات، يُنصَح باستخدام عدة قيم لل p للحصول على نتيجة اللهائية DS لكل قيمة p, ومن ثم نقوم بعمل رسم بياني لجهد التهيئة مقابل قيمة p, ونقوم باختيار قيمة p من الرسم البياني عند النقطة التي يحدث فيها انعطاف واضح على شكل كوع الذراع واختيار القيمة المقابلة لنتيجة (DS). الشكل ١-١٥ يوضح رسماً بيانياً للجهد مقابل p, وتكون قيمة p عند المنعطف في هذا الرسم هي ٢. يتم اختيار قيمة p عند المنعطف، وذلك لأن الجهد يتحسن كثيراً قبل نقطة المنعطف ولكنه يستقر بعد نقطة المنعطف، على سبيل المثال. في الدراسة التي أجراها يي (Ye, 1998). يتم الحصول على نتائج القياس المتعدد الأبعاد لقيم مختلفة خاصة بـ P، للنعطف تكون عند P تظهر قيم الجهد لنتائج القياس المتعدد الأبعاد P أن نقطة المنعطف تكون عند P أن عند المنعطف تكون عند P أن عند المنعطف تكون عند P

# الفروقات الفردية للقياس المتعدد الأبعاد الموزون الملادية للقياس المتعدد (INDSCALE Weighted MDS):

في الدراسة التي أجراها يي (Ye, 1998)، تم إعطاء عدد من الأشخاص (وهم عثلون عينات البحث – subjects - aouiفين كمبرمجين خبراء ومبرمجين مبتدئين) قاعمة تحتوي مفاهيم لغة البرمجة C وتم الطلب منهم أن يقوموا بتقدير الاختلاف لكل زوج من هذه المفاهيم. ومن ثم، تم الحصول على مصفوفة اختلاف لمفاهيم لغة البرمجة C من كل عينة بحثية. وباعتبار أن كل مفهوم برمجة عثل سجل بيانات، تم استخدام قياس الفروقات الفردية (INDSCALE) في الدراسة لأخذ مصفوفات الاختلاف لسجلات البيانات من العينات البحثية (المبرمجين) كمدخلات ومن ثم استخراج المخرجات عا في ذلك التهيئة الخاصة بإحداثيات كل سجل بيانات في فضاء بعدد p من الأبعاد للمجموعة الكاملة من المبرمجين ومتجه وزن لكل مبرمج. يحتوي متجه الوزن لمبرمج ما على قيمة وزن لهذا المبرمج في كل بعد.

إنَّ تطبيق متجه الوزن لمبرمج ما على تهيئة مجموعة إحداثيات المفاهيم يعطي تهيئة إحداثيات المفاهيم المأخوذة من المبرمج - يتم تنظيم مفاهيم لغة البرمجة C من قبل كل مبرمج. حيث أن متجهات الوزن المختلفة للمبرمجين الأفراد تعكس اختلافاتهم في تنظيم المعرفة، فإن الدراسة تطبق منهج تباين تحليل الزوايا (ANAVA) على متجهات الوزن الخاصة بالمبرمجين الأفراد لتحليل اختلافات الزوايا لمتجهات الوزن وتقييم أهمية اختلافات تنظيم المعرفة بين مجموعتين ممن علك المهارة، الخبراء والمبتدئون.

وبشكل عام، فإن قياس الفروقات الفردية (INDSCALE) أو القياس المتعدد الأبعاد الموزون (weighted MDS) يأخذان مصفوفات اختلاف الخاصة بعدد n من الأهداف المبحوثة (objects) من عدد m من العينات البحثية وينتجان تهيئة مجموعة إحداثيات الهدف المبحوث:

$$x_i = (x_{i1}, ..., x_{iq}), \quad i = 1, ..., n,$$

ومتجهات الوزن للعينات البحثية الفردية:

$$w_j = (w_{j1}, ..., w_{jq}), \quad j = 1, ..., m.$$

متجه الوزن لعينة بحثية تعكس البروز النسبي لكل بعد من فضاء التهيئة للعينة البحثية.

### ٤-١٥ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يتم دعم القياس المتعدد الأبعاد (MDS) بالعديد من حزم البرمجيات الإحصائية، عا في ذلك  $SAS\ MDS\$ وإجراءات قياس الفروقات الفردية ( $MDS\$ ) وقياس الفروقات الفردية ( $IDNSCALE\$ ) وقياس الفروقات الفردية ( $IDNSCALE\$ ) وقياس المعرفة في الجزء 10-٣ بالتفاصيل في يي لتحديد الاختلافات بين الخبراء والمبتدئين في تمثيل المعرفة في الجزء 10-٣ بالتفاصيل في يي  $(Ye,\ 1998)$ .

### التمارين (Exercises):

- ١-٢ استمر في عمل المثال ١-١٥ لتنفيذ التكرار التالي من تحديث التهيئة.
- 7-۲ بالنظر إلى مجموعة البيانات المكونة من ثلاثة سجلات لبيانات في الحالات أرقام 8:0، و  $(x_i)$  من سجلات البيانات و آف الجدول 1-۸. استخدم المسافة الإقليدية لكل زوج  $(x_i)$  من سجلات البيانات الثلاثة في فضاء تُساعي الأبعاد بوصفها  $\delta_{ij}$  ثم نفّذ القياس المتعدد الأبعاد الأبعاد مع تكرار واحد فقط لتحديث التهيئة لـ q=3، وشرط التوقف q=3.  $S \leq 5\%$ ,  $\alpha=0.2$
- بالنظر إلى مجموعة البيانات في الجدول ١-٨ المكونة من تسع سجلات بيانات في الحالات  $(x_i)$  من سجلات البيانات الحالات ٩-١. استخدم المسافة الإقليدية لكل زوج  $(x_i)$  من سجلات البيانات المسافة الأبعاد بوصفها  $\delta_i$  ثم نفذ القياس المتعدد الأبعاد الأبعاد واحد فقط لتحديث التهيئــــة لـ q=3، وشرط التوقف q=3.

## الجزء الخامس خوارزميات استكشاف الأنهاط المتطرفة والشاذة Algorithms for Mining Outlier and Anomaly Patterns

### ١٦- مخطط التحكم أحادي المتغير Univariate Control Charts

المتطرف والشاذ هي سجلات بيانات تحيد بشكل كبير عن المعيار الذي تتبعه غالبية سجلات البيانات. قد يعود سبب ظهور السجلات الشاذة والمتطرفة إلى وجود عطل في آلة التصنيع، وبالتالي يتم فَقْد التحكم في عملية التصنيع، أو إلى وجود هجوم عبر الإنترنت بحيث يختلف سلوك الاستخدام الطبيعي لأنظمة الحاسوب يختلف سلوك الاستخدام الطبيعي لأنظمة الحاسوب والشبكات، وهلم جرا. يُعدُّ اكتشاف السجلات والقيم المتطرفة والشاذة أمراً مهمًّا في العديد من المجالات. على سبيل المثال، يعدُّ اكتشاف عملية تصنيع خارجة عن التحكم والسيطرة بسرعة أمراً مهمًّا للحد من تكاليف التصنيع من خلال تجنب إنتاج مزيد من الوحدات التالفة من منتج ما. كما أنَّ الاكتشاف المبكر عن أي هجوم عبر الإنترنت يُعتَبر أمراً حاسمًا لحماية أنظمة الحاسب والشبكة من الخطر.

تعمل تقنيات مخطط التحكم (Control Chart) على تعريف واكتشاف المتطرف والشاذ من البيانات على أساس إحصائي. يصف هذا الفصل مخططات التحكم أحادية المتغير التي تراقب متغيراً واحدًا لغرض اكتشاف الوضع الشاذ. يصف الفصل السابع عشر مخططات التحكم المتعددة المتغيرات التي تراقب متغيرات متعددة في وقت واحد لغرض اكتشاف الوضع الشاذ. تشتمل مخططات التحكم أحادية المتغير الموضحة في هذا الفصل على مخطط التحكم لشوارتز (Shewhart control charts)، ومخططات تحكم المجموع التراكمي التحكم للدرجة التراكمية (EWMA)، ومخططات تحكم المتحرك الموزون الأسي (EWMA)، ومخططات التحكم أحادية تدعم مخططات التحكم أحادية المتغير. وترد بعض تطبيقات مخططات التحكم أحادية المتغير مع المراجع.

### ١-١٦ مخططات التحكم لشوارتز (Shewhart Control Charts):

تشتمل مخططات التحكم لشوارتز على مخططات التحكم في المتغير، وكلِّ منها يراقب متغيراً بالقيم الرقمية (على سبيل المثال، قُطر الثقب الذي تم عمله بواسطة آلة قطع معينة)، ومخططات التحكم في خاصية متغير ما، كلِّ منها يراقب خاصية تلخص قيماً نوعية (على

سبيل المثال، الجزء المعيب وغير المعيب من وحدات الإنتاج). عند رصد عينات من سجلات البيانات، تكون مخططات التحكم بالمتغير، على سبيل المثال، تكون المخططات التالية قابلة للتطبيق: كمخططات التحكم بالمتوسط  $\overline{x}$  لاكتشاف الحالات الشاذة المتعلقة بمتوسط (mean) عملية ما، ومخططات التحكم بR وR لاكتشاف الحالات الشاذة المتعلقة بتباين ما (variance). عندما يمكن رصد سجلات بيانات فردية فقط، تكون مخططات التحكم بالمتغير، على سبيل المثال، مخططات التحكم الفردية، قابلة أكثر للتطبيق. بالنسبة إلى مجموعة بيانات بها سجلات بيانات فردية بدلًا من عينات من سجلات البيانات، يكون لكل من مخططي تحكم المجموع التراكمي (CUSUM) في الجزء R ومخططات التحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي (EWMA) في الجزء R مزايا أكثر من مخططات التحكم الفردية.

الجدول (١-١٦) عينات من ملحوظات البيانات المرصودة

الانحراف المعياري للعينة Sample Standard Deviation	متوسط العينة Sample Mean	ملحوظات البيانات المرصودة في كل عينة Data Observations in Each Sample	العينة Sample
S <sub>I</sub>	$\vec{x}_1$	$x_{11},\ldots,x_{1j},\ldots,x_{1n}$	1
***		•••	•••
$S_i$	$ar{x}_i$	$x_{i1}, \dots, x_{ij}, \dots, x_{in}$	i
•••			
$S_m$	$ar{x}_m$	$x_{m1}, \ldots, x_{mj}, \ldots, x_{mn}$	m

نقوم بوصف مخططات التحكم بالمتوسط  $\bar{x}$  لتوضيح كيفية عمل مخططات التحكم لشوارتز. ليكن لدينا متغير x الذي يأخذ عدد m من العينات لعدد n من ملحوظات البيانات المرصودة والخاصة بعملية ما كما هو مبين في الجدول رقم 1-1. يفترض مخطط التحكم عتوسط العينة  $\bar{x}$  أن x موزعة طبيعياً وعتوسط عينات  $\mu$  وانحراف معياري للعينات  $\bar{x}$  عندما تكون العملية تحت التحكم.

يتم حساب قيمة  $ar{x}_i$ ، و $ar{x}_i$  حيث،  $ar{x}_i$  ، في الجدول ١-١٦ على النحو التالي:

$$\bar{x}_i = \frac{\sum_{j=1}^n x_{ij}}{n} \tag{1-17}$$

$$S_i = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n} (x_{ij} - \bar{x}_i)^2}{n-1}}.$$
 (Y-17)

ويتم تقدير قيم المتوسط  $\mu$  والانحراف المعياري  $\sigma$  باستخدام  $ar{x}$  و  $ar{x}$ :

$$\tilde{\vec{x}} = \frac{\sum_{i=1}^{m} \bar{x}_i}{m} \tag{(7-17)}$$

$$\bar{S} = \frac{\sum_{i=1}^{m} S_i}{m}.\tag{E-17}$$

إذا كان حجم العينة n كبيرًا، فإن  $\overline{x}_i$  يتْبَع توزيعاً طبيعياً وفقاً لنظرية النهاية المركزية (central limit theory). واحتمال أن يقع متوسط العينة  $\overline{x}_i$  ضمن ثلاث انحرافات معيارية من متوسط العينات يبلغ حوالي 39.7 استنادًا إلى دالة الكثافة الاحتمالية للتوزيع الطبيعى:

$$P(\bar{x} - 3\bar{S} \le \bar{x}_i \le \bar{x} + 3\bar{S}) = 99.7\% \tag{0-17}$$

وحيث إن احتمال أن يقع  $\bar{x}_i$  خارج ثلاثة انحرافات معيارية من متوسط العينات هو 7.% فقط، فإن متوسط العينة 7.% هذا يُعتبر متفردًا أو شاذًا وقد يكون ذلك ناجمًا عن عملية خارج السيطرة والتحكم. وبالتالي، عادةً ما يتم استخدام متوسط العينات المقدر وحدود التحكم المسماة 7.% سيغما (3-sigma control limits)، والتي تشير إلى 7.% انحرافات معيارية أعلى أو أقل من متوسط العينات 7.% باعتبارهما المحور (1.% وحدود التحكم الأدنى)، على التحكم العملية التي تحت السيطرة في مخطط التحكم متوسط العينات 1.%

Centerline = 
$$\bar{x}$$
 (7-17)

$$UCL = \bar{x} + 3\bar{S} \tag{V-17}$$

$$LCL = \bar{x} - 3\bar{S} \tag{(A-17)}$$

مخطط التحكم  $\overline{x}$  يسراقب  $\overline{x}_i$  من العينة i الخاصة بجلىحوظات البيانات المسرصودة. إذا وقع  $\overline{x}_i$  ضمن النطاق [UCL LCL]، فعليه تُعتبر هذه العملية تحت السيطرة؛ وخلاف ذلك، نعتبر أنه تم اكتشاف الشاذ وتُعتبر العملية خارجة عن السيطرة والتحكم.

باستخدام حدود التحكم  $\pi$ - سيغما في مخطط التحكم L  $\bar{X}$ ، V يزال هناك نسبة احتمال V, V أن تكون العملية تحت السيطرة ولكن تقع ملحوظة البيانات المرصودة خارج حدود السيطرة ويتم توليد إشارة خارج السيطرة (out-of-control signal) عن طريق مخطط التحكم  $\bar{X}$ . إذا كانت العملية تحت السيطرة ولكن مخطط التحكم يعطي إشارة خارج السيطرة، تكون الإشارة إنذارا خاطئًا. معدل الإنذارات الخاطئة (rate of false alarm) هي نسبة عدد الإنذارات الخاطئة إلى العدد الإجمالي لعينات البيانات التي يجري رصدها. إذا كانت العملية خارجة عن السيطرة ومخطط التحكم يولد إشارة خارج السيطرة، يكون لدينا زيارة ناجحة (hit). معدل الزيارات الناجحة هو نسبة عدد الزيارات الناجحة إلى العدد الإجمالي من عينات البيانات. باستخدام حدود التحكم V- سيغما، ينبغي أن يكون لدينا معدل الزيارة الناجحة V0, ومعدل الإنذار الخاطيء V0, V1.

 يُظْهِر مخطط التحكم لـ  $\overline{x}$  كيف تعمل مخططات التحكم الإحصائية، مثل مخططات التحكم لشوارتز، على تأسيس المحور وحدود التحكم على أساس التوزيع الاحتمالي للمتغير المستهدف وتقدير مُعلَمات التوزيع من عينات البيانات. وبشكل عام، يتم تحديد قيمة محور مخطط التحكم مساويةً للقيمة المتوقعة للمتغير، ويتم تحديد حدود التحكم بحيث تقع الغالبية العظمى من البيانات في حدود التحكم إحصائيا. وبالتالي، يتم تعريف معيار (norm) البيانات والشذوذ إحصائيا، اعتمادًا على التوزيع الاحتمالي للبيانات وتقدير مُعلَمَات التوزيع.

تُعتبر مخططات التحكم لشوارتز حساسةً للافتراض أن المتغير المستهدف يتبع توزيعًا طبيعياً. أي انحراف عن هذا الافتراض الطبيعي قد يتسبب في أن يكون أداء مخطط التحكم لشوارتز، مثل مخطط التحكم لــ تَن ضعيفًا، على سبيل المثال، إعطاء إشارة خارج السيطرة عندما تكون العملية في الحقيقة تحت السيطرة أو عدم إعطاء إشارة عندما تكون العملية هي في الحقيقة خارج السيطرة. نظرًا لأن مخططات التحكم لشوارتز ترصد وتقيم عينة بيانات واحدة فقط أو ملحوظة بيانات مرصودة فردية واحدة في كل مرة، فإنَّ مخططات التحكم لشوارتز ليست فعّالة في اكتشاف التحولات الصغيرة (small shifts)، على سبيل المثال، التحولات الصغيرة لمتوسط عملية ما والمراقبة بواسطة مخطط التحكم لــ تَد تُعدُ المؤون الأسي للسيدة المؤون الأسي للسيدة المؤون الأسي المتحرك الموزون الأسي EWMA في الجزء ١٦- ٣ أقل حساسيةً لافتراض طبيعية البيانات المتحرك الموزون الأسي EWMA لمرصودة الفردية. وبالتالي، تكون مخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA لمرصودة الفردية. وبالتالي، تكون مخططات تحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات البيانات المحموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي مخططات تحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي تحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي تحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي قحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي قدكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي

## ۲-۱٦ مخططات تحكم المجموع التراكمي (CUSUM Control Charts)

إذا كان لدينا سلسلة زمنية من ملحوظات البيانات المرصودة لمتغير x بحيث تكون الملحوظات المرصودة:  $x_1, ..., x_n$  فإن المجموع التراكمي وصولًا إلى الملحوظة المرصودة المرصودة (Montgomery, 2001; Ye, 2003, Chapter 3):

$$CS_i = \sum_{j=1}^{i} (x_i - \mu_0),$$
 (9-17)

حيث  $\mu$ 0 هي القيمة الهدف لمتوسط العملية. إذا كانت العملية تحت السيطرة، فمن المتوقع أن تتذبذب ملحوظات البيانات المرصودة بشكل عشوائي حول متوسط العملية، وبالتالي يبقى  $CS_i$  حول الصفر. لكن، إذا كانت العملية خارجة عن السيطرة مع تحول لقيم x من متوسط العملية، فإن  $CS_i$  تظل في ازدياد إلى تحول موجب (أي، 0>0 التحول الصغير تظل في نقصان إلى تحول سالب. حتى إذا كان هناك تحول صغير، فإن أثر التحول الصغير يستمر بالتراكم في  $CS_i$  ويصبح كبيراً إلى أن يتم اكتشاف خلله. وبالتالي، فإن مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM يعد أكثر فعالية من مخطط التحكم لشوارتز للتحكم لاكتشاف التحولات الصغيرة لأن مخطط التحكم لشوارتز يفحص فقط عينة بيانات واحدة أو ملحوظة بيانات مرصودة واحدة. تُستخدم الصيغة  $CI_i$  المراقبة ملحوظات البيانات المرصودة الفردية. إذا كان هناك امكانية لرصد عينات من سجلات البيانات، فإنه يمكن المتبدال  $CI_i$  في الصيغة  $CI_i$  المراقبة متوسط العينة.

إذا كنا مهتمين باكتشاف تحول موجب فقط، فيمكن بناء مخطط تحكم المجموع التراكمي واحد لمراقبة إحصائية  $CS_i^+$ :

$$CS_i^+ = \max[0, x_i - (\mu_0 + K) + CS_{i-1}^+],$$
 (1.-17)

حيث تُسمّى K القيمــة المرجعية التي تحدد مقدار الزيادة من متوسط العملية  $\mu_0$  الذي نحن مهتمون باكتشافه. ولأننا نتوقع أن تكــون  $\mu_0+K$  هي نتيجــة لهــذا التحــول  $\mu_0+K$  الإيجــابــي  $\mu_0$  من متوســط العمليـــة  $\mu_0$  فنحـن نتوقـع أن تكـون K من متوســط العمليــة  $\mu_0$  فنحـن نتوقـع أن تحول  $\mu_0$  في حال أن بعض قيم  $\mu_0$  في الزيادة مع  $\mu_0$  في حال أن بعض قيم  $\mu_0$  تجعل  $\mu_0$ 

نافذ القيمة صفر وفقًا للصيغة  $CS_i^+$  فيمة سالبة، فإن  $CS_i^+$  تأخذ القيمة صفر وفقًا للصيغة  $CS_i^+$  لأننا مهتمون فقط بالتحول الموجب. إحدى الطرق لتحديد قيمة  $CS_i^+$  هي باستخدام معيار الانحراف  $CS_i^+$  من العملية. على سبيل المثال،  $CS_i^+$  يشير إلى أننا مهتمون باكتشاف تحول فوق المتوسط المستهدف. إذا كانت العملية تحت السيطرة، فنحن نتوقع أن تبقى  $CS_i^+$  عول الصفر. وبالتالى، يتم بدايةً تحديد قيمة  $CS_i^+$  بالقيمة صفر:

$$CS_0^+ = 0. \tag{11-17}$$

عندما يتجاوز  $CS_i^+$  عندما يتجاوز  $CS_i^+$  عندما يتجاوز  $CS_i^+$  عندما يتجاوز  $CS_i^+$  باعتبارها حد القرار بحيث يمكن تحقيق معدل منخفض للإنذارات الخاطئة (Montgomery, 2001). لاحظ أن  $CS_i^+$  أكبر من حدود التحكم  $CS_i^+$  المستخدمة لمخطط التحكم  $CS_i^+$  في الجزء ١٦-١٦ لأن  $CS_i^+$  ثراكم تأثيرات ملحوظات البيانات المرصودة المتعددة بينما يقوم مخطط التحكم  $CS_i^+$  بفحص ملحوظة بيانات واحدة أو عينة بيانات واحدة فقط.

إذا كنا مهتمين فقط باكتشاف تحولِ سالبِ، K-، من متوسط العملية، فإنه يمكن بناء مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM بجانب واحد لمراقبة إحصائية  $CS_i^-$ :

$$CS_i^- = \max[0, (\mu_0 - K) - x_i + CS_{i-1}^-].$$
 (۱۲-۱٦)

وحيث إننا نتوقع أن تكون  $K = \mu_0 - K$  نتيجة للتحول السالب، K-، من متوسط العملية  $\mu_0$  فنتوقع أن تكون  $\mu_0 - K$  متوسط العملية  $\mu_0$  فنتوقع أن تكون تكون  $\mu_0 - K$  باعتبارها حد القرار لتحقيق معدل  $\mu_0 - K$  على الزياده مع  $\mu_0$  وعادة ما تُستخدّم  $\mu_0 - K$  باعتبارها حد القرار لتحقيق معدل منخفض للإنذارات الخاطئة (Montgomery, 2001). يتم بداية تحديد قيمة  $\mu_0 - K$  القيمة صفر لأننا نتوقع أن تظل  $\mu_0 - K$  قريبة من الصفر إذا كانت العملية تحت السيطرة:

$$CS_0^- = 0. (17-17)$$

يمكن استخدام مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب مراقبة كلَّ من: CUSUM باستخدام مخطط تحكم المجموع التراكمي  $CS_i^+$  العلوي أحادي الجانب

و CUSUM السفلي أحادي الجانب  $CS_i^-$  باستخدام مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM السفلي أحادي الجانب لنفس  $x_i$  إذا تجاوزت أي من  $CS_i^+$  أو  $CS_i^-$  عر القرار  $CS_i^+$  السيطرة.

#### المثال ١٦-١

بالنظر إلى بيانات درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature) في الجدول ١-٥ والواردة في الجدول ٢-١٦ كسلسلة من ملحوظات البيانات المرصودة مع مرور الزمن. إذا كان لدينا المعلومات التالية:

$$\mu_0 = 69$$
 $\sigma = 7$ 
 $K = 0.5\sigma = (0.5)(7) = 3.5$ 
 $H = 5\sigma = (5)(7) = 35$ 

قم باستخدام مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب لمراقبة درجة حرارة الإطلاق.

الجدول (٢-١٦) ملحوظات البيانات المرصودة لدرجة حرارة الإطلاق من مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة جنباً إلى جنب مع الإحصائيات لمخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الحانب

		الجائب	
CS <sub>i</sub>	$CS_i^+$	درجة حرارة الاطلاق بد Launch Temperature x;	ملحوظة البيانات المرصودة i Data Observation i
0	0	66	1
0	1	70	2
0	0	69	3
0	0	68	4
0	0	67	5
0	0	72	6
0	0.5	73	7
0	0	70	8
8.5	1	57	9
11	1	63	10
6.5	1	70	11
0	5.5	78	12
0	0	67	13
12.5	2	53	14
11	0	67	15
1.5	2.5	75	16
0	0	70	17
0	8.5	81	18
0	12	76	19
0	18.5	79	20
0	21	75	21
0	24,5	76	22
7.5	10	58	23

 $CS_0^+=0$  وبتحديد قيمة أولية لكل من  $CS_i^-$  و $CS_i^-$  مساويةً للصفر، مما يعني أنَّ وبتحديد قيمة أولية لكل من  $CS_0^+=0$  عند نقوم بحساب كلًا من  $CS_1^+=0$  عند نقوم بحساب كلًا من  $CS_1^-=0$ 

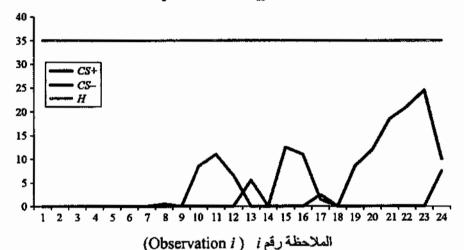
$$CS_1^+ = \max[0, x_1 - (\mu_0 + K) + CS_0^+] = \max[0, 66 - (69 + 3.5) + 0] = \max[0, -6.5] = 0$$

 $CS_1^- = \max[0, (\mu_0 - K) - x_1 + CS_0^-] = \max[0, (69 - 3.5) - 66 + 0] = \max[0, -0.5] = 0,$ وبعدها نقوم بحساب  $CS_2^+$  و $CS_2^-$ 

$$CS_2^+ = \max[0, x_2 - (\mu_0 + K) + CS_1^+] = \max[0, 70 - (69 + 3.5) + 0] = \max[0, -2.5] = 0$$

$$CS_2^- = \max[0, (\mu_0 - K) - x_2 + CS_1^-] = \max[0, (69 - 3.5) - 70 + 0] = \max[0, -4.5] = 0.$$

الشكل ١-١٦ مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب لدرجة حرارة الإطلاق في مجموعة بيانات الحلقة الدائرية ذات الأحُمال الثقيلة



وترد قيم  $CS_i^+$  و $CS_i^-$  لكل  $CS_i^+$  في الجدول ٢-١٦. يُظهِر الشكل ١-١٦ مخطط وترد قيم  $CS_i^+$  و $CS_i^-$  في الجميع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب. لا تتجاوز قيم  $CS_i^+$  ولي الملحوظات المرصودة الـ ٢٣ حدَّ القرار CUSUM وبالتاني، لم يتم اكتشاف أي قيمة شاذة لمرجة حرارة الإطلاق. إذا تم تعيين حد القرار إلى  $CS_i^+$  فسيتم الإشارة إلى الملحوظة المرصودة  $CS_{22}^+$  باعتبارها شاذة نظراً لأن  $CS_{22}^+$   $CS_{22}^+$  و باعتبارها شاذة نظراً لأن  $CS_{22}^+$  و باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة  $CS_{22}^+$  و باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن الملحوظة المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها باعتبارها شاذة بنظراً لأن المرصودة باعتبارها باعتبارها شاذة باعتبارها باعتب

بعد أن يتم توليد إشارة خارج السيطرة، سوف يقوم مخطط تحكم المجموع التراكمي بعد أن يتم توليد إشارة خارج السيطرة، سوف يقوم مخطط تحكم المجموع الأولية  $CS_i^+$  والمينة تهيئة  $CS_i^+$  والمين المين المين التالية.

# تا-٣- مخططات التحكم للمتوسط المتحرك الموزون الأُسيُ (EWMA ControlCharts):

يعمل مخطط التحكم للمتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA لمتغير x ومحلوظات بيانات مرصودة مستقلة، x على مراقبة الإحصائية التالية x (Montgomery, 2001; Ye, على مراقبة الإحصائية التالية x 2003, Chapter 4):

$$z_i = \lambda x_i + (1 - \lambda)z_{i-1} \tag{15-17}$$

حيث  $\lambda$  عبارة عن وزن في النطاق (0.1):

$$z_0 = \mu. \tag{10-17}$$

حدود التحكم هي (Montgomery, 2001; Ye, 2003, Chapter 3):

$$UCL = \mu + L\sigma \sqrt{\frac{\lambda}{2 - \lambda}}$$
 (17-17)

$$LCL = \mu - L\sigma \sqrt{\frac{\lambda}{2 - \lambda}}.$$
 (1V-17)

يقوم الوزن  $\lambda$  بتحديد التأثيرات النسبية لملحوظة البيانات المرصودة الحالية،  $x_i$  وملحوظات البيانات المرصودة السابقة كما تم التقاطها من خلال  $z_{i-1}$  على  $z_{i-1}$  عبرنا عن  $z_{i-1}$  باستخدام  $z_{i-1}$  عيث  $z_{i-1}$ ... $z_{i-1}$ :

$$\begin{split} z_i &= \lambda x_i + (1 - \lambda) z_{i-1} \\ &= \lambda x_i + (1 - \lambda) [\lambda x_{i-1} + (1 - \lambda) z_{i-2}] \\ &= \lambda x_i + (1 - \lambda) \lambda x_{i-1} + (1 - \lambda)^2 z_{i-2} \\ &= \lambda x_i + (1 - \lambda) \lambda x_{i-1} + (1 - \lambda)^2 [\lambda x_{i-2} + (1 - \lambda) z_{i-3}] \\ &= \lambda x_i + (1 - \lambda) \lambda x_{i-1} + (1 - \lambda)^2 \lambda x_{i-2} + (1 - \lambda)^3 z_{i-3} \\ &\cdots \\ &= \lambda x_i + (1 - \lambda) \lambda x_{i-1} + (1 - \lambda)^2 \lambda x_{i-2} + \cdots + (1 - \lambda)^{i-2} \lambda x_2 + (1 - \lambda)^{i-1} \lambda x_1 \end{split}$$
 (\lambda-\text{\lambda}\)

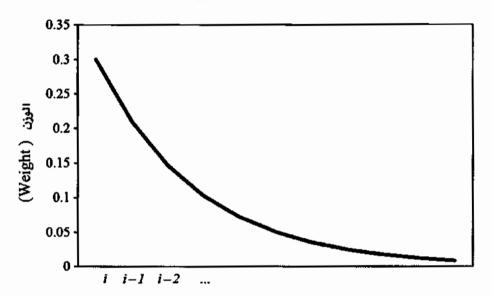
يمكننا ملاحظة أن الأوزان  $x_i$  حيث  $x_i$ ,  $x_i$ ,  $x_i$ ,  $x_i$  تتناقص بشكل أُسي، فعلى سبيل المثال، عندما تكون  $\lambda=0.3$  يكون الوزن  $\lambda=0.3$  الهنال  $\lambda=0.3$  (0.7) (0.3) =  $\lambda=0.3$  يكون الوزن  $\lambda=0.3$  (0.7) (0.3)  $\lambda=0.3$  (0.7) (0.3)  $\lambda=0.3$  الشكل  $\lambda=0.3$  (0.7)  $\lambda=0.3$  المصلح يُسمَى مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي  $\lambda=0.3$  كلما كانت قيمة  $\lambda=0.3$  كان تأثير ملحوظات البيانات المرصودة السابقة أقل، وكان تأثير ملحوظة البيانات المرصودة الحالية  $\lambda=0.3$  الحالية  $\lambda=0.3$  الحالية  $\lambda=0.3$  الحالية  $\lambda=0.3$  الحالية أكثر على إحصائية  $\lambda=0.3$  الحالية  $\lambda=0.3$ 

في المعادلات من ١٦-١٦ وحتى ١٦-١٧، عادةً ما يعمل إسناد قيم لــ L وحتى ١٢-١٦، عادةً ما يعمل إسناد قيم لــ Montgomery, 2001; Ye, 2003, Chapter 4):

$$0.05 \le \lambda \le 0.25$$
  
 $2.6 \le L \le 3$ .

ويمكن استخدام عينة بيانات لحساب متوسط العينة والانحراف المعياري للعينة كتقديرات لكل من  $\mu$  و $\sigma$ ، على التوالي.

الشكل (١٦-١) أوزان متناقصة أسياً على ملحوظات البيانات المرصودة



#### المثال ١٦-٢

بالنظر إلى بيانات درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature) في الجدول ١-٥ والواردة في الجدول ١-٣ كسلسلة من ملحوظات البيانات المرصودة مع مرور الوقت. إذا كان لدينا ما يلى:

$$\mu = 69$$
 $\sigma = 7$ 
 $\lambda = 0.2$ 
 $L = 3$ 

قم باستخدام مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA لمراقبة درجات حرارة الإطلاق.

علينا أولًا أن نحسب حدود التحكم (control limits):

$$UCL = \mu + L\sigma \sqrt{\frac{\lambda}{2-\lambda}} = 69 + (3)(7)\sqrt{\frac{0.3}{2-0.3}} = 77.82$$

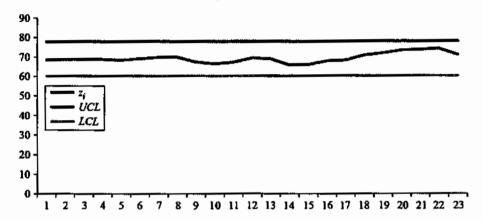
$$LCL = \mu - L\sigma \sqrt{\frac{\lambda}{2-\lambda}} = 69 - (3)(7)\sqrt{\frac{0.3}{2-0.3}} = 60.18.$$

الجدول (٢-١٦) ملحوظات البيانات المرصودة لدرجة حرارة الإطلاق مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقيلة جنبًا إلى جنب مع إحصائية EWMA لمخطط تحكم الـــ EWMA

zi	درجة حرارة الاطلاق x، Launch Temperature x،	ملحوظة البيانات المرصودة i Data Observation i
68.4	66	1
68.72	70	2
68.78	69	2 3
68.62	68	4
68.30	67	5
69.04	72	6
69.83	73	7
69.86	70	8
67.29	57	9
66.43	63	10
67.15	70	11
69.32	78	12
68.85	67	13
65.68	53	14
65.95	67	15
67.76	75	16
68.21	70	17
70.76	81	18
71.81	76	19
73.25	79	20
73.60	75	21
74.08	76	22
70.86	58	23

#### الشكل (١٦-٣)

مخطط تحكم EWMA لمراقبة درجة حرارة الإطلاق من مجموعة بيانات الحلقات الدائرية ذات الأحمال الثقبلة



الملحوظة المرصودة رقم i (Observation i)

EWMA باستخدام  $z_0 = \mu = 69$  ، نقوم بحساب إحصائية

$$z_1 = \lambda x_1 + (1 - \lambda)z_0 = (0.2)(66) + (1 - 0.2)(69) = 68.4$$

$$z_2 = \lambda x_2 + (1 - \lambda)z_1 = (0.2)(70) + (1 - 0.2)(68.4)$$

$$= 68.72$$

وترد قيم إحصائية EWMA للحوظات البيانات المرصودة الأخرى في الجدول ٢٠-١٦. تبقى قيم إحصائية EWMA لجميع ملحوظات البيانات المرصودة الـ ٢٣ ضمن حدود التحكم، [EVMA] = [60.18, 77.82] ، ولا يتم اكتشاف أي قيم شاذة. يعرض الشكل ٢١-٣ مخطط تحكم EWMA مع إحصائية EWMA وحدود التحكم.

إذا تم ربط ملحوظات البيانات المرصودة ذاتيًا (انظر الفصل ١٨ لشرح الارتباط الذاتي I-الذاتي autocorrelation)، فانه يمكننا أولًا بناء غوذج التنبؤ بخطوة واحدة للأمام ( $step\ ahead\ prediction\ model$  من البيانات المرتبطة ذاتيًا، ومقارنة ملحوظة بيانات مرصودة معينة مع قيمتها التنبئية بخطوة واحدة للأمام من أجل الحصول على الخطأ

(error) أو المتبقي (residual)، واستخدام مخطط تحكم الــــ EWMA لرصد البيانات (error) لمتبقية (Montgomery and Mastrangelo, 1991). يتم حساب قيمة التنبؤ بخطوة واحدة للأمام لـ  $x_i$  على النحو التالي:

$$z_{i-1} = \lambda x_{i-1} + (1-\lambda)z_{i-2}$$
, (19-17)

 $x_{i-}$  ل EWMA ل المتحرك الموزون الأسي EWMA ل المتحرك الموزون الأسي  $z_{i-1}$  المتحدَم كتنبؤ ل  $x_{i-1}$  ثم يتم احتساب خطأ التنبؤ أو المتبقي كما يلي:

$$e_i = x_i - z_{i-1}. \tag{(Y--)(1)}$$

في المعادلة ١٦-١٩، يمكن تعيين لم لتخفيض مجموع أخطاء التنبؤ التربيعية على مجموعة البيانات الاستكشافية أو التدريبية:

$$\lambda = \arg\min_{\lambda} \sum_{i} e_{i}^{2} . \qquad (41-17)$$

إذا كان غوذج التنبؤ بخطوة واحدة للأمام يمثل البيانات المترابطة ذاتيًا بشكل جيد، ينبغي أن تكون قيم  $e_{iS}$  مستقلةً عن بعضها وتكون موزعةً طبيعيًا بمتوسط يساوي صفر وانحراف معياري يساوي  $\sigma_{e}$ . يكون محور مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA لمراقبة  $e_{i}$  عند مستوى الصفر كما أن لديه حدود التحكم التالية:

$$UCL_{e_i} = L\widehat{\sigma}_{e_i-1} \tag{YY-17}$$

$$LCL_{e_i} = -L\widehat{\sigma}_{e_i-1} \tag{277-17}$$

$$\widehat{\sigma}_{e_i-1}^2 = \alpha e_{i-1}^2 + (1-\alpha)\widehat{\sigma}_{e_i-2}^2, \qquad (\texttt{YE-NI})$$

حيث يتم تحديد L إلى قيمة بحيث  $3 \le L \le 3$ ، و $1 \le C$  وتعطي 1 تقدير حيث يتم تحديد 1 إلى قيمة بحيث المتوسط المتحرك الموزون الأسي 1 لأخطاء التنبؤ. باستخدام المعادلة 1 والتي تعطي 1 تعطي 1 فإنَّ التحكم لرصد 1 مباشرةً بدلًا من 1 هو:

$$UCL_{x_i} = z_{i-1} + L\widehat{\sigma}_{e_i-1} \tag{YO-N3}$$

$$LCL_{x_i} = z_{i-1} - L\widehat{\sigma}_{e_i-1} \tag{77-17}$$

على غرار مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM، يُعتبر مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA أكثر صلابةً لفرضية طبيعية توزيع البيانات من مخططات التحكم لشوارتز (Montgomery, 2001). خلافًا لمخططات التحكم لشوارتز، فإن مخططات تحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA تُعتبر فعالة في اكتشاف الحالات الشاذة ليس فقط للتحولات الكبيرة ولكن أيضًا للتحولات الصغيرة لأن مخططات تحكم المجموع التراكمي CUSUM ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA تأخذ في الاعتبار التأثيرات الخاصة بملحوظات الميانات المرصودة المتعددة.

### ٤-١٦ مخططات تحكم الدرجة التراكمية (Cuscore Contol Charts) :

تكشف مخططات التحكم الموصوفة في الأجزاء من ١-١٦ وحتى ٣-١٦ عن التحولات الخارجة عن السيطرة من المتوسط أو الانحراف المعياري. تم تصميم مخططات تحكم الدرجة التراكمية (cuscore) (cuscore) للكشف عن التغير من أي شكل معين من غوذج بيانات تحت السيطرة إلى أي شكل معين من غوذج بيانات خارج السيطرة. على سبيل المثال، يمكن بناء مخطط تحكم الدرجة التراكمية (Cuscore) للكشف عن تغير الميل في غوذج خطي لبيانات تحت السيطرة على النحو التالي:

غوذج بيانات تحت السيطرة:

$$y_t = \theta_0 t + \varepsilon_t \tag{YV-17}$$

غوذج بيانات خارج السيطرة:

$$y_t = \theta t + \varepsilon_t$$
,  $\theta \neq \theta_0$ , (YA-17)

 $\sigma$  والانحراف المعياري  $\mu$  والمتوسط  $\mu$  والانحراف المعياري  $\sigma$  ويثال آخر، يمكن أن يكون لدينا مخطط تحكم درجة تراكمية لاكتشاف وجود موجة جيبية T درخال عملية تحت السيطرة مع وجود تباينات عشوائية من المتوسط T:

غوذج بيانات تحت السيطرة:

$$y_t = T + \theta_0 \sin\left(\frac{2\pi t}{p}\right) + \varepsilon_t$$
,  $\theta_0 = 0$ , (29-17)

مُوذَج بيانات خارج السيطرة:

$$y_t = T + \theta \sin\left(\frac{2\pi t}{p}\right) + \varepsilon_t.$$
 (٣٠-١٦)

 $x_i$  نأخذ في الاعتبار قيمة  $y_i$  كدالة عن Cuscore الناء إحصائية الدرجة التراكمية والمعلمة  $\theta$  والتي تميز عملية خارج السيطرة عن عملية تحت السيطرة:

$$y_t = f(x_t, \theta) \tag{(Y1-17)}$$

وعندما تكون العملية تحت السيطرة، يكون لدينا:

$$\theta = \theta_0.$$
 (YY-17)

في المثالين الموضحين في المعادلات من ١٦-٢٧ وحتى ١٦-٣٠، فإن  $x_t$  تحتوي t فقط، وheta عندما تكون العملية تحت السيطرة.

$$\hat{y}_t$$
 عن طريق طرح القيمة المتوقعة  $\hat{y}_t$  من القيمة المرصودة  $\epsilon_t$  عن طريق طرح القيمة المتوقعة  $\epsilon_t = y_t - \hat{y}_t = y_t - f(x_t, \theta) = g(y_t, x_t, \theta).$  (۲۳-۱٦)

عندما تكون العملية تحت السيطرة، يصبح لدينا  $\theta = \theta_0$  ونتوقع أن تكون  $\epsilon_1$ .  $\epsilon_2$  ...,  $\epsilon_n$  مستقلةً عن بعضها البعض، وكل منها عبارة عن متغير عشوائي غير مرتبط متغيرات عشوائية أخرى مع ملحوظات بيانات مرصودة ومستقلة، وبتوزيع طبيعي، ومتوسط  $\epsilon_1$  وبانحراف معياري  $\epsilon_2$ . وهذا يعني أن المتغيرات العشوائية،  $\epsilon_3$ ...,  $\epsilon_n$  لها توزيع طبيعي مشترك متعدد المتغيرات وبدالة الكثافة الاحتمالية المشتركة التالية:

$$P(\varepsilon_1, \dots, \varepsilon_n | \theta = \theta_0) = \frac{1}{(2\pi)^{\frac{n}{2}}} e^{-\frac{1}{2}\sum_{\ell=1}^n \frac{\varepsilon_{\ell 0}^2}{\sigma^2}}.$$
 (re-17)

وبأخذ اللوغاريتم الطبيعي للمعادلة ١٦-٣٤، يصبح لدينا:

$$l(\varepsilon_1, \dots, \varepsilon_n | \theta = \theta_0) = -\frac{2}{n} ln(2\pi) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{t=1}^n \varepsilon_{t0}^2. \quad \text{(Yo-NT)}$$

كما يتضح من المعادلة ١٦-٣٣، فإن  $\varepsilon_1$  هي دالة من  $\theta$ ، ( $\varepsilon_1$ ,...,  $\varepsilon_n$ ) في المعادلة ١٦-١٣ تصل إلى قيمة الإمكان القصوى (imaximum likelihood) إذا كانت العملية تحت السيطرة مع  $\theta=\theta$  يكون لدينا  $\varepsilon_1$ 0، حيث  $\varepsilon_2$ 1,..., الموزعة بشكل طبيعي ومستقل ومتطابق، متواجدة في معادلة ١٦-١٣. إذا كانت العملية خارج السيطرة وكانت  $\varepsilon_2$ 1, المحدد المعادلة ١٦-٣٤. إذا كانت العملية خارج السيطرة وكانت  $\varepsilon_1$ 2,  $\varepsilon_2$ 3, المحدد المسترك الصحيحة لـ  $\varepsilon_1$ 3,  $\varepsilon_2$ 3, المحدد تعطي قيمة الإمكان القصوى لـ  $\varepsilon_2$ 3,  $\varepsilon_2$ 3, وبالتالي، إذا كانت العملية تحت السيطرة مع  $\varepsilon_1$ 3 ميكون لدينا:

$$\frac{\partial l(\varepsilon_1, \dots, \varepsilon_n | \theta = \theta_0)}{\partial \theta} = 0. \tag{27-17}$$

باستخدام المعادلة ١٦-٣٥ للتعويض عن  $heta= heta_0$  باستخدام المعادلة ١٦-١٦ في المعادلة ١٦-٢٦ وإسقاط جميع حدود المعادلة التي لا علاقة لها بـ heta عند عمل الاشتقاق، يصبح لدينا:

$$\sum_{t=1}^{n} \varepsilon_{t0} \left( -\frac{\partial \varepsilon_{t0}}{\partial \theta} \right) = 0.$$
 (TV-17)

تكون إحصائية الدرجة التراكمية Cuscore لمخطط تحكم الدرجة التراكمية للمراقبة مساوية لـــــ $Q_0$ :

$$Q_0 = \sum_{t=1}^{n} \varepsilon_{t0} \left( -\frac{\partial \varepsilon_{t0}}{\partial \theta} \right) = \sum_{t=1}^{n} \varepsilon_{t0} \, d_{t0} \tag{$\text{YA-17}$}$$

حث:

$$d_{t0} = -\frac{\partial \varepsilon_{t0}}{\partial \theta}.$$
 (٣٩-١٦)

وبناءً على المعادلة ١٦-٣٧، من المتوقع أن تظل  $Q_0$  قريبةٌ من الصفر إذا كانت العملية تحت السيطرة مع  $\theta=\theta$  إذا انحازت  $\theta$  عن  $\theta$ ، فإن قيمة  $Q_0$  تنحرف عن منطقة الصفر بطريقة ليست عشوائية، بل بطريقة متسقة.

على سبيل المثال، لاكتشاف أي تغير على ميل نموذج خطي لبيانات تحت السيطرة الموضحة في المعادلات ٢٦-١٦ و٢٦-٢٨، فإن مخطط تحكم الدرجة التراكمية يقوم عراقبة القيمة:

$$Q_0 = \sum_{t=1}^n \varepsilon_{t0} \left( -\frac{\partial \varepsilon_{t0}}{\partial \theta} \right) = \sum_{t=1}^n \varepsilon_{t0} \left( -\frac{\partial (y_t - \theta t)}{\partial \theta} \right) = \sum_{t=1}^n (y_t - \theta_0 t) t. \quad (\xi - 1)$$

لاكتشاف موجة جيبية في عملية تحت السيطرة متوسط T تباينات عشوائية مبينة في المعادلات Cuscore بكون إحصائية الدرجة التراكمية هي:

$$\begin{aligned} Q_0 &= \sum_{t=1}^n \varepsilon_{t0} \left( -\frac{\partial \varepsilon_{t0}}{\partial \theta} \right) = \sum_{t=1}^n (y_t - T) \left[ -\frac{\partial \left( y_t - T - \theta \sin\left(\frac{2\pi t}{p}\right) \right)}{\partial \theta} \right] \\ &= \sum_{t=1}^n (y_t - T) \sin\left(\frac{2\pi t}{p}\right). \end{aligned} \tag{E1-17}$$

إذا كانت الموجة الجيبية موجودة في  $y_i$  ، فإن  $(y_i-T)$  في المعادلة ١٦- ٤١ تحتوي على اذا كانت الموجة الجيبية موجودة في  $y_i$  ، فإن  $\sin(2\pi t/p)$  لجعل  $Q_0$  تستمر في الزيادة اذا كانت  $x_i = y_i - T > 0$  بدلًا من التغيير عشوائيًا حول الصفر.

CUSUM لاكتشاف تحول المتوسط K من  $\mu o$  كما في مخطط تحكم المجموع التراكمي الموضح في المعادلات ١٦- ١٠، و١٦- ١٢، يكون لدينا:

مُوذَج البيانات تحت السيطرة:

$$y_t = \mu_0 + \theta_0 K + \varepsilon_t$$
,  $\theta_0 = 0$  (EY-17)

مُوذَج البيانات خارج السيطرة:

$$y_t = \mu_0 + \theta K + \varepsilon_t$$
,  $\theta \neq \theta_0$  (ET-17)

$$Q_0 = \sum_{t=1}^n \varepsilon_{t0} \left( -\frac{\partial \varepsilon_{t0}}{\partial \theta} \right) = \sum_{t=1}^n (y_t - \mu_0) \left[ -\frac{\partial (y_t - \mu_0 - \theta K)}{\partial \theta} \right] = \sum_{t=1}^n (y_t - \mu_0) K. \quad (\text{EE-NI})$$

في حالة حدوث تحول المتوسط K من  $\mu_0$  فإن  $(y_i - \mu_0)$  في المعادلة ١٦- ٤٤ يحتوي على K والذي يكون مضروبًا في قيمة أخرى لـ K لجعل  $Q_0$  يستمر في الزيادة (إذا كانت K لجعل أو في النقصان (إذا كانت  $V_0 - \mu_0 < 0$ ) بدلًا من التغير عشوائيًا حول الصفر.

حيث إن مخططات تحكم الدرجة التراكمية Cuscore تسمح لنا باكتشاف نهوذج معين لحالة شاذة إذا كان معطى لنا نهوذجاً معيناً لنموذج بيانات تحت السيطرة، فإن مخططات تحكم الدرجة التراكمية تسمح لنا برصد واكتشاف مجموعة واسعة من حالات تحت السيطرة مقابل حالات خارج السيطرة بشكل أكثر من مخططات التحكم لشوارتز، ومخططات تحكم المجموع التراكمي CUSUM، ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسى EWMA.

### 17-0 منحنى التشغيل التشخيصي لتقييم ومقارنة مخططات التحكم: (Receiver Operating Curve –ROC- for Evaluation and Comparison of Control Charts)

تنتج القيم المختلفة لمعلّمات حد القرار والمستخدمة في مخططات تحكم متنوعة، على سبيل المثال، T- سيغما في مخطط تحكم T، وT في مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي T- معدلات محطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي T- معدلات

مختلفــةً من الإنذارات الخاطئة والزيارات الناجحة. لنفتــرض في المثـال ١٦- ١ أن أي قيمة لـ  $75 \geq x_i \geq 0$  هي في الحقيقة حالة شاذة. وبالتالي، يكون لدينا ملحوظات البيانات المرصودة السبع، وهي الملحوظات أرقام ١٢، ١٦، ١٨، ١٩، ٢٠، ٢١، و٢٢، لديها  $75 \ge x$  وهي بالفعل حالات شاذة. إذا تمّ تعديل قيمة حد القرار إلى قيمة أكبر من أو يساوي الحد الأقصى لقيمة H=24.5 لجميع ملحوظات البيانات المرصودة الـ ٢٣، على سبيل المثال،  $CS_i^+$  و $CS_i^-$ فإن  $CS_i^+$  ومخطط البيانات المرصودة الـ ٢٣ لا تتجاوز H ومخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب لا يعطى إشارة إلى أي ملحوظة بيانات مرصودة باعتبارها ملحوظة شاذة. ولا يكون لدينا أي إنذارات خاطئة كما أن عدد الزيارات الناجحة صفر، وهذا يعنى، أن لدينا معدل الإنذار الخاطئ ٧٠ ومعدل الزيارة الناجحة ٧٠.  $CS_i^+$  و $CS_i^-$  فيمة حد القرار إلى قيمة أصغر من قيمة الحد الأدنى لقيمة حد القرار إلى قيمة أصغر من أ  $CS_i^+$  و $CS_i^-$  فإن  $H^-$  -1، على سبيل المثال،  $H^-$  فإن ألجميع ملحوظات البيانات المرصودة الـ ٢٣، على سبيل المثال، لجميع ملحوظات البيانات المرصودة الـ 47 تتجاوز H ويقوم مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب بعمل إشارة إلى كل ملحوظة بيانات مرصودة على أنها ملحوظة شاذة، مما ينتج ٧ زيارات ناجحة على جميع الملحوظات الشاذة الصحيحة (الملحوظات هي أرقام ١٢، ١٦، ١٨، ١٩، ٢٠، ٢١، و٢٢) و١٦ إنذارا خاطئًا، وهذا يعني أن معدل الزيارة الناجحة هو ١٠٠٪ ومعدل الإنذار الخاطئ هو ١٠٠٪. إذا تمّ تعديل قيمة حد القرار إلى H=0 فإن مخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب يعطي إشارة إلى ملحوظات البيانات المرصودة أرقام ٧، ٩، ١٠، ١١، ١٢، ١٤، ١٥، ١٦، ١٨، ١٩، ٢٠، ٢١، و٢٢ على أنها ملحوظات شاذة، مما ينتج إشارات خارج السيطرة عددها ٧ على كل الملحوظات السبع الشاذة الحقيقية (معدل الزيارة الناجحة١٠٠٪) و٧ إشارات خارج السيطرة على الملحوظات أرقام ٧، ٩، ١٠، ١١، ١٤، ١٥ و٢٣ من أصل ١٦ ملحوظة بيانات مرصودة تحت السيطرة (معدل إنذار خاطئ ٤٤٪). يسرد الجدول ١٦-٤ أزواج معدل الإنذار الخاطئ ومعدل الزيارة الناجحة لقيم أخرى لـ H لمخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب في المثال ١٦-١٦.

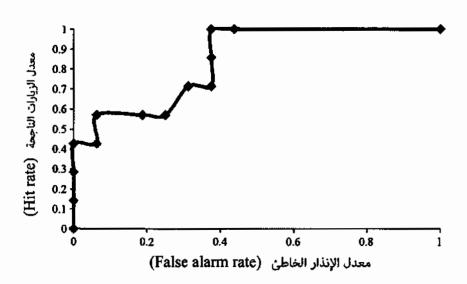
يعرض منحنى التشغيل التشخيصي (ROC) بيانيًا أزواجًا من معدل الزيارة الناجحة ومعدل الإنذار الخاطئ لقيم متنوعة من حد القرار. يعرض الشكل ١٦-٤ منحنى التشغيل التشخيصي (Receiver Operating Curve-ROC) لمخطط تحكم المجموع التراكمي

CUSUM ثنائي الجانب في المثال ١٦-١٦، إذا كان معطى لدينا سبع حالات شاذة حقيقية على الملحوظات المرصودة أرقام ١٢، ١٦، ١١، ١٠، ٢١، ٢١، و٢٢، وعلى عكس زوج من معدل الإنذار الخاطئ ومعدل الزيارة الناجحة لقيمة معينة من حد القرار، فإن منحنى التشغيل التشخيصي (ROC) يعطي صورةً كاملةً عن الأداء من خلال تقنية اكتشاف الوضع الشاذ.

الجدول (٤-١٦) الجدول (٤-١٦) الجدول الزيارة الناجحة لقيم متنوعة من حد القرار H لمخطط تحكم المجموع التراكمي CUSUM ثنائي الجانب في المثال ١-١٦

معدل الزيارات الناجحة Hit Rate	معدل الإنذار الخاطئ False Alarm Rate	H	
1	1	-1	
1	0.44	0	
1	0.38	0.5	
0.86	0.38	2.5	
0.71	0.38	5.5	
0.71	0.31	6.5	
0.57	0.25	8.5	
0.57	0.19	10	
0.57	0.06	11	
043	0.06	12	
0.43	0	12.5	
0.29	0	18.5	
0.14	0	21	
0	0	24.5	

الشكل (٦٦-٤) الشكل (٢٠-١٦) الشكل (٢٠-١٥) التشغيل التشخيمي (ROC) لمخطط تحكم المجموع التراكمي ثنائى الجانب في المثال ١-١٦



كلما اقترب منحنى التشغيل التشخيصي (ROC) من أعلى الزاوية اليسرى، التي تمثل معدل الإنذار الخاطئ ( $^{\circ}$ ) ومعدل الزيارة الناجحة ( $^{\circ}$ 1)، للمخطط، كلما كان الأداء أفضل لمخرجات تقنية اكتشاف الحالات الشاذة. ونظراً لأنه من الصعب تثبيت استخدام حدود القرار لتقنيتين مختلفتين لاكتشاف الحالات الشاذة بحيث يمكن مقارنة أداثهما بشكل عادل، فإن منحنى التشغيل التشخيصي ( $^{\circ}$ 1) يمكن رسمه بيانياً لكل طريقة تقنية في نفس المخطط لمقارنة منحنيات التشغيل التشخيصية ( $^{\circ}$ 1) لتقنيتين اثنتين ودراسة أي منحنى تشغيل تشخيصي ( $^{\circ}$ 1) يكون أقرب إلى الزاوية العلوية اليسرى للمخطط لتحديد أي تقنية تعطي أداء أفضل للاكتشاف. يوضح يي وآخرون ( $^{\circ}$ 1) استخدام منحنيات التشغيل التشخيصية ( $^{\circ}$ 1) المقارنة أداء اكتشاف الهجوم الإلكتروني (عبر الإنترنت) باستخدام تقنتين اثنتين من مخططات التحكم.

### ١-١٦ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications) :

يدعم برنامج www.minitab.com) Minitab مخططات تحكم العملية الإحصائية. يمكن العثور على تطبيقات لمخططات التحكم أحادية المتغير لجودة التصنيع واكتشاف التسلل عبر الإنترنت في (Ye, 2003, Chapter 3)، (Ye, 2008)، (Ye and Chen, 2003). (2002a, 2004).

#### (Exercises) التمارين

۱-۱٦ بالنظر إلى بيانات درجة حرارة الإطلاق (Launch Temperature) والمعلومات التالية في المثال ١-١٦:

$$\mu_0 = 69$$
 $K = 3.5$ 

قم ببناء مخطط تحكم الدرجة التراكمية Cuscore باستخدام المعادلة ١٦-٤٤ لمراقبة درجة حرارة الإطلاق.

- ۲-۱٦ ارسم منحنيات التشغيل التشخيصية (ROCs) لمخطط تحكم المجموع التراكمي ٢-١٦ ارسم منحنيات المثال ١-١٦، ومخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA في المثال ١٦-٢، ومخطط تحكم الدرجة التراكمية Cuscore في المثال ١٦-٢، ومقارنة أداء تقنيات مخطط التحكم هذه.
- 7-17 قم بجمع بيانات درجات الحرارة اليومية في الأشهر الـ 17 الأخيرة في مدينتك، واعتبر بيانات درجة الحرارة في كل شهر كعينة البيانات، وقم ببناء مخطط تحكم  $\overline{x}$  لمراقبة درجات الحرارة المحلية واكتشاف أي حالات شاذة.
- ورارة جالنظر إلى مجموعة البيانات نفسها التي تتكون من ١٢ متوسط درجات حرارة  $\bar{x}$  وقيم باستخدام  $\bar{x}$  وقيم باستخدام  $\bar{x}$  التي تم الحصول عليها من التميين ١٢-٣ وقيم باستخدام  $\bar{x}$  التي تم الحصول عليها من التميين ١٢-٣ لتقيين وق. قم بتعديل  $\bar{x}$  الجانب وقد التراكمي  $\bar{x}$  قم ببناء مخطط تحكم المجموع التراكمي  $\bar{x}$  ثنائي الجانب لمراقبة بيانات متوسط درجات الحرارة الشهرية واكتشاف أي حالات شاذة.

- وقيم  $\mu_0$  في التمرين  $\kappa_0$ . قم ببناء مخطط تحكم و-0-17 بالنظر إلى مجموعة البيانات وقيم  $\kappa_0$  للرجة التراكمية  $\kappa_0$  للرجة بيانات متوسط درجات الحرارة الشهرية واكتشاف أي حالات شاذة.
- جادة بالنظر إلى مجموعة البيانات وتقديرات كل من  $\mu o$  و $\sigma$  في التمرين L=3. قم بتحديد  $\lambda=0.1$  قم ببناء مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA
- ٧-١٦ كرر التمرين ١٦-٦ ولكن مع 0.3=1، وقم بمقارنة مخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA في التمارين ١٦-٦ و١٦-٧.

### ۱۷- مخططات التحكم متعددة المتغيرات Multivariate Control Charts

تعمل مخططات التحكم متعددة المتغيرات (Multivariate control charts) على مراقبة ورصد متغيرات متعددة في وقت واحد لاكتشاف الحالات الشاذة. يصف هذا الفصل ثلاثة من مخططات التحكم الإحصائية المتعددة المتغيرات، وهي: مخططات التحكم لهوتلينق (Hotelling's T² control charts)، ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA متعددة المتغيرات (chi-square control charts). كما سنتناول في هذا الفصل بعض التطبيقات الخاصة بمخططات التحكم متعددة المتغيرات مع المراجع.

### (Hotelling's $T^2$ Control Charts) $T^2$ لهوتلينق ۱-۱۷ مخططات التحكم لهوتلينق

لنجعل  $x_i = (x_{i1}, ..., x_{ip})$  ترمز إلى ملحوظة البيانات المرصودة رقم  $x_i = (x_{i1}, ..., x_{ip})$  العشوائية،  $x_{i1}, ..., x_{ip}$  التي تتبع توزيعًا طبيعيًا متعدد المتغيرات (انظر إلى دالة الكثافة الاحتمالية للتوزيع الطبيعي متعدد المتغيرات في الفصل ١٦) وبالمتجه المتوسط  $\mu$  ومصفوفة التباين- التغاير في الفصل ١٤). إذا كان لدينا عينة بيانات بعدد n من ملحوظات البيانات المرصودة، فإن المتجه المتوسط للعينة  $\overline{x}$  ومصفوفة التباين- التغاير التغاير للعينة  $\overline{x}$ 

$$\bar{x} = \begin{bmatrix} \bar{x}_1 \\ \vdots \\ \bar{x}_p \end{bmatrix} \tag{1-1V}$$

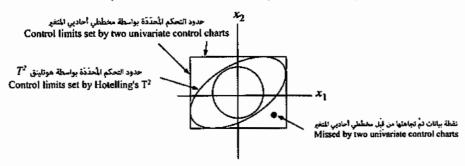
$$S = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(x_i - \bar{x})', \qquad (Y-1V)$$

يكن استخدامها لتقدير قيمة كل من  $\mu$  و $\Sigma$  على التوالي. إحصاءة هوتلينق  $T^2$  لملحوظة (Chou et al., 1999; Everitt, 1979; Johnson and بيانات مرصودة،  $x_i$  هي Whichern, 1998; Mason et al., 1995, 1997a,b; Mason and Young, 1999; Ryan, 1989)

$$T^2 = (x_i - \bar{x})' S^{-1}(x_i - \bar{x}),$$
 (Y-\V)

S حيث إن S' هو معكوس المصفوفة S من  $ar{x}$  من  $ar{x}$  من  $ar{x}$  من  $ar{x}$ 

الشكل (۱-۱۷) توضيح للمسافة الإحصائية المقاسة باستخدام إحصاءة هوتلينق  $T^2$ وحدود التحكم لمخططات التحكم لهوتلينق  $T^2$  ومخططات التحكم أحادية المتغير



لنفترض أن لدينا  $\bar{x}=0$  عند نقطة الأصل من فضاء ثنائي الأبعاد لـ  $\bar{x}=0$  الشكل ١-١٧. في الشكل ١-١٧، تقع نقاط البيانات  $x_ix$  بنفس المسافة الإحصائية من  $\bar{x}$  داخل القطع الناقص (ellipse) أخذًا في الاعتبار التباين والتغاير لـ  $x_ix$  في حين أن كل نقاط البيانات الناقص المسافة الإقليدية تقع في الدائرة. كلما كانت قيمة إحصاءة هوتلينق  $T^2$  أكبر من  $T^2$  أكبر من  $T^2$  منات مرصودة  $T^2$  كلما كانت المسافة الإحصائية  $T^2$  أكبر من  $T^2$ .

يرصد مخطط التحكم لهوتلينق  $T^2$  إحصاءة هوتلينق  $T^2$  في المعادلة ٢٥-٣. إذا كانت  $x_{ii}$  متعدد المتغيرات، فإن القيمة المحولة لإحصائية هوتلينق  $T^2$ :

$$\frac{n(n-p)}{p(n+1)(n-1)}T^2$$

تتبع توزيع F مع p وعدد p من درجات الحرية (p من درجات الحرية (p معلى المثال، ولذلك، فإن قيمة p المصنَّفة والمجدولة على مستوى محدد من الأهمية، على سبيل المثال، ولذلك، فإن قيمة p المصنَّفة والمجدولة على مستوى محدد من الأهمية، على سبيل المثال، p من استخدامها باعتبارها نقطة إنذار أو حد الإشارة (p المحولة المحولة المحولة المحولة المحولة المحولة المحولة المحولة المحمد الإشارة هذا، فإن مخطط تحكم هوتلينق p اكتشاف كل من تحولات المتوسط والارتباطات المقابلة المخطط التحكم لهوتلينق p اكتشاف كل من تحولات المتوسط والارتباطات المقابلة المخاير (p المتغيرات.

ويوضح الشكل ۱-۱۷ حدود التحكم المحددة من قبل مخططي تحكم فرديين  $\overline{x}$  لكل من  $x_2$  على التوالي، وحدود التحكم المحددة من قبل مخطط التحكم الهوتلينة  $x_2$  على أساس المسافة الإحصائية. نظرًا لأن كل من مخططات التحكم الفردية  $\overline{x}$  لـ  $x_2$  لا تحتوي بنية التغاير لكل من  $x_3$  فإن ملحوظة البيانات المرصودة التي تنحرف عن بنية التغاير لكل من  $x_3$  ولكن يتم اكتشافها بواسطة لكل من  $x_4$  ويتم تجاهلها في مخططات التحكم الفردية  $\overline{x}$  ولكن يتم اكتشافها بواسطة مخطط التحكم لهوتلينق  $x_4$  كما هو موضح في الشكل ۱-۱۰. لقد أشار ريان (Ryan, مخطط التحكم لهوتلينق  $x_4$  هي أكثر حساسية للارتباطات المقابلة من تحولات المتوسط، على سبيل المثال، إذا كان هناك علاقة موجبة بين متغيرين ويحدث تحول المتوسط مع كلا المتغيرين ولكن في نفس الاتجاه للحفاظ على ارتباطهما، فقد لا تكتشف مخططات التحكم لهوتلينق  $x_4$  تحول المتوسط (Ryan, 1989). تُعتبر مخططات التحكم لهوتلينق  $x_4$  تحول المتوسط (Ryan, 1989). تُعتبر مخططات التحكم لهوتلينق  $x_4$  أيضًا حساسة لفرضية التوزيع الطبيعية متعددة المتغيرات.

#### المثال ١-١٧

تحتوي مجموعة بيانات نظام التصنيع في الجدول ١-١٤، والمنسوخة في الجدول ١-١٠، على متغيري الخاصية،  $x_7$  و $x_7$  في تسع حالات من أعطال الآلة الواحدة. يتم حساب المتجه المتوسط للعينة ومصفوفة التباين - التغاير في الفصل ١٤ ومعطاه فيما يلي. قم ببناء مخطط التحكم لهوتلينق  $T^2$  لتحديد ما إذا كانت ملحوظة البيانات المرصودة الأولى  $x=(x_7,x_8)=(1,0)$ 

$$\bar{x} = \begin{bmatrix} \bar{x}_7 \\ \bar{x}_8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{5}{9} \\ \frac{4}{9} \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}$$

بالنسبة لمحوظة البيانات المرصودة الأولى  $x=(x_7,x_8)=(1,0)$  نقوم بحساب قيمة إحصاءة هوتلينق  $T^2$ :

$$T^{2} = (x_{i} - \bar{x})'S^{-1}(x_{i} - \bar{x}) = \begin{bmatrix} 1 - \frac{5}{9} & 0 - \frac{4}{9} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.2469 & -0.1358 \\ -0.1358 & 0.2469 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 1 - \frac{5}{9} \\ 0 - \frac{4}{9} \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} \frac{4}{9} & -\frac{4}{9} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5.8070 & 3.1939 \\ 3.1939 & 5.8070 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{4}{9} \\ -\frac{4}{9} \end{bmatrix} = 0.1435.$$

وتكون قيمة  $T^2$  المحولة:

$$\frac{n(n-p)}{p(n+1)(n-1)}T^2 = \frac{(9)(9-2)}{(2)(9+1)(9-1)}(0.1435) = 0.0502.$$

وتكون قيمة F المجدولة لـ  $\alpha=0.05$  مع ۲ و۷ من درجات الحرية تساوي ٤,٧٤، والتي يتم استخدامها كحد الإشارة. وحيث إن ٤,٧٤> ،٢٥٠٠، فإن مخطط التحكم لهوتلينق  $T^2$  لا يعطى إشارة أن  $x=(x_7,x_8)=(1,0)$  عبارة عن ملاحظة شاذة.

الجدول (۱-۱۷) الجدول ( $x_7$  مجموعة البيانات لاكتشاف أعطال النظام مع اثنين من متغيرات الجودة  $x_7$ 

	رقم الحالة - Instance		
<b>x</b> 8	<b>X</b> 7	(الآلة المعطلة - Faulty Machine)	
0	1	1 (M1)	
1	0	2(M2)	
1	1	3(M3)	
i	0	4(M4)	
0	1	5(M5)	
0	L	6(M6)	
0	1	7(M7)	
1	0	8(M8)	
0	0	9(M9)	

# ٢-١٧ مخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي متعددة المتغيرات (Multivariate EWMA Control Charts):

إن مخططات التحكم لهوتلينق  $T^2$  عبارة عن نسخة متعددة المتغيرات لمخططات التحكم لسرة أحادية المتغير في الفصل ١٦. وتُعدَّ مخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA متعددة المتغيرات عبارة عن نسخة من مخطط تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA متعددة المتغيرات في الفصل ١٦. يقوم مخطط تحكم المتوسط

المتحرك الموزون الأسي EWMA المتعدد المتغيرات مراقبة الإحصاءة التالية (Ye, 2003) : Chapter 4

$$T^2 = z_i' S_z^{-1} z_i \,, \tag{\epsilon-VV}$$

حيث إن:

$$z_i = \lambda x_i + (1 - \lambda) z_{i-1} , \qquad (0-1)$$

 $\lambda$  عبارة عن وزن في النطاق (0,1)،

$$z_0 = \mu \quad or \quad \bar{x}$$

$$S_z = \frac{\lambda}{\lambda - 2} \left[ 1 - (1 - \lambda)^{2i} \right] S \tag{V-1V}$$

x هى مصفوفة تباين- تغاير العينة للمتغير x

### ۳-۱۷ مخططات تحکم مربع کاي (Chi-Square Control Charts):

حيث إن مخططات التحكم لهوتلينق  $T^2$  ومخططات تحكم المتوسط المتحرك الموزون الأسي EWMA متعددة المتغيرات تتطلب حساب معكوس مصفوفة التباين- التغاير، فإن مخططات التحكم هذه ليست قابلة للقياس لعدد كبير من المتغيرات. إن وجود متغيرات مترابطة خطياً يخلق صعوبة في الحصول على معكوس مصفوفة التباين- التغاير، ولمعالجة هذه المشاكل، تم تطوير مخططات تحكم مربع كاي  $(Ye\ et\ al.,\ 2002b,\ 2006)$ ) يقوم

 $x_i = (x_{1i},..., x_{1i},..., x_{1i})$ مخطط تحكم مربع كاي بمراقبة إحصاءة مربع كاي للحوظة بيانات مرصودة  $x_{ij}$ 

$$\mathcal{X}^2 = \sum_{j=1}^p \frac{(x_{ij} - \bar{x}_j)^2}{\bar{x}_j}.$$
 (A-1V)

على سبيل المثال، تضم مجموعة بيانات نظام التصنيع في الجدول 1-10 متغيري الخاصية، xs xr في تسع حالات من أعطال الآلة الأحادية. xs xr في الفصل xs ومعطى هنا:

$$\bar{x} = \begin{bmatrix} \bar{x}_7 \\ \bar{x}_8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{5}{9} \\ \frac{4}{9} \end{bmatrix}$$

وتكون إحصائية مربع كاي لملحوظة البيانات المرصودة الأولى في الجدول ١٠-١٠، ((I, 0)) =  $(x_{79}, x_8)$ 

$$\mathcal{X}^2 = \sum_{j=7}^8 \frac{(x_{1j} - \bar{x}_j)^2}{\bar{x}_j} = \frac{(x_{17} - \bar{x}_7)^2}{\bar{x}_7} + \frac{(x_{18} - \bar{x}_8)^2}{\bar{x}_8} = \frac{\left(1 - \frac{5}{9}\right)^2}{\frac{5}{9}} + \frac{\left(0 - \frac{4}{9}\right)^2}{\frac{4}{9}} = 0.8.$$

إذا كانت المتغيرات التي عددها p مستقلةً وكانت قيمة p كبيرة، فإن إحصاءة مربع كاي تتبع توزيعًا طبيعيًا مبني على أساس نظرية النهاية المركزية. إذا كان لدينا عينة من ملحوظات البيانات المرصودة تحت السيطرة (in- control)، فإنه يمكن حساب متوسط العينة  $\overline{\mathcal{X}^2}$  وتباين العينة  $S_{\chi^2}$  لاحصاءة مربع كاي واستخدامها لتحديد حدود التحكم:

$$UCL = \overline{\mathcal{X}^2} + Ls_{\mathcal{X}^2} \tag{9-1V}$$

$$LCL = \overline{\mathcal{X}^2} - Ls_{\mathcal{X}^2}, \qquad (1 - 1)$$

إذا جعلنا L=3 يكون لدينا حدود تحكم T- سيغما. إذا كانت قيمة إحصاءة مربع كاي لمحوظة بيانات مرصودة معينة تقع خارج L=1 ، فإن مخطط تحكم مربع كاي يشير إلى حالة شاذة.

في العمل الذي أجراه بي وآخرون (Ye et al., 2006)، تتم مقارنة مخططات تحكم مربع كاي مع مخططات التحكم لهوتلينق  $T^2$  في أدائهم لاكتشاف تحولات المتوسط والارتباطات المقابلة لأربعة أنواع من البيانات: (۱) بيانات مع متغيرات مترابطة وموزعة (Correlated) وموزعة بشكل طبيعي، (۲) بيانات مع متغيرات غير مترابطة وموزعة بشكل طبيعي، (۳) بيانات مع متغيرات أخرى أو ارتباط مع ورد التباط مع متغيرات أخرى أو ارتباط مع نفسها، تُظهِر نتائج الاختبارات أن أداء مخططات تحكم مربع كاي كان هو الأفضل أو بنفس جودة أداء مخططات التحكم لهوتلينق  $T^2$  للبيانات من الأنواع  $T^2$  فقط. التحكم لهوتلينق  $T^2$  أفضل من مخططات تحكم مربع كاي للبيانات من النوع  $T^2$  فقط. لكن، بالنسبة للبيانات من النوع  $T^2$  فقط الكون الرئيسي التحكم لهوتلينق  $T^2$  أفضل من مخططات تحكم مربع كاي للبيانات من النوع  $T^2$  فقط. من مخططات عكم مربع كاي للبيانات من النوع  $T^2$  فقط الكن، بالنسبة للبيانات من النوع  $T^2$  في الفصل  $T^2$  في الفصل على المكونات الرئيسي مثل مخطط تحكم مربع كاي المصول على المكونات الرئيسية. ثم يمكن استخدام مخطط تحكم مربع كاي لمراقبة المكونات الرئيسية التي هي عبارة عن متغيرات مستقلة.

#### ٤-١٧ التطبيقات (Applications):

يكن إيجاد تطبيقات لمخططات التحكم لهوتلينق  $T^2$  ومخططات تحكم مربع كاي يحدث إيجاد تطبيقات لمخططات التحكم لهوتلينق أوراد بيانات الحاسب والشبكات واكتشاف المجوم الإلكترونية كحالات شاذة في العمل الذي أجراه يي وزملاؤه ,  $T^2$  كحالات شاذة في العمل الذي أجراه يي وزملاؤه ,  $T^2$  كحالات شاذة في العمل الذي أجراه يي وزملاؤه ,  $T^2$  كحالات شاذة في العمل الذي أجراه يورمان  $T^2$  ومناك أيضًا تطبيقات لمخططات تحكم متعدد المتغيرات في التصنيع ( $T^2$  2003,  $T^2$  وغيرها من المجالات.

#### التمارين (Exercises):

- التحدام مجموعة البيانات  $x_5$   $x_5$  و $x_6$  في الجدول ١-٨ لتقدير المعلّمات لمخطط  $\alpha=0.05$  مع  $T^2$  مع التحكم لهوتلينق  $T^2$  مع التحكم لهوتلينق  $T^2$  مع  $T^2$  مع التحكم لهوتلينق أي حالات التحموعة البيانات واكتشاف أي حالات المجموعة البيانات واكتشاف أي حالات شاذة.
- ۲-۱۷ قم باستخدام مجموعة البيانات  $x_3$   $x_4$  و $x_5$  في الجدول ۱-۸ لتقدير المعلّمات لمخطط تحكم مربع كاي مع L=3 لمجموعة البيانات مخطط تحكم مربع كاي مع  $x_5$  في الجدول  $x_5$  لرصد البيانات واكتشاف أي حالات شاذة.
  - ٣-١٧ كرر المثال ١-١٧ لملحوظات البيانات المرصودة الثانية.

## الجزء السادس خوارزميات استكشاف الأنهاط الزمنية والتسلسلية Algorithms for Mining Sequential and Temporal Patterns

### ۱۸- تحليل الارتباط الذاتي والسلاسل الزمنية Autocorrelation and Time Series Analysis

تتكون بيانات سلاسل الزمن (Time Series data) من مشاهدات (أو ملحوظات) لبيانات يتم رصدها على مدى زمني معين. فإذا أصبحت ملحوظات البيانات المرصودة مترابطةً مع بعضها على مدى زمني فإنه مكن القول إن بيانات السلاسل الزمنية مترابطة ذاتيا (autocorrelated). تم تقديم تحليل سلاسل الزمن بواسطة بوكس وجنكينز سنة 1970 (Box and Jenkins, 1976) لنمذجة وتحليل بيانات سلاسل الزمن ذات الارتباط الذاتي. وقد تم تطبيق تحليل سلاسل الزمن على بيانات حقيقية في العديد من المجالات، عا في ذلك أسعار الأسهم (على سبيل المثال، مؤشر S & P 500)، وأجرة تذاكر الطيران، وحجم القوى العاملة، وبيانات البطالة، وأسعار الغاز الطبيعي (Yaffee and McGee, 2000). يوجد بيانات سلاسل زمنية ساكنة (stationary) وغير ساكنة (nonstationary) والتي تتطلب إجراءات مختلفة للاستدلال الإحصائي. في هذا الفصل، يتم تعريف الارتباط الذاتي (autocorrelation). ويتم توضيح عدة أنواع من السلاسل الزمنية الساكنة وغير الساكنة. ويتم توصيف غاذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار ( Autoregressive and Moving Average - ARMA) الخاصة ببيانات السلاسل الساكنة. ويتم استعراض عملية تحويل بيانات السلاسل غير الساكنة إلى بيانات سلاسل ساكنة، جنبًا إلى جنب مع نماذج المتوسط المتحرك، المتكاملة، وذاتية الانحدار ( Autoregressive, Integrated, Moving Average - ARIMA). وترد قامَّة من حزم البرمجيات التي تدعم تحليل السلاسل الزمنية. يتم تقديم بعض التطبيقات الخاصة بتحليل السلاسل الزمنية مع المراجع الخاصة بها.

### ۱-۱۸ الارتباط الذاتي (Autocorrelation):

(coefficient correlation) تقدم المعادلة ۷-۱٤ في الفصل ۱۶ معامل الارتباط ( $x_i$  نه و $x_i$  لمتغبرين  $x_i$ 

$$\rho_{ij} = \frac{\sigma_{ij}}{\sqrt{\sigma_{ii}}\sqrt{\sigma_{jj}}},$$

حيث تعطى المعادلتان ١٤-٤ و١٤-٦،

$$\sigma_i^2 = \sum_{\substack{\text{all valuese} \\ \text{of } x_i}} (x_i - u_i)^2 p_i(x_i)$$

$$\sigma_{ij} = \sum_{\substack{\text{all valuese all valuese} \\ \text{of } x_i}} \sum_{\substack{\text{valuese} \\ \text{of } x_j}} (x_i - \mu_i) (x_j - \mu_j) p_i(x_i, x_j).$$

إذا كان لدينا متغير x وعينة من بيانات السلاسل الزمنية الخاصة بالمتغير ولتكن x بحيث t=1,...,n بحيث t=1,...,n فإننا نحصل على معامل دالة الارتباط الذاتي بفارق زمني t=1,...,n بحيث المتبدال المتغيرين المجادلات المذكورة أعلاه بالمتغيرين t=1 وهما ملاحظتا بيانات المذكورة أعلاه بالمتغيرين t=1 وهما ملاحظتا بيانات مرصودتان بفارق زمنى t=1

$$ACF(k) = \rho_k = \frac{\sum_{t=k+1}^{n} (x_t - \bar{x})(x_{t-k} - \bar{x})/(n-k)}{\sum_{t=1}^{n} (x_t - \bar{x})^2/n},$$
 (\-\A)

حيث  $\overline{X}$  هو متوسط العينة. إذا كانت بيانات السلاسل الزمنية مستقلةً إحصائياً عند فارق الزمن  $\overline{X}$  هو متوسط  $\overline{X}$  بنفس الاتجاه الزمن  $x_{t-k}$ , يكون  $p_k$  بقيمة صفر. إذا تغير  $x_t$  موجبة. إذا تغيرت  $x_{t-k}$  من المتوسط (على سبيل المثال، كلاهما يزيدان من  $\overline{X}$ )، تكون  $p_k$  موجبة. إذا تغيرت  $x_{t-k}$  من المتوسط  $\overline{X}$ , تكون  $x_t$  باتجاه معاكس (على سبيل المثال، تزيد واحدة وتنقص الأخرى من المتوسط  $\overline{X}$ )، تكون  $x_t$  سالية.

Partial Autocorrelation) k يقوم معامل دالة الارتباط الذاتي الجزئي بفارق زمني k والذي لا يُؤخَذ به في (Function - PACF) بقياس الارتباط الذاتي للفارق الزمني k وتوضح المعادلة التالية الاعتبار من قبل الارتباطات الذاتية للفوارق الزمنية من k-1 إلى k-1. وتوضح المعادلة التالية دالة الارتباط الذاتي الجزئي (PACF) للفارق الزمني k (lag-1)، وللفارق الزمني k (Yaffee and McGee, 2000):

$$PACF(1) = \rho_1 \tag{Y-1A}$$

PACF(2) = 
$$\frac{\rho_2 - \rho_1^2}{1 - \rho_1^2}$$
. (7-1A)

### ۲-۱۸ السكون واللاسكون (Stationarity and Nonstationarity):

عادةً ما يشير السكون إلى سكون ضعيف يتطلب أن لا يتغير المتوسط (mean) والتباين (variance) الخاص ببيانات السلاسل الزمنية مع مرور الوقت. تكون السلسلة الزمنية ساكنةً بشكل دقيق إذا كان التغاير الذاتي من راجي لا يتغير بمرور الوقت أ، ولكن يعتمد فقط على العدد أ، الذي يمثل الفارق الزمني، بالإضافة إلى المتوسط الثابت والتباين الثابت. على سبيل المثال، إنَّ سلسلة قوسشيان الزمنية (Gaussian time series) التي لها توزيع طبيعي متعدد المتغيرات هي عبارة عن سلسلة ساكنة بشكل دقيق وصارم لأن المتوسط، والتباين، والتغاير الذاتي للسلسلة (autocovariance) لا تتغير مع مرور الوقت. وتُستخدَم نماذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار (ARMA) لنمذجة السلاسل الزمنية الساكنة.

### قد يكون السبب في اللاسكون (Nonstationarity) هو:

- الحالات المتطرفة (outliers) (انظر الوصف في الفصل ١٦).
- السير العشوائي (random walk) والذي فيه تنحرف كل ملحوظة من ملحوظات البيانات المرصودة بشكل عشوائي من ملحوظة البيانات المرصودة السابقة دون الرجوع إلى المتوسط.
- الاتجاه المحدد (deterministic trend) (على سبيل المثال، اتجاه خطي linear الاتجاه المحدد (trend).
   الاتجاه المحدد (trend) عدل ثابت ومستمر).
  - التباین المتغیر.
- تكرار غط بيانات معين بشكل دوري (دورة غط بيانات)، عا في ذلك الدورات الموسمية بشكل سنوى.
  - أسباب أخرى تجعل المتوسط أو التباين للسلسلة الزمنية تتغير عرور الزمن.

يجب أن يتم تحويل السلسلة غير الساكنة إلى سلسلة ساكنة من أجل بناء نموذج المتوسط المتحرك ذاتى الانحدار (Autoregressive and Moving Average - ARMA).

# الساكنة: المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار الخاصة ببيانات السلاسل الساكنة: (ARMA Models of Stationary Data)

Autoregressive and Moving) يتم تطبيق  $\dot{a}$  المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار (Average -  $\dot{a}$  الضعيف. يقوم  $\dot{a}$  وذج ( $\dot{a}$  الضعيف المسلسل الزمنية ذات السكون الضعيف. يقوم  $\dot{a}$  الانحدار الذاتي ( $\dot{a}$   $\dot{a}$  المرصودة الحالية لمتغير  $\dot{a}$  دو الدرجة  $\dot{a}$  دو العدد  $\dot{a}$  من الرمنية التي تكون فيها ملحوظة البيانات المرصودة الحالية لمتغير  $\dot{a}$  عن دالة لعدد  $\dot{a}$  ملحوظاتها المرصودة السابقة، وخطأ عشوائي:

$$x_t = \phi_1 x_{t-1} + \dots + \phi_p x_{t-p} + e_t. \tag{e-na}$$

على سبيل المثال، يتم تمذجة بيانات السلاسل الزمنية لمدى استحسان الأداء الوظيفي للرئيس AR(1) وتُكتَب (P=1) وتُكتَب  $(Yaffee\ and\ McGee,\ 2000)$ .

$$x_t = \phi_1 x_{t-1} + e_t. \tag{O-1A}$$

 $\Phi_1=0.09$  يوضح الجدول ۱-۱۸ سلسلة زمنية لنموذج انحدار ذاتي AR(l) حيث ۱-۱۸ ميث وضح الجدول  $e_l$  وخطأ عشوائي  $e_l$  ذو متوسط يساوي صفراً، وانحراف معياري يساوي واحداً.

يوضح الشكل ١-١٨ رسمًا بيانياً لسلسلة زمنية بنموذج انحدار ذاتي AR(1). كما نرى يوضح الشكل ١-١٨، فإن تأثير قيمة x الأولية، x = x ينعدم بسرعة. يقوم غوذج المتوسط المتحرك (Moving Average- MA) من الدرجة MA(q)، بوصف سلسلة زمنية والتي فيها ملحوظة البيانات المرصودة الحالية لمتغير معين عبارة عن تأثير خطأ عشوائي في الوقت الحالى والأخطاء العشوائية لعدد p من نقاط زمنية سابقة:

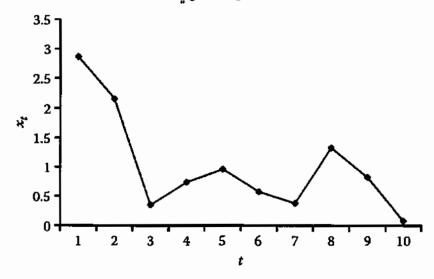
$$x_t = e_t - \theta_1 e_{t-1} - \dots - \theta_q e_{t-q}. \tag{7-1A}$$

الجدول (۱-۱۸) الجدول (۱-۱۸) الجدول  $x_0=3$  ،  $\phi_1=0.09$  حيث AR(l) وخطأ عشوائي وخطأ عشوائي السلة زمنية لنموذج الانحدار الذاتي

$x_t$	$e_t$	<u>t</u>
2.866	0.166	1
2.157	-0.422	2
0.353	-1.589	3
0.741	0.424	4
0.962	0.295	5
0.579	-0.287	6
0.381	-0.140	7
1.328	0.985	8
0.825	-0.370	9
0.078	-0.665	10

الشكل ١٨-١٨

 $x_0$  و  $\phi_1$ = 0.09 و ميث AR(1) و ميث  $\phi_1$ =  $\phi_1$ = و منية يتم توليدها باستخدام غوذج الانحدار الذاتي  $e_t$ 



على سبيل المثال، يتم غذجة بيانات السلسلة الزمنية الخاصة بتتبع المصابين عمرض وبائي كنسبة من مجموعة سكانية مصابة عمرض بشكل عام (مثل، الإيدز) كنموذج متوسط متحرك، (Yaffee and McGee, 2000) .MV(1)

$$x_t = e_t - \theta_1 e_{t-1}. \tag{V-1A}$$

يقدم الجدول ۲-۱۸ سلسلة زمنية لنموذج المتوسط المتحرك MV(1) حيث 0.9 = 0.9. وخطأ عشوائياً  $e_i$  متوسط يساوى صفراً، وانحرافًا معياريًا يساوي واحدًا. يوضح الشكل ۲-۱۸ رسمًا بيانيا لسلسلة زمنية بنموذج المتوسط المتحرك MV(1). كما نرى في الشكل ۲-۱۸ فإن قيمة  $(-0.9e_i)$  في المعادلة ۷-۱۸ تميل إلى أخذ  $x_i$  إلى الاتجاه المعاكس من  $x_i$  مما يجعل قيم  $x_i$  تتأرجح.

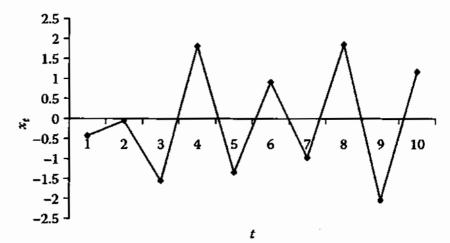
يقوم غوذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار ARMA، وغوذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار: ARMA(p,q) بوصف سلسلة زمنية بخصائص المتوسط المتحرك، وذاتي الانحدار:

$$x_t = \phi_1 x_{t-1} + \dots + \phi_p x_{t-p} + e_t - \theta_1 x_{t-1} - \dots - \theta_q x_{t-q}.$$
 (A-1A)

الجدول (۲-۱۸) الجدول (۲-۱۸) الجدول  $heta_I=0.9$  وخطأ عشوائي  $heta_I=0.9$  وخطأ عشوائي

$x_t$	$e_t$	1
	0.649	0
-0.418	0.166	1
-0.046	-0.422	2
-1.548	-1.589	3
1.817	0.424	4
-1.340	0.295	5
0.919	-0.287	6
-0.967	-0.140	7
1.856	0.985	8
-2.040	-0.370	9
1.171	-0.665	10

الشكل (۲-۱۸) الشكل (۲-۱۸) الشكل قريدها باستخدام أوذج  $\theta_l=0.9$  مع  $\theta_l=0.9$  وخطأ عشوائي بيانات سلسلة زمنية تمّ توليدها باستخدام أوذج



١٨- ٤ خصائص دالة الارتباط الذاتي ودالة الارتباط الذاتي الجزئي لنماذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار

### (ACF and PACF Characteristics of ARMA Models):

تقوم دالة الارتباط الذاتي (Autocorrelation Function - ACF)، ودالة الارتباط الذاتي الجزئي (Partial Autocorrelation Function - PACF) التي تم وصفها في الجزء ۱-۱۸ بتوفير الأدوات التحليلية لكشف وتحديد درجة الانحدار الذاتي (AR)، أو درجة المتوسط المتحرك (MA) في نموذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار (ARMA) لسلسلة المتوسط المتحرك (ARMA) ليانات السلاسل الزمنية التي زمنية. فيما يلي، يتم توضيح خصائص كل من ACF ACF لبيانات السلاسل الزمنية التي تم توليدها بواسطة نماذج الانحدار الذاتي AR والمتوسط المتحرك ARMA والمتوسط المتحرك ذاتي الانحدار ARMA

بالنسبة لسلسلة زمنية بانحدار ذاتى من الدرجة ١، AR(1)

$$x_t = \phi_1 x_{t-1} + e_t \,,$$

تكون دالة الارتباط الذاتي (Yaffee and McGee, 2000) تكون دالة الارتباط الذاتي

$$ACF(k) = \phi_1^k. \tag{9-1A}$$

إذا كان  $1 < q_1$  فإنَّ AR(l) يكون ساكنًا وبتراجع أَسِي في القيمة المطلقة لـ  $q_1 > 0$  مع مرور الوقت لأن ACF(k) يتناقص بمقدار  $q_1 > 0$  مع مرور الوقت لأن  $q_2 > 0$  يتناقص بمقدار  $q_3 = 0$  فإن  $q_4 > 0$  يكون موجبًا. إذا كان  $q_4 < 0$  فإن  $q_4 < 0$  يكون موجبًا. إذا كان  $q_4 < 0$  فإن  $q_4 < 0$  يكون موجبة بالنسبة لـ  $q_4 = 0$  وسالبة بالنسبة لـ  $q_4 = 0$  وموجبة بالنسبة لـ  $q_4 = 0$  وموجبة بالنسبة لـ  $q_4 = 0$  وهم وهم مرا. إذا كان  $q_4 = 0$  فإن  $q_4 = 0$  يكون غير ساكن. بالنسبة لـ  $q_4 = 0$  وهم من الدرجة  $q_4 = 0$  الملسلة زمنية ساكنة بانحدار ذاتي من الدرجة  $q_4 = 0$ 

$$x_t = \phi_1 x_{t-1} + \phi_2 x_{t-2} + e_t$$
,

فإن ACF(k) تكون موجبة بتراجع أني. في القيمة المطلقة لـ ACFمع مرور الوقت، إذا كان  $\phi_1>0$  و  $\phi_2>0$  و تتأرجح قيمة  $\phi_1>0$  بتراجع أني في القيمة المطلقة لـ  $\phi_2>0$ مع مرور الوقت إذا كان  $\phi_1>0$  و  $\phi_1<0$ .

تنتهى دالة الارتباط الذاتي الجزئي PACF(k) لسلسلة انحدار ذاتي AR(p) بإكمال PACF(1) الفارق الزمني PACF(1) وتصبح صفرا بعد فارق زمني PACF(1) بالنسبة لـ PACF(1) فإن PACF(1) وتكون موجبة إذا كان PACF(1) أو سالبة إذا كان PACF(1) وتكون موجبة إذا كان PACF(1) تكون موجبة إذا كان PACF(1) تكون موجبة إذا كان PACF(1) مالية، وPACF(1) موجبة إذا كان PACF(1) موجبة إذا كان PACF(1) تحدد PACF(1) وتكون PACF(1) لـ PACF(1) تحدد PACF(1) وتكون PACF(1) تحدد PACF(1) وتكون PACF(1) تحدد PACF(1) بالنالي، فإنَّ PACF(1) تحدد درجة سلسلة الزمن ذاتية الانحدار.

.MA(1) بالنسبة للسلسلة الزمنية ذات

$$x_t = e_t - \theta_1 e_{t-1},$$

فإن (Yaffee and McGee, 2000) لا تكون صفرًا كما يلي ACF(١)

$$ACF(1) = \frac{-\theta_1}{1 + \theta_1^2}, \qquad (1 - 1A)$$

وتكون ACF(k) صفراً بالنسبة لACF(q). بالمثل للسلسلة الزمنية ذات ACF(q) وأن ACF(q) وبالنسبة لACF(q) تكون سالبة، وACF(q) تساوي صفراً لACF(q). وبالنسبة لACF(q)، يكون لدينا ACF(q):

$$ACF(k) \neq 0$$
 if  $k \leq q$   
 $ACF(k) = 0$  if  $k > q$ 

خلافاً لسلسلة الزمن ذاتية الانحدار التي تنخفض دالة الارتباط الذاتي ACF الخاصة بها بشكل أسي بمرور الوقت، فإن السلسلة الزمنية للمتوسط المتحرك يكون لها ذاكرة محدودة لأن الارتباط الذاتي لـ MA(q) ينتهي بإكمال الفارق الزمني p. وبالتالي، تقوم دالة الارتباط الذاتي ACF بتحديد درجة السلسلة الزمنية للمتوسط المتحرك. والسلسلة الزمنية للمتوسط المتحرك يكون لها دالة PACF والتي ينخفض حجمها بشكل أسي مع مرور الوقت. بالنسبة لـ MA(1)، فإن MA(1) يكون سالبة إذا كان MA(1) وتتأرجح المي في حجم MA(1) مع مرور الوقت. بالنسبة للموجبة والسالبة وبتراجع أسي في حجم MA(1) مع مرور الوقت. بالنسبة إذا كان MA(1) تكون سالبة وبتراجع أسي في حجم MA(1) مع مرور الوقت. الوقت إذا كان MA(1) وتتسارجح قيم عدم MA(1) بتراجع أسي في القيمة المطلقة لـ MA(1) براجع أسي في القيمة المطلقة لـ MA(1) براجح ورور الوقت إذا كان Ma(1) و Ma(1) براجع أسي في القيمة المطلقة لـ Ma(1)

يتم الجمع بين الخصائص المذكورة آنفًا والخاصة بالسلاسل الزمنية ذات المتوسط المتحرك q>0 و p>0 حيث ARMA(p,q) وذاتية الانحدار في سلسلة زمنية مختلطة بنماذج q>0 و  $\phi_1>0$  و  $\phi_1>0$  تنخفض دالة فعلى سبيل المثال، بالنسبة لـ armanler ARMA(1,1) مـع armanler 0 و armanler 0 تنخفض دالة الارتباط الذاتي armanler 0 بشكل ألي مجرور الوقت، وتتأرجح دالة الارتباط الذاتي الجزئي armanler 0 بتراجع ألي مجرور الوقت.

ي كن تقدير المعلّمات في نموذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار ARMA من عينة بيانات السلسلة الزمنية باستخدام طريقة المربعات الصغرى غير المشروطة، أو (unconditional least-squares method)، طريقة المربعات الصغرى المشروطة، أو البرامج طريقة الإمكان الأكبر (Yaffee and McGee, 2000)، والتي يتم دعمها في البرامج (www.sas.com) (www.sas.com).

۱۸-۵ تحويل بيانات السلسلة غير الساكنة وغاذج المتوسط المتحرك المتكامل ذاتي الانحدار (Transformations of Nonstationary Series Data and ARIMA Models):

بالنسبة للسلسلة غير الساكنة الناجمة عن القيم المتطرفة والشاذة، والسير العشوائي، والاتجاه المحدد، والتباين المتغير، والتكرار الدوري والموسمي، والتي تم وصفها في الجزء ١٨- ٢، يتم فيما يلى وصف الطرق الخاصة بتحويل تلك السلسلة غير الساكنة إلى سلسلة ساكنة.

عندما يتم الكشف عن القيم المتطرفة والشاذة في سلسلة زمنية، فإنه من الممكن أن يتم إزالتها واستبدالها، وذلك باستخدام متوسط هذه السلسلة. وتنحرف كل ملحوظة بيانات عشوائياً في السير العشوائي من ملحوظة البيانات السابقة دون الرجوع إلى المتوسط. السائقون المخمورون ومعدلات المواليد عبارة عن أسئلة تمثل سلوك السير العشوائي السائقون المخمورون ومعدلات المواليد عبارة عن أسئلة تمثل سلوك السير العشوائي السير العشوائي على النحو التالي:

$$e_t = x_t - x_{t-1} \tag{11-1A}$$

للحصول على سلسلة ساكنة من المتبقي e، والتي يتم بعد ذلك عَذجتها كنموذج متوسط متحرك ذاتي الانحدار ARMA يمكن إزالة اتجاه محدد معين مثل الاتجاه الخطي التالى:

$$x_t = a + bt + e_t \,, \tag{1Y-1A}$$

عن طريق إعادة التوجيه (de-trending). يتضمن إعادة التوجيه أولًا القيام ببناء موذج انحدار للتعرف على الاتجاه (على سبيل المثال، غوذج خطي لاتجاه خطي، أو نموذج متعدد الحدود للاتجاه ذو الدرجة الأعلى) ومن ثم الحصول على السلسلة الساكنة من البواقي a من خلال إجراء عملية الطرح بين القيمة المرصودة والقيمة المتوقعة من نموذج الانحدار. بالنسبة للتباين المتغير (changing variance) الذي له تباين سلسلة زمنية ممتدة، أو منكمشة، أو متذبذبة، مع مرور الوقت، فإنه من الممكن إجراء التحويل باستخدام اللوغاريتم الطبيعي (natural log) أو التحويل باستخدام الرفع للقوة (على سبيل المثال، التبيع والجذر التربيعي) لتحقيق الاستقرار في التباين (Yaffee and McGee, 2000). التي تُعرف بأنها (Yaffee and McGee, 2000)؛

$$y_t = \frac{(x_t + c)^{\lambda} - 1}{\lambda}$$
 if  $0 < \lambda \le 1$  
$$y_t = \ln x_t + c$$
 if  $\lambda = 1$ 

حيث:

- x1 السلسلة الزمنية الأصلية
- y<sub>1</sub> السلسلة الزمنية المتحولة
  - ثابت c
- (shape parameter) معلَمَة شكل

بالنسبة للسلسلة الزمنية المكونة من تكرارات دورية (cycles)، والتي يكون بعضها موسميًا بدورة سنوية، يمكن إجراء عملية طرح دورية أو موسمية على النحو التالي:

$$e_t = x_t - x_{t-d} \tag{16-1A}$$

حيث إن d هو عدد مرات الفوارق الزمنية الممتدة عبر الدورة. يمكن إضافة عملية الطرح العادية وعملية الطرح الدورية/ الموسمية إلى غوذج ARMA ليصبح غوذج المتوسط المتحرك، المتكامل، وذاتي الانحدار Average - ARIMA):

$$x_t - x_{t-d} = \phi_1 x_{t-1} + \dots + \phi_p x_{t-p} + e_t - \theta_1 x_{t-1} - \dots - \theta_q x_{t-q}.$$
 (10-1A)

### ٦-١٨ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يتم دعم تحليل السلاسل الزمنية بجموعة من الحزم البرمجية مثل SPSS (www.ibm.com/software/analytics/spss/)، و(www.sas.com) (www.mathworks.com) في العمل الذي قامت به يي وزملاؤها (Ye, في العمل الذي قامت به يي وزملاؤها (www.mathworks.com) مناء مناء مناء عليل السلاسل الزمنية لكشف وتحديد خصائص الارتباط الذاتي للاستخدام العادي وأنشطة الهجوم عبر الإنترنت باستخدام بيانات الحاسوب والشبكات. يتم بناء نماذج السلاسل الزمنية على أساس هذه الخصائص ويتم استخدامها في مخططات تحكم الدرجة التراكمية (cuscore) كما هو موضح في الفصل ١٦ للكشف عن وجود هجمات إلكترونية. يمكن العثور على التطبيقات الخاصة بتحليل السلاسل الزمنية بغرض التنبؤ في يافي وماغي (Yaffee and McGee, 2000).

### التمارين (Exercises):

- ARMA(1,1) قم ببناء بیانات سلاسل زمنیة باستخدام  $\dot{a}$ وذج ۱-۱۸
- ACF(2) ACF(1) بالنسبة لبيانات السلاسل الزمنية في الجدول ١٠-١٨، قم بحساب ٢-١٨ ( PACF(2) عرب ٢-١٨ ( PACF(2) عرب المدول عليه المدول عليه المدول
- ACF(2) ACF(1) بالنسبة لبيانات السلاسل الزمنية في الجدول ۱۸-۲، قم بحساب PACF(2) و PACF(3)

# ١٩- غاذج سلسلة ماركوف وغاذج ماركوف للخفية Markov chain Models and Hidden Markov Models

يتم استخدام نماذج سلسلة ماركوف وغاذج ماركوف المخفية على نطاق واسع لبناء النماذج، ولعمل الاستدلالات والاستنتاجات الخاصة بأنماط البيانات المتعاقبة. في هذا الفصل، يتم وصف نماذج سلسلة ماركوف ونماذج ماركوف المخفية. وترد قائمة من حزم البرمجيات لاستكشاف البيانات التي تدعم التعلم والاستدلال من نماذج سلسلة ماركوف ونماذج ماركوف المخفية. ويتم إعطاء بعض التطبيقات من نماذج سلسلة ماركوف ونماذج ماركوف المخفية مع المراجع.

## ۱-۱۹ نماذج سلسلة ماركوف: (Markov Chain Models)

stochastic يصف stochastic , يصف stochastic , يصف stochastic , يصف stochastic ) بأوقات منفصلة (discrete-time) ومن الدرجة الأولى (frist-order) لنظام له خاصية ماركوف والمتعلقة باحتمال أن حالة النظام ( $system\ state$ ) في الوقت n لا تعتمد على حالات النظام السابقة، المؤدية إلى حالة النظام في وقت n-1 ولكن فقط على حالة النظام عند n-1:

$$P(s_n|s_{n-1},...,s_1) = P(s_n|s_{n-1})$$
 for all  $n$ , (1-19)

حيث إن  $S_n$  هي حالة النظام في الوقت n. ويوجد خاصية إضافية لنموذج سلسلة ماركوف الساكنة (stationary) وهي أن احتمال انتقال الحالة من الوقت n-1 إلى n هو مستقل عن الوقت n:

$$P(s_n = j | s_{n-1} = i) = P(j|i),$$
 (Y-19)

حيث إن p(j|i) هو احتمال أن يكون النظام في الحالة i في وقت معين علمًا بأن النظام كان في الحالة i في الوقت السابق. وللتبسيط فإننا نطلق على غوذج ماركوف الساكن بنموذج ماركوف في هذا الكتاب.

إذا كان للنظام عدد محدود من الحالات، S, ..., S، فإنه يتم تعريف  $\hat{s}$ وذج سلسلة ماركوف j=1, ه i=1, ..., S حيث إن: S جيث أن: S .... S .... S

$$\sum_{j=1}^{S} P(j|i) = 1,$$
 (٣-١٩)

i = 1, ..., S إن: P(i) واحتمالات الحالة الأولية،

$$\sum_{j=1}^{S} P(i) = 1,$$
 (E-19)

حيث إن P(i) هو احتمال أن يكون النظام في الحالة i في الوقت 1. يتم حساب الاحتمال المشترك لتسلسل مُعطى لحالات النظام  $S_{n-K+I}$ , ...,  $S_n$  في إطار زمني طوله K بما في ذلك الأوقات المنفصلة n-(K-1), ..., n

$$P(s_{n-K+1}, \dots, s_n) = P(s_{n-K+1}) \prod_{k=K-1}^{1} P(s_{n-k+1} | s_{n-k})$$
 (0-19)

يمكن تعلَّم واستخلاص احتمالات انتقال الحالة، واحتمالات الحالة الأولية من مجموعة البيانات التدريبية أو الاستكشافية التي تحتوي على واحد أو أكثر من تعاقب الحالات على النحو التالي:

$$P(j|i) = \frac{N_{ji}}{N_{.i}} \tag{7-19}$$

$$P(i) = \frac{N_i}{N}, \tag{V-19}$$

حيث إن:

هو التكرار الذي يظهر فيه الانتقال من الحالة i إلى الحالة j في البيانات  $N_{ji}$ 

I هو من التكرار الذي يظهر فيه الانتقال من الحالة i إلى أي من الحالات،  $N_{\cdot i}$  ..., S

هو تكرار ظهور الحالة i في البيانات التدريبية  $N_i$ 

هو العدد الإجمالي للحالات في البيانات التدريبية N

2كن استخدام غاذج سلسلة ماركوف لمعرفة وتصنيف أغاط البيانات والمتعاقبة. لكل فئة من الفئات المستهدفة (target class)، 2كن استخدام البيانات المتعاقبة بالفئة المستهدفة لبناء غوذج سلسلة ماركوف عن طريق تعلم المصفوفة الاحتمالية لانتقال الحالة (state transition probability matrix) والتوزيع الاحتمالي المبدئي من البيانات التدريبية وفقًا للمعادلات 1-1 و 1-1 وهو ما يعني، أننا نحصل على غوذج سلسلة ماركوف لكل فئة من الفئات المستهدفة. إذا كان لدينا الفئات المستهدفة، 1, ..., 10 فإننا نقوم ببناء غاذج سلسلة ماركوف، 11 الاحتمال المشترك لهذه الفئات المستهدفة. إذا كان لدينا سلسلة اختبارية، يتم حساب الاحتمال المشترك لهذه السلسلة باستخدام المعادلة 11 الفئة تحت كل غوذج من غاذج سلسلة ماركوف. ويتم تصنيف السلسلة الاختبارية إلى الفئة المستهدفة لنموذج سلسلة ماركوف التي تعطي أعلى قيمة للاحتمال المشترك الخاص بالسلسلة الاختبارية.

في تطبيقات غاذج سلسلة ماركوف بغرض الكشف عن الهجمات الإلكترونية Ye et في تطبيقات غاذج سلسلة ماركوف بغرض الكشف عن الهجمات الاستخدام العادي، وحالات الهجمات الإلكترونية المتنوعة، على أجهزة الحاسوب. هناك ما مجموعه ٢٨٤ نوعًا

من أنواع أحداث التدقيق (audit event) في بيانات التدقيق. يتم اعتبار كل حدث من أحداث التدقيق واحدًا من ٢٨٤ حالة نظام. ويتم اعتبار كل حالة من الحالات (الاستخدام العادي والهجمات المختلفة) كفئة من الفئات المستهدفة (target class). يتم تعلم نموذج سلسلة ماركوف لفئة مستهدفة من البيانات التدريبية حسب حالة الفئة المستهدفة. لكل سلسلة اختبارية من أحداث التدقيق في إطار رصد معين، يتم حساب الاحتمال المشترك للسلسلة الاختبارية في إطار كل نموذج من نماذج سلسلة ماركوف. ويتم تصنيف السلسلة الاختبارية إلى أحد الحالات: (استخدام عادي، أو أحد أنواع الهجمات الإلكترونية) لتحديد ما إذا كان الهجوم موجودًا.

### المثال ١٩-١:

نظام له حالتان: سوء استخدام (m) واستخدام عادي (r). تم رصد وجود سلسلة لحالات النظام لغرض استكشاف غوذج سلسلة ماركوف: mmmrrrrrmrrmrmmmr. قم ببناء غوذج سلسلة ماركوف باستخدام السلسلة المرصودة من حالات النظام، واحسب احتمال توليد سلسلة حالات النظام، واحسب احتمال توليد سلسلة حالات النظام mmrmrr، بواسطة غوذج سلسلة ماركوف. ويبين الشكل ١-١٩ الحالات وانتقال الحالات في السلسلة الاستكشافية المرصودة لحالات النظام. باستخدام المعادلة ١-١٩ والسلسلة الاستكشافية لحالات النظام mmmrrrrrmrrmrmmmr، فإننا نتعلم احتمالات انتقال الحالة التالية:

$$P(m|m) = \frac{N_{mm}}{N_{.m}} = \frac{3}{8},$$

لأن انتقالات الحالة ١ و٢ و١٨ هي تحول الحالة  $m \to m$  وتحول الحالات ١، ٢، ٣، ١٠، ١٣، ١٦، ١٨، و١٩ هي التحول من الحالة m إلى  $\rightarrow$  أي حالة:

$$P(r|m) = \frac{N_{rm}}{N_{m}} = \frac{5}{8},$$

لأن انتقالات الحالة m o m، ١٦، ١٦، ١٩، و١٩ هي تحول الحالة من m o m انتقالات الحالة ١، ٢، m o m أي حالة:

$$P(m|r) = \frac{N_{mr}}{N_r} = \frac{4}{11},$$

لأن تحول الحالات ٩، ١٢، ١٥، و١٧ هي انتقال الحالة من  $r \to m$ ، وتحول الحالات ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١١، ١٢، ١٤، ١٥، و١٧ هي التحول من الحالة  $r \to 1$ ي حالة:

$$P(r|r) = \frac{N_{rr}}{N_r} = \frac{7}{11},$$

لأن تحول الحالات ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ١١، و١٤ هو التحول من الحالة  $m \to m$  وتحول الحالات ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١١، ١٢، ١٤، ١٥، و١٧ هي التحول من الحالة  $m \to 1$ ى حالة.

$$P(m) = \frac{N_m}{N} = \frac{8}{20},$$

لأن الحالات ١، ٢، ٣، ١٠، ١٣، ١٦، ١٨، و١٩ هي الحالة m وهناك ٢٠ حالة في سلسلة الحالات:

$$P(r)=\frac{N_r}{N}=\frac{12}{20},$$

لأن الحالات ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١١، ١٢، ١٤، ١٥، ١٧، ٢٠ هي الحالة ٢، وهناك ٢٠ حالة في سلسلة الحالات. وبعد تعلم جميع المعلمات في نموذج سلسلة ماركوف، نقوم بحساب احتمال أن النموذج يولد سلسلة الحالات: mmrmrr.

$$P(mmrmrr) = P(s_1)P(s_2|s_1)P(s_3|s_2)P(s_4|s_3)P(s_5|s_4)P(s_6|s_5)$$

$$= P(m)P(m|m)P(r|m)P(m|r)P(r|m)P(r|r)$$

$$= \left(\frac{8}{20}\right)\left(\frac{3}{8}\right)\left(\frac{5}{8}\right)\left(\frac{4}{11}\right)\left(\frac{5}{8}\right)\left(\frac{7}{11}\right) = 0.014.$$

# ۲-۱۹ غاذج ماركوف المخفية (Hidden Markov Models):

في نموذج ماركوف المخفي، يتم مراقبة ورصد ملحوظة البيانات x في كل مرحلة، ولكن الحالة z في كل مرحلة فإنها غير مرصودة. على الرغم من عدم رصد الحالة في كل مرحلة، فإن تسلسل ملحوظات البيانات المرصودة هو نتيجة لتحولات الحالة وظهور ملحوظة بيانات مرصودة من الحالات لدى وصولها في كل حالة. بالإضافة إلى الاحتمالات المبدئية للحالة واحتمالات تحول الحالة، يتم أيضًا تعريف احتمال ظهور x من كل حالة z من كل حالة z واحتمال الظهور z من كل حالة z (z) في غوذج ماركوف المخفى.

$$\sum_{x} P(x|s) = 1. \tag{A-19}$$

يتم افتراض أن ملحوظات البيانات المرصودة مستقلة عن بعضها البعض، وأن احتمال ظهور x من كل حالة s لا يعتمد على الحالات الأخرى.

ويتم استخدام نموذج ماركوف المخفي لتحديد احتمال توليد سلسلة معطاه من الملحوظات المرصودة،  $x_1, \dots, x_N$  في المراحل،  $x_1, \dots, x_N$  المرصودة،  $x_1, \dots, x_N$  في المراحل،  $x_1, \dots, x_N$  المرصودة،  $x_1, \dots, x_N$  في المسار (Theodoridis and Koutroumbas, (path method) طريقة من طرق المسار (1999، يتم حساب هذا الاحتمال على النحو التالى:

$$\sum_{i=1}^{S^{N}} P(x_{1}, ..., x_{N} | s_{1_{i}}, ..., s_{N_{i}}) P(s_{1_{i}}, ..., s_{N_{i}})$$

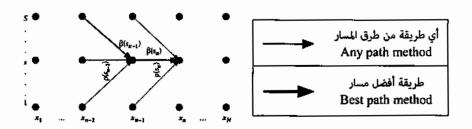
$$= \sum_{i=1}^{S^{N}} P(s_{1_{i}}) P(x_{1} | s_{1_{i}}) \prod_{n=2}^{N} P(s_{n_{i}} | s_{n-1_{i}}) P(x_{n} | s_{n_{i}}), \qquad (9-19)$$

حيث إن:

هو مؤشر لسلسلة الحالات الممكنة،  $S_{N_i}$ ،...،  $S_{N_i}$ ، وهناك عدد  $S^N$  من سلاسل الحالات الممكنة، بشكل كامل.

هو الاحتمال الأولي للحالة،  $P(s_{n_i}|s_{n-1_i})$  هو احتمال تحول الحالة  $P(s_{1_i})$  هو احتمال الظهور  $P(x_n|s_{n_i})$ 

الشكل (٢-١٩) أي طريقة من طرق المسار وطريقة المسار الأفضل لنماذج ماركوف المخفية



يبين الشكل ۲-۱۹ المراحل، N, ..., N، والحالات، S, ..., S المرصودة في يبين الشكل ۲-۱۹ المراحل، S المحالة في حساب المعادلة ۲-۱۹. لتنفيذ الحسابات في المعادلة S المراحل، S على أنه احتمال أن الحالة (۱) يتم الوصول للحالة S في المرحلة S المرحلة

و(٢) تم إظهار الملحوظات المرصودة  $x_1, ..., x_{n-1}$  في المراحل من 1 إلى n-1، و(٣) تم إظهار الملحوظة المرصودة  $x_n$  من الحالة  $x_n$  في المرحلة  $x_n$  على النحو التالي:

$$\rho(s_n) = \sum_{s_{n-1}=1}^{S} \rho(s_{n-1}) P(s_n | s_{n-1}) P(x_n | s_n), \qquad (1...)$$

$$\rho(s_1) = P(s_1)P(x_1|s_1). \tag{11-19}$$

 $S_n = 1$ , وهو ما يعني،  $\rho(S_n)$  عِنْــل مجمــوع احتمالات أن البدء من كل حالة ممكنة  $S_n$  في المرحلة n-1 مع n-1 مع n-1 قد ظهرت بالفعل، ونتحول إلى الحالة n في المرحلة n التي تُظهِر n كما هو موضح في الشكل ۲-۱۹. باستخدام المعادلات ۲-۱۹ و ۲-۱۹ و ۲۱، مكن حساب المعادلة ۲-۱۹ على النحو التالي:

$$\sum_{i=1}^{S^N} P(x_1, \dots, x_N | s_{1_i}, \dots, s_{N_i}) P(s_{1_i}, \dots, s_{N_i}) = \sum_{s_N=1}^{S} \rho(S_N). \quad (Y-19)$$

وبالتالي، باستخدام أي طريقة من طرق المسار، يتم استخدام المعادلات من ١٠-١٩ إلى ١٠-١٩ لحساب احتمال أن يقوم نموذج ماركوف المخفي بتوليد سلسلة من الملحوظات المرصودة، ١٠ لحساب احتمال أن يقوم نموذج ماركوف المخفي بتوليد سلسلة من الملحوظات المرصودة،  $x_1$ , ...,  $x_N$   $x_1$ , ...,  $x_N$  باستخدام المعادلة ١٩-١١، ثم يستخدم  $\rho(s_1)$  لحساب جميع  $\rho(s_2)$  حيث  $\rho(s_1)$  باستخدام المعادلة ١٩-١٠، ويستمر ذلك على طول الطريق للحصول على جميع  $\rho(s_N)$  لا باستخدام المعادلة ١٩-١٠ لا لا العملية في المعادلة ١٩-١٢ لا كمال العملية الحسابية.

إن التكلفة الحاسوبية لإجراء طريقة من طرق المسار تُعتبر مرتفعة، لأن كل سلاسل/ مسارات الحالة الممكنة التي عددها  $S^N$  من سلاسل أو مسارات الحالة من المرحلة N ألمرحلة N تُسهِم في العملية الحسابية. بدلًا من استخدام المعادلة N-N، فإنَّ أفضل

طريقة مسار تستخدم المعادلة ١٩-١٩ لحساب احتمال توليد سلسلة معطاة من الملحوظات المرصودة،  $x_1$ , ...,  $x_k$  في المراحل، N,..., N, بواسطة غوذج ماركوف المخفى:

$$\begin{aligned} & \max_{i=1}^{S^N} P(x_1, \dots, x_N | s_{i_1}, \dots, s_{i_N}) P(s_{i_1}, \dots, s_{i_N}) \\ &= \max_{i=1}^{S^N} P(s_{i_1}) P(x_1 | s_{i_1}) \prod_{n=2}^{N} P(s_{i_n} | s_{i_{n-1}}) P(x_n | s_{i_n}). \end{aligned} \tag{17-19}$$

وهو ما يعني، بدلًا من إجراء عملية على مستوى كل سلاسل الحالة الممكنة في المعادلة 19 و لأي طريقة من طرق المسار، فإنَّ أفضل طريقة مسار تستخدم الحد الأقصى لاحتمال توليد سلسلة من الملحوظات المرصودة، 10 11 من قبل أي سلسلة ممكنة للحالة من المرحلة 11 إلى المرحلة 12 نقوم بتعريف 13 على انها احتمال أن 13 يتم الوصول إلى الحالة 14 إلى المرحلة 15 مسار، 17 تَظهَر الملحوظات المرصودة 18 في المرحلة 19 من الحالة 19 ألم المرحلة 19 و19 تَظهَر الملحوظة المرصودة 19 من الحالة 19 في المرحلة 19 المرحلة 19 بشكل تكراري كما يلي باستخدام مبدأ بيلمان 19 (principle (principle)):

$$\beta(s_n) = \max_{s_{n-1}=1}^{s} [\beta(s_{n-1})P(s_n|s_{n-1})P(x_n|s_n)] \quad (12-19)$$

$$\beta(s_1) = P(s_1)P(x_1|s_1). \tag{10-19}$$

يتم حساب المعادلة ١٦-١٩ باستخدام المعادلة ١٦-١١:

$$\max_{i=1}^{S^N} P(x_1, ..., x_N | s_{i_1}, ..., s_{i_N}) P(s_{i_1}, ..., s_{i_N}) = \max_{S_N=1}^{S} \beta(s_N). \quad (13-14)$$

وتُستخدَم خوارزمية فيتربي (Viterbi algorithm)، (Viterbi, 1967)، على نطاق واسع، لحساب التحويل اللوغاريتمي للمعادلات من ١٩-١٣ إلى ١٩-١٦. تتطلب طريقة أفضل مسار أقل تكلفة حاسوبية لتخزين وحساب الاحتمالات بشكل أكثر من أي طريقة مسار أخرى لأن التكلفة الحاسوبية في أي مرحلة n تستلزم فقط أفضل S من المسارات. بالرغم من ذلك، بالمقارنة مع أي طريقة من طرق المسار، فإن أفضل طريقة مسار هي طريقة البديل الأمثل الفرعي لحساب احتمال توليد سلسلة معطاة من الملحوظات المرصودة،  $x_1$ , ...,  $x_N$  فقط لأنه يتم استخدام أفضل مسار بدلًا من كل المسارات الممكنة لتحديد احتمال رصد فقط لأنه يتم المكن أفضل مسار بدلًا من غوذج ماركوف المخفي من الممكن أن تولّد سلسلة للملحوظات المرصودة.

يتم استخدام نهاذج ماركوف المخفية على نطاق واسع في التعرف على السرعة (recognitien)، والتعرف على الحروف المكتوبة بخط اليد، ومعالجة اللغة الطبيعية، والتعرف على تسلسل الحمض النووي، وهلم جرا. من خلال تطبيق نهاذج ماركوف المخفية والتعرف على الأرقام (digits) المكتوبة بخط اليد (Bishop, 2006) وهي:  $9, \dots, 1, \dots, 0$ , يتم بناء نهوذج ماركوف المخفي لكل رقم. يتم اعتبار أن كل رقم لديه سلسلة من مسارات الخط،  $1, \dots, 1$  في المراحل  $1, \dots, 1$ . كل نهوذج من نهاذج ماركوف الخفية يكون لديه الخط،  $1, \dots, 1$  من الحالات الكامنة (latent state)، كل منها يمكنه أن يظهر أو ينبعث منه خط مقطع ذو طول ثابت مع زاوية واحدة من 1 (زاوية ممكنة. وبالتالي، يمكن تحديد توزيع الظهور هذا بمصفوفة 1 من الـ 1 راوية من كل من الـ 1 حالة. يتم هذا بمصفوفة 1 ماركوف المخفي لكل رقم لتحديد التوزيع الأولي للاحتمالات، ومصفوفة احتمال التحول، واحتمالات الظهور باستخدام 1 مثال من الأمثلة المكتوبة بخط اليد للأرقام المكتوب بخط اليد من قبل نموذج ماركوف المخفي لكل رقم. يتم تصنيف الأرقام المكتوبة بخط اليد الأولاد بخط اليد على أنها الأرقام التي نموذج ماركوف المخفي لها ينتج أعلى احتمال لتوليد الأرقام بخط اليد.

وبالتالي، لتطبيق نماذج ماركوف المخفية على مشكلة التصنيف، يتم بناء نموذج ماركوف المخفي لكل فئة من الفئات المستهدفة. بإعطاء سلسلة ملحوظات مرصودة، يتم حساب احتمال توليد سلسلة الملحوظات المرصودة هذه من قبل كل نموذج من نماذج ماركوف المخفية باستخدام أي طريقة مسار أو أفضل طريقة مسار. يتم تصنيف سلسلة الملحوظات

المرصودة المعطاة إلى الفئة المستهدفة التي غوذج ماركوف المخفي لها ينتج أعلى احتمال لتوليد سلسلة الملحوظات المرصودة.

## ٣-١٩ تعلم نماذج ماركوف المخفية (Learning Hidden Markov Models):

تتضمن مجموعة معلَمات النموذج لنموذج ماركوف المخفي، A، احتمالات تحول الحالة، P(x|i) والاحتمالات الأولية للحالة، P(x|i) واحتمالات الظهور،

$$A = \{ P(j|i), P(i), P(x|i) \}. \tag{1V-19}$$

هناك حاجة لتعلم معلمات النموذج من مجموعة البيانات التدريبية التي تحتوي على سلسلة N من الملحوظات المرصودة،  $X=x_I$ , ...,  $x_n$  ها أن الحالات الا يمكن ملاحظتها مباشرةً، فإنه لا يمكن استخدام المعادلات N- N- وN- بدلًا من ذلك، معلمات النموذج مثل احتمالات تحول الحالة، والاحتمالات الأولية للحالة. بدلًا من ذلك، يتم استخدام طريقة تضخيم التوقع ( $Expectation\ Maximization - EM$ ) لتقدير معلمات النموذج، التي تقوم بتضخيم احتمال الحصول على سلسلة الملحوظات المرصودة من النموذج الذي له معلمات نموذج مُقدَّرة، N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة تضخيم التوقع (N- الخطوات التالية توضح طريقة النات النموذج الذي الم

- $P(X \mid A)$  إسناد القيم الأولية لمعلمات النموذج، A واستخدام هذه القيم لحساب  $P(X \mid A)$ . Y إعادة تقدير معلمات النموذج للحصول على  $\hat{A}$  وحساب  $\hat{A}$ .
- آ- إذا كان  $\hat{A} = \hat{A}$  ليكن  $\hat{A} = \hat{A}$  لأن  $\hat{A} = \hat{A}$  ليكن  $P(X \mid \hat{A}) P(X \mid A) > \in P(X \mid A)$  الحصول على سلسلة الملحوظات المرصودة من  $\hat{A}$  أكثر من A وانتقل إلى الخطوة  $P(\hat{A})$  وخلاف ذلك، توقف لأن  $P(\hat{A})$  هي أسوأ من أو تشابه  $P(\hat{A})$  وخذ A على أنها مجموعة نهائية من معلمات النموذج.

في الخطوة ٣،  $\Xi$  هو الحد (threshold) المُحدَد مسبقًا لتحسين احتمال توليد سلسلة الملحوظات المرصودة X من معلمات النموذج.

يتم حساب P(x|A) و P(x|A) في طريقة تضخيم التوقع P(x|A) المذكورة أعلاه باستخدام المعادلة P(x|A) الأي طريقة مسار، وتُستخدَم المعادلة P(x|A) المحصول على أفضل طريقة مسار. إذا كانت ملحوظة البيانات المرصودة منفصلة P(x|A), وبالتالي سلسلة الملحوظات هي عضو في مجموعة محدودة من سلاسل الملحوظات، يتم استخدام طريقة الملحوظات هي عضو في مجموعة محدودة من سلاسل الملحوظات، يتم استخدام طريقة إعادة التقدير باوم- ولش P(x|A) المذكورة آنفًا. يصف ثيودوريديس وكوترومباس، عادة التقدير على P(x|A) المذكورة آنفًا. يصف ثيودوريديس وكوترومبال المطوة P(x|A) المذكورة منفصلة المحوظات P(x|A) المذكورة منفصلة المحوظات P(x|A) المذكورة منفصلة المحوظات P(x|A) المذكورة منفصلة المحوظات P(x|A) المدكورة منفصلة المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحوظات P(x|A) المحالة المحالة ألى المحال

$$\omega_n(i) = P(x_{n+1}, \dots, x_N | s_n = i, A) = \sum_{s_{n+1} = 1}^{s} \omega_{n+1}(s_{n+1}) P(s_{n+1} | s_n = i) P(x_{n+1} | s_{n+1})$$

(1A-19)

$$\omega_N(i) = 1, i = 1, ..., S.$$
 (19-19)

n=N-1, يشكل تكراري لـ $\omega_n$  (i) بشكل ملاري لـ $\omega_n$  للحصول على أفضل طريقة للمسار، يمكن حساب اللحصول على النحو التالى:

$$\omega_n(i) = P(x_{n+1}, \dots, x_N | s_n = i, A) = \max_{s_{n+1}=1}^{s} \omega_{n+1}(s_{n+1}) P(s_{n+1} | s_n = i) P(x_{n+1} | s_{n+1})$$

$$(Y \cdot - Y \cdot Y)$$

$$\omega_N(i) = 1, i = 1, ..., S.$$
 (Y1-19)

يكون لدينا أيضًا:

$$\varphi_n(i,X|A) = \rho_n(i)\omega_n(i), \qquad (77-19)$$

حيث تدل  $\rho_n(i)$  على  $\rho(s_n=i)$  والتي يتم حسابها باستخدام المعادلات  $\rho_n(i)$  على  $\rho_n(i)$  على  $\rho_n(i)$  والتي يتم حسابها باستخدام الحالة  $\rho_n(i)$  في المرحلة  $\rho_n(i)$  هي العدد المتوقع من المرات التي تحدث فيها الحالة  $\rho_n(i)$  المحالة الملحوظات  $\rho_n(i)$  ومعلمات النموذج  $\rho_n(i)$  وهو ما يعني،  $\rho_n(i)$  معلمة النموذج  $\rho_n(i)$  هي عدد المرات المتوقعة التي يحدث فيها التحول من الحالة  $\rho_n(i)$  المحالة  $\rho_n(i)$  ومعلمات النموذج  $\rho_n(i)$  وهو ما يعني،  $\rho_n(i)$  للحالة  $\rho_n(i)$  ومعلمات النموذج على النحو التالي:

$$\widehat{P}(i) = P(i|X,A) = \frac{\varphi_1(i,X|A)}{P(X|A)} = \frac{\rho_1(i)\omega_1(i)}{P(X|A)}$$
 (YY-19)

$$\widehat{P}(j|i) = \frac{P(i,j|X,A)}{P(i|X,A)} = \frac{\sum_{n=1}^{N-1} \theta_n(i,j,X|A) / P(X|A)}{\sum_{n=1}^{N-1} \varphi_n(i,X|A) / P(X|A)}$$

$$= \frac{\sum_{n=1}^{N-1} \rho_n(i) P(j|i) P(x_{n+1}|j) \omega_{n+1}(j) / P(X|A)}{\sum_{n=1}^{N-1} \rho_n(i) \omega_n(i) / P(X|A)}$$

$$= \frac{\sum_{n=1}^{N-1} \rho_n(i) P(j|i) P(x_{n+1}|j) \omega_{n+1}(j)}{\sum_{n=1}^{N-1} \rho_n(i) \omega_n(i)}$$
(YE-19)

$$\hat{P}(x = v|i) = \frac{\sum_{n=1}^{N} \varphi_{n \& x = v}(i) / P(X|A)}{\sum_{n=1}^{N} \varphi_{n}(i) / P(X|A)} = \frac{\sum_{n=1}^{N} \varphi_{n \& x_{n} = v}(i)}{\sum_{n=1}^{N} \varphi_{n}(i)}$$

$$= \frac{\sum_{n=1}^{N} \rho_{n \& x=v}(i) \omega_{n \& x_n=v}(i)}{\sum_{n=1}^{N} \rho_n(i) \omega_n(i)}$$
(Y0-19)

حيث:

$$\varphi_{n\&x_n=v}(i) = \begin{cases} \varphi_n(i) & \text{if } x_n = v \\ 0 & \text{if } x_n \neq v \end{cases}$$
 (٢٦-١٩)

$$\rho_{n\&x_n=v}(i) = \begin{cases} \rho_n(i) & \text{if } x_n = v \\ 0 & \text{if } x_n \neq v \end{cases}$$
 (YV-19)

$$\omega_{n\&x_n=v}(i) = \begin{cases} \omega_n(i) & \text{if } x_n = v \\ 0 & \text{if } x_n \neq v \end{cases}$$
 (YA-19)

x هي أحد متجهات القيم المنفصلة التي قد تأخذها

#### المثال ٢٠٦٠:

نظام لديه حالتان: سوء الاستخدام (m) والاستخدام المنتظم (r)، pكن لكل منهما أن ينتج واحدًا من ثلاثة أحداث: G F G F ويتم رصد سلسلة من خمسة أحداث: FFFHG باستخدام أي من طرق المسار، قم بتنفيذ تكرار واحد من إعادة تقدير معلمات النموذج في طريقة تضخيم التوقع (EM) لتعلّم واستكشاف غوذج ماركوف مخفي من السلسلة المرصودة للأحداث. في الخطوة ١ من طريقة تضخيم التوقع (EM)، يتم إسناد القيم العشوائية التالية لمعلمات النموذج بشكل مبدئي:

$$P(m) = 0.4 \ P(r) = 0.6$$
  
 $P(m|m) = 0.375 \ P(r|m) = 0.625 \ P(m|r) = 0.364 \ P(r|r) = 0.636$ 

$$P(F|m) = 0.7 \ P(G|m) = 0.1 \ P(H|m) = 0.2$$
  
 $P(F|r) = 0.3 \ P(G|r) = 0.4 \ P(H|r) = 0.4.$ 

باستخدام هذه المعلمات للنموذج، نقوم بحساب  $P(X = FFFHG \mid A)$  باستخدام المعادلات ۱۱-۱۹، ۱۱-۱۹ و۱۱-۱۹ لأي طريقة مسار:

$$\rho_{1}(m) = \rho(s_{1} = m) = P(s_{1} = m)P(x_{1} = F|s_{1} = m) = (0.4)(0.7) = 0.28$$

$$\rho_{1}(r) = \rho(s_{1} = r) = P(s_{1} = r)P(x_{1} = F|s_{1} = r) = (0.6)(0.2) = 0.12$$

$$\rho_{2}(m) = \rho(s_{2} = m) = \sum_{s_{1}=1}^{2} \rho(s_{1})P(s_{2}|s_{1})P(x_{2}|s_{2})$$

$$= \rho(s_{1} = m)P(s_{2} = m|s_{1} = m)P(x_{2} = F|s_{2} = m)$$

$$+ \rho(s_{1} = r)P(s_{2} = m|s_{1} = r)P(x_{2} = F|s_{2} = m)$$

$$= (0.28)(0.375)(0.7) + (0.12)(0.364)(0.7) = 0.1060$$

$$\rho_{2}(r) = \rho(s_{2} = r) = \sum_{s_{1}=1}^{2} \rho(s_{1})P(s_{2}|s_{1})P(x_{2}|s_{2})$$

$$= \rho(s_{1} = m)P(s_{2} = r|s_{1} = m)P(x_{2} = F|s_{2} = r)$$

$$+ \rho(s_{1} = r)P(s_{2} = r|s_{1} = r)P(x_{2} = F|s_{2} = r)$$

$$= (0.28)(0.625)(0.3) + (0.12)(0.636)(0.3) = 0.0754$$

$$\rho_{3}(m) = \rho(s_{3} = m) = \sum_{s_{2}=1}^{2} \rho(s_{1})P(s_{3}|s_{2})P(x_{3}|s_{3})$$

 $= o(s_2 = m)P(s_3 = m|s_2 = m)P(x_3 = F|s_3 = m)$ 

$$+ \rho(s_2 = r)P(s_3 = m|s_2 = r)P(x_3 = F|s_3 = m)$$
$$= (0.1060)(0.375)(0.7) + (0.0754)(0.364)(0.7) = 0.0470$$

$$\rho_3(r) = \rho(s_3 = r) = \sum_{s_2 = 1}^2 \rho(s_2) P(s_3 | s_2) P(x_3 | s_3)$$

$$= \rho(s_2 = m) P(s_3 = r | s_2 = m) P(x_3 = F | s_3 = r)$$

$$+ \rho(s_2 = r) P(s_3 = r | s_2 = r) P(x_3 = F | s_3 = r)$$

$$= (0.1060)(0.625)(0.2) + (0.0754)(0.636)(0.2) = 0.0228$$

$$\rho_4(m) = \rho(s_4 = m) = \sum_{s_3 = 1}^2 \rho(s_3) P(s_4 | s_3) P(x_4 | s_4)$$

$$= \rho(s_3 = m) P(s_4 = m | s_3 = m) P(x_4 = H | s_4 = m)$$

$$+ \rho(s_3 = r) P(s_4 = m | s_3 = r) P(x_4 = H | s_4 = m)$$

$$= (0.0470)(0.375)(0.2) + (0.0228)(0.364)(0.2) = 0.0052$$

$$\rho_4(r) = \rho(s_4 = r) = \sum_{s_3=1}^2 \rho(s_3) P(s_4|s_3) P(x_4|s_4)$$

$$= \rho(s_3 = m) P(s_4 = r|s_3 = m) P(x_4 = H|s_4 = r)$$

$$+ \rho(s_3 = r) P(s_4 = r|s_3 = r) P(x_4 = H|s_4 = r)$$

$$= (0.0470)(0.625)(0.4) + (0.0228)(0.636)(0.4) = 0.0176$$

$$\rho_5(m) = \rho(s_5 = m) = \sum_{s_4=1}^2 \rho(s_4) P(s_5 | s_4) P(x_5 | s_5)$$

$$= \rho(s_4 = m) P(s_5 = m | s_4 = m) P(x_5 = G | s_5 = m)$$

$$+ \rho(s_4 = r) P(s_5 = m | s_4 = r) P(x_5 = G | s_5 = m)$$

$$= (0.0052)(0.375)(0.1) + (0.0176)(0.364)(0.1) = 0.0008$$

$$\rho_5(r) = \rho(s_5 = r) = \sum_{s_4=1}^2 \rho(s_4) P(s_5 | s_4) P(x_5 | s_5)$$

$$= \rho(s_4 = m) P(s_5 = r | s_4 = m) P(x_5 = G | s_5 = r)$$

$$+ \rho(s_4 = r) P(s_5 = r | s_4 = r) P(x_5 = G | s_5 = r)$$

$$= (0.0052)(0.625)(0.4) + (0.0176)(0.636)(0.4) = 0.0058$$

$$P(X = FFFHG|A) = \sum_{s_5=1}^{2} \rho(s_5) = \rho(s_5 = m)\rho(s_5 = r) = 0.0008 + 0.0058$$
$$= 0.0066$$

في الخطوة ٢ من طريقة التوقع (EM)، نقوم باستخدام المعادلات ١٩-٢٣ و١٩-٢٥ لإعادة تقدير معلمات النموذج. نحتاج أولًا إلى استخدام المعادلات ١٩-١٨ و١٩-١٩ لحساب  $m_n(i)$  والتي يتم استخدامها في المعادلات من ١٩-٢٣ إلى ١٩-٢٥:

$$\omega_5(m) = 1 \quad \omega_5(r) = 1$$

$$\omega_4(m) = P(x_5 = G|s_4 = m, A) = \sum_{s_5=1}^2 \omega_5(s_5) P(s_5|s_4 = m) P(x_5 = G|s_5)$$

$$= \omega_{5}(m)P(s_{5} = m|s_{4} = m)P(x_{5} = G|s_{5} = m)$$

$$+ \omega_{5}(r)P(s_{5} = r|s_{4} = m)P(x_{5} = G|s_{5} = r)$$

$$= (1)(0.375)(0.1) + (1)(0.625)(0.4) = 0.2875$$

$$\omega_{4}(r) = P(x_{5} = G|s_{4} = r, A) = \sum_{s_{5}=1}^{2} \omega_{5}(s_{5})P(s_{5}|s_{4} = r)P(x_{5} = G|s_{5})$$

$$= \omega_{5}(m)P(s_{5} = m|s_{4} = r)P(x_{5} = G|s_{5} = m)$$

$$+ \omega_{5}(r)P(s_{5} = r|s_{4} = r)P(x_{5} = G|s_{5} = r)$$

$$= (1)(0.364)(0.1) + (1)(0.636)(0.4) = 0.2908$$

$$\omega_{3}(m) = P(x_{4} = H, x_{5} = G|s_{3} = m, A) = \sum_{s_{4}=1}^{2} \omega_{4}(s_{4})P(s_{4}|s_{3} = m)P(x_{4} = H|s_{4})$$

$$= \omega_{4}(m)P(s_{4} = m|s_{3} = m)P(x_{4} = H|s_{4} = m)$$

$$+ \omega_{4}(r)P(s_{4} = r|s_{3} = m)P(x_{4} = H|s_{4} = r)$$

$$= (0.2875)(0.375)(0.2) + (0.2908)(0.625)(0.4)$$

$$= 0.0943$$

$$\omega_{3}(r) = P(x_{4} = H, x_{5} = G|s_{3} = r, A) = \sum_{s_{4}=1}^{2} \omega_{4}(s_{4})P(s_{4}|s_{3} = r)P(x_{4} = H|s_{4})$$

$$= \omega_{4}(m)P(s_{4} = m|s_{3} = r)P(x_{4} = H|s_{4} = m)$$

$$+ \omega_{4}(r)P(s_{4} = m|s_{3} = r)P(x_{4} = H|s_{4} = m)$$

$$+ \omega_{4}(r)P(s_{4} = r|s_{3} = r)P(x_{4} = H|s_{4} = m)$$

$$+ \omega_{4}(r)P(s_{4} = r|s_{3} = r)P(x_{4} = H|s_{4} = r)$$

$$= (0.2875)(0.364)(0.2) + (0.2908)(0.636)(0.4)$$

$$= 0.0949$$

$$\omega_2(m) = P(x_3 = F, x_4 = H, x_5 = G | s_2 = m, A)$$

$$= \sum_{s_3=1}^{2} \omega_3(s_3)P(s_3 | s_2 = m)P(x_3 = F | s_3)$$

$$= \omega_3(m)P(s_3 = m | s_2 = m)P(x_3 = F | s_3 = m)$$

$$+ \omega_3(r)P(s_3 = r | s_2 = m)P(x_3 = F | s_3 = r)$$

$$= (0.0943)(0.375)(0.7) + (0.0949)(0.625)(0.2)$$

$$= 0.0366$$

$$\omega_2(r) = P(x_3 = F, x_4 = H, x_5 = G | s_2 = r, A)$$

$$= \sum_{s_3=1}^{2} \omega_3(s_3)P(s_3 | s_2 = r)P(x_3 = F | s_3)$$

$$= \omega_3(m)P(s_3 = m | s_2 = r)P(x_3 = F | s_3 = m)$$

$$+ \omega_3(r)P(s_3 = r | s_2 = r)P(x_3 = F | s_3 = r)$$

$$= (0.0943)(0.364)(0.7) + (0.0949)(0.636)(0.2)$$

$$= 0.0361$$

$$\omega_{1}(m) = P(x_{2} = F, x_{3} = F, x_{4} = H, x_{5} = G|s_{1} = m, A)$$

$$= \sum_{s_{2}=1}^{2} \omega_{2}(s_{2})P(s_{2}|s_{1} = m)P(x_{5} = F|s_{2})$$

$$= \omega_{2}(m)P(s_{2} = m|s_{1} = m)P(x_{2} = F|s_{2} = m)$$

$$+ \omega_{2}(r)P(s_{2} = r|s_{1} = m)P(x_{2} = F|s_{2} = r)$$

$$= (0.0366)(0.375)(0.7) + (0.0361)(0.625)(0.2)$$

$$= 0.0141$$

$$\omega_{1}(r) = P(x_{2} = F, x_{3} = F, x_{4} = H, x_{5} = G|s_{1} = r, A)$$

$$= \sum_{s_{2}=1}^{2} \omega_{2}(s_{2})P(s_{2}|s_{1} = r)P(x_{5} = F|s_{2})$$

$$= \omega_{2}(m)P(s_{2} = m|s_{1} = r)P(x_{2} = F|s_{2} = m)$$

$$+ \omega_{2}(r)P(s_{2} = r|s_{1} = r)P(x_{2} = F|s_{2} = r)$$

$$= (0.0366)(0.364)(0.7) + (0.0361)(0.636)(0.2)$$

$$= 0.0139.$$

نقوم الآن باستخدام المعادلات ١٩-٢٣ و١٩-٢٥ لإعادة تقدير معلمات النموذج:

$$\hat{P}(m) = \frac{\rho_1(m)\omega_1(m)}{P(X = FFFHG|A)} = \frac{(0.28)(0.0141)}{(0.0066)} = 0.5982$$

$$\hat{P}(r) = \frac{\rho_1(r)\omega_1(r)}{P(X = FFFHG|A)} = \frac{(0.12)(0.0139)}{(0.0066)} = 0.2527$$

$$\hat{P}(m|m) = \frac{\sum_{n=1}^{4} \rho_n(m) P(m|m) P(x_{n+1}|m) \omega_{n+1}(m)}{\sum_{n=1}^{4} \rho_n(m) \omega_n(m)}$$

$$=\frac{\left[\begin{matrix} \rho_{1}(m)P(m|m)P(x_{2}=F|m)\omega_{2}(m)\\ +\rho_{2}(m)P(m|m)P(x_{3}=F|m)\omega_{3}(m)\\ +\rho_{3}(m)P(m|m)P(x_{4}=H|m)\omega_{4}(m)\\ +\rho_{4}(m)P(m|m)P(x_{5}=G|m)\omega_{5}(m)\end{matrix}\right]}{\left[\begin{matrix} \rho_{1}(m)\omega_{1}(m)\\ +\rho_{2}(m)\omega_{2}(m)\\ +\rho_{3}(m)\omega_{3}(m)\\ +\rho_{4}(m)\omega_{4}(m)\end{matrix}\right]}$$

$$=\frac{\begin{bmatrix} (0.28)(0.375)(0.7)(0.0366) + (0.1060)(0.375)(0.7)(0.0943) \\ + (0.0470)(0.375)(0.2)(0.2875) + (0.0052)(0.375)(0.1)(1) \end{bmatrix}}{[(0.28)(0.0141) + (0.1060)(0.0366) + (0.0470)(0.0943) + (0.0052)(0.2875)]}$$

$$= 0.4742$$

$$\hat{P}(r|m) = \frac{\sum_{n=1}^{4} \rho_n(m) P(r|m) P(x_{n+1}|r) \omega_{n+1}(r)}{\sum_{n=1}^{4} \rho_n(m) \omega_n(m)}$$

$$\begin{split} & = \frac{\left[ \rho_{1}(m)P(r|m)P(x_{2} = F|r)\omega_{2}(r) \right] + \rho_{2}(m)P(r|m)P(x_{3} = F|r)\omega_{3}(r) + \rho_{3}(m)P(r|m)P(x_{4} = H|r)\omega_{4}(r) \right] + \rho_{3}(m)P(r|m)P(x_{5} = G|r)\omega_{5}(r) \\ & = \frac{\left[ \rho_{1}(m)\omega_{1}(m) \right] + \rho_{2}(m)\omega_{1}(m) + \rho_{2}(m)\omega_{2}(m) + \rho_{3}(m)\omega_{3}(m) + \rho_{4}(m)\omega_{4}(m) \right]}{\left[ \rho_{1}(m)\omega_{1}(m) \right] + \rho_{3}(m)\omega_{3}(m) + \rho_{4}(m)\omega_{4}(m) \right]} \\ & = \frac{\left[ (0.28)(0.625)(0.2)(0.0361) + (0.1060)(0.625)(0.2)(0.0949) + (0.0470)(0.625)(0.2)(0.0949) + (0.0470)(0.625)(0.2)(0.0949) + (0.0052)(0.325)(0.4)(1) \right]}{\left[ (0.28)(0.0141) + (0.1060)(0.0366) + (0.0470)(0.0943) + (0.0052)(0.2875) \right]} \\ & = 0.5262 \\ & \hat{P}(m|r) = \frac{\sum_{n=1}^{4} \rho_{n}(r)P(m|r)P(x_{n+1}|m)\omega_{n+1}(m)}{\sum_{n=1}^{4} \rho_{n}(r)\omega_{n}(r)} \\ & = \frac{\left[ \rho_{1}(r)P(m|r)P(x_{2} = F|m)\omega_{2}(m) + \rho_{2}(r)P(m|r)P(x_{3} = F|m)\omega_{3}(m) + \rho_{3}(r)P(m|r)P(x_{4} = H|m)\omega_{4}(m) + \rho_{4}(r)P(m|r)P(x_{5} = G|m)\omega_{5}(m) \right]}{\left[ \rho_{1}(r)\omega_{1}(r) + \rho_{2}(r)\omega_{2}(r) + \rho_{3}(r)\omega_{3}(r) + \rho_{4}(r)\omega_{4}(r) \right]} \\ & = \frac{\left[ (0.12)(0.364)(0.7)(0.0366) + (0.0754)(0.364)(0.7)(0.0943) + (0.0754)(0.364)(0.1)(1) \right]}{\left[ (0.12)(0.0139) + (0.0754)(0.0361) + (0.0228)(0.0949) + (0.0176)(0.2908) \right]} \\ & = 0.3469 \end{split}$$

$$\begin{split} \tilde{P}(r|r) &= \frac{\sum_{n=1}^{4} \rho_{n}(r) P(r|r) P(x_{n+1}|r) \omega_{n+1}(r)}{\sum_{n=1}^{4} \rho_{n}(r) \omega_{n}(r)} \\ &= \frac{\left[\rho_{1}(r) P(r|r) P(x_{2} = F|r) \omega_{2}(r) + \rho_{2}(r) P(r|r) P(x_{3} = F|r) \omega_{3}(r) + \rho_{3}(r) P(r|r) P(x_{4} = H|r) \omega_{4}(r) + \rho_{4}(r) P(r|r) P(x_{5} = G|r) \omega_{5}(r)\right]}{\left[\rho_{1}(r) \omega_{1}(r) + \rho_{2}(r) \omega_{2}(r) + \rho_{3}(r) \omega_{3}(r) + \rho_{4}(r) \omega_{4}(r)\right]} \\ &= \frac{\left[(0.12)(0.636)(0.2)(0.0361) + (0.0754)(0.636)(0.2)(0.0949) + \rho_{3}(r) \omega_{3}(r) + \rho_{4}(r) \omega_{4}(r)\right]}{\left[(0.12)(0.0139) + (0.0754)(0.0361) + (0.0228)(0.0949) + (0.0176)(0.2908)\right]} \\ &= 0.6533 \\ \tilde{P}(x = F|m) &= \frac{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n} \omega_{n} = F(m) \omega_{n} \omega_{n} - F(m)}{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n}(m) \omega_{n}(m)} \\ &\rho_{1} \omega_{1} = F(m) \omega_{1} \omega_{1} = F(m) + \rho_{2} \omega_{2} = F(m) \omega_{2} \omega_{2} = F(m) + \rho_{3} \omega_{3} = F(m) \omega_{3} $

= 0.6269

$$\widehat{P}(x = G|m) = \frac{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n \& x_n = G}(m) \omega_{n \& x_n = G}(m)}{\sum_{n=1}^{5} \rho_n(m) \omega_n(m)}$$

 $\rho_{1\&x_1=G}(m)\omega_{1\&x_1=G}(m)+\rho_{2\&x_2=G}(m)\omega_{2\&x_2=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}(m)\omega_{3\&x_3=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}(m)\omega_{3\&x_3=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}(m)\omega_{3\&x_3=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}(m)\omega_{3\&x_3=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}(m)\omega_{3\&x_3=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}(m)\omega_{3\&x_3=G}(m)+\rho_{3\&x_3=G}($ 

$$=\frac{+\rho_{4\&x_4=G}(m)\omega_{4\&x_4=G}(m)+\rho_{5\&x_5=G}(m)\omega_{5\&x_5=G}(m)}{\rho_1(m)\omega_1(m)+\rho_2(m)\omega_2(m)+\rho_3(m)\omega_3(m)+\rho_4(m)\omega_4(m)+\rho_5(m)\omega_5(m)}$$

$$= \frac{(0)(0) + (0)(0) + (0)(0) + (0)(0) + (0.0008)(1)}{(0.28)(0.0141) + (0.1060)(0.0366) + (0.0470)(0.0943) + (0.0052)(0.2875) + (0.0008)(1)}$$

= 0.0550

$$\hat{P}(x = H|m) = \frac{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n \& x_n = H}(m) \omega_{n \& x_n = H}(m)}{\sum_{n=1}^{5} \rho_n(m) \omega_n(m)}$$

$$\rho_{1\&x_1=H}(m)\omega_{1\&x_1=H}(m) + \rho_{2\&x_2=H}(m)\omega_{2\&x_2=H}(m) + \rho_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m) omega_{3\&x_2=H}(m) + \rho_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m) + \rho_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m)\omega_{3\&x_2=H}(m)$$

$$=\frac{+\rho_{4\&x_4=H}(m)\omega_{4\&x_4=H}(m)+\rho_{5\&x_5=H}(m)\omega_{5\&x_5=H}(m)}{\rho_1(m)\omega_1(m)+\rho_2(m)\omega_2(m)+\rho_3(m)\omega_3(m)+\rho_4(m)\omega_4(m)+\rho_5(m)\omega_5(m)}$$

$$=\frac{(0)(0)+(0)(0)+(0)(0)+(0.0052)(0.2875)+(0)(0)}{(0.28)(0.0141)+(0.1060)(0.0366)+(0.0470)(0.0943)+(0.0052)(0.2875)+(0.0008)(1)}$$

= 0.1027

$$\hat{P}(x = F|r) = \frac{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n \& x_n = F}(r) \omega_{n \& x_n = F}(r)}{\sum_{n=1}^{5} \rho_n(r) \omega_n(r)}$$

$$\rho_{1\&x_1=F}(r)\omega_{1\&x_1=F}(r) + \rho_{2\&x_2=F}(r)\omega_{2\&x_2=F}(r) + \rho_{3\&x_3=F}(r)\omega_{3\&x_3=F}(r) omega_{3\&x_3=F}(r)\omega_{3\&$$

$$=\frac{+\rho_{4\&x_4=F}(r)\omega_{4\&x_4=F}(r)+\rho_{5\&x_5=F}(r)\omega_{5\&x_5=F}(r)}{\rho_1(r)\omega_1(r)+\rho_2(r)\omega_2(r)+\rho_3(r)\omega_3(r)+\rho_4(r)\omega_4(r)+\rho_5(r)\omega_5(r)}$$

$$=\frac{(0.12)(0.0139)+(0.0754)(0.0361)+(0.0228)(0.0949)+(0)(0)+(0)(0)}{(0.12)(0.0139)+(0.0754)(0.0361)+(0.0228)(0.0949)+(0.0176)(0.2908)+(0.0058)(1)}$$

= 0.3751

$$\hat{P}(x = G|r) = \frac{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n \& x_n = G}(r) \omega_{n \& x_n = G}(r)}{\sum_{n=1}^{5} \rho_n(r) \omega_n(r)}$$

$$\rho_{1\&x_1=G}(r)\omega_{1\&x_1=G}(r) + \rho_{2\&x_2=G}(r)\omega_{2\&x_2=G}(r) + \rho_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r) omega_{3\&x_3=G}(r) + \rho_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r) + \rho_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r) + \rho_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=G}(r) + \rho_{3\&x_3=G}(r)\omega_{3\&x_3=$$

$$=\frac{+\rho_{4\&x_4=G}(r)\omega_{4\&x_4=G}(r)+\rho_{5\&x_5=G}(r)\omega_{5\&x_5=G}(r)}{\rho_1(r)\omega_1(r)+\rho_2(r)\omega_2(r)+\rho_3(r)\omega_3(r)+\rho_4(r)\omega_4(r)+\rho_5(r)\omega_5(r)}$$

$$=\frac{(0)(0)+(0)(0)+(0)(0)+(0)(0)+(0.0058)(1)}{(0.12)(0.0139)+(0.0754)(0.0361)+(0.0228)(0.0949)+(0.0176)(0.2908)+(0.0058)(1)}$$

= 0.3320

$$\widehat{P}(x = H|r) = \frac{\sum_{n=1}^{5} \rho_{n \& x_n = H}(r) \omega_{n \& x_n = H}(r)}{\sum_{n=1}^{5} \rho_n(r) \omega_n(r)}$$

$$\rho_{1\&x_1=H}(r)\omega_{1\&x_1=H}(r)+\rho_{2\&x_2=H}(r)\omega_{2\&x_2=H}(r)+\rho_{3\&x_3=H}(r)\omega_{3\&x_3=H}(r)+$$

$$= \frac{+\rho_{4\&x_4=H}(r)\omega_{4\&x_4=H}(r) + \rho_{5\&x_5=H}(r)\omega_{5\&x_5=H}(r)}{\rho_1(r)\omega_1(r) + \rho_2(r)\omega_2(r) + \rho_3(r)\omega_3(r) + \rho_4(r)\omega_4(r) + \rho_5(r)\omega_5(r)}$$

$$=\frac{(0)(0)+(0)(0)+(0)(0)+(0.0176)(0.2908)+(0)(0)}{(0.12)(0.0139)+(0.0754)(0.0361)+(0.0228)(0.0949)+(0.0176)(0.2908)+(0.0058)(1)}$$

= 0.2929

## ٤-١٩ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

تقوم برمجية http://htk.eng.cam.ac.uk) (Hidden Markov Model Tookit) dHTK)، ووصف المخفية. قامت يي وزملائها (Ye, 2008; Ye at al., 2002c, 2004b) بوصف تطبيق نماذج سلسلة ماركوف للكشف عن الهجوم الإلكتروني. وقام رابينر(Rabiner, 1989) بمراجعة تطبيقات نماذج ماركوف المخفية للتعرف على الكلام (speech recognition).

### التمارين (Exercises):

۱-۱۹ بالنظر إلى غوذج سلسلة ماركوف في المثال ۱۹-۱، حدد احتمال رصد سلسلة من حالات النظام: rmmrmrrmrrrrrmmm.

(m) والاستخدام ((n)) والاستخدام ((n)) والاستخدام المنتظم ((n))، يمكن لكل منها أن ينتج واحدًا من ثلاثة أحداث: (n) (n) لدى نموذج ماركوف المخفي للنظام احتمالات تحول الحالة الأولية، واحتمالات تحول الحالة بالنظر إلى المثال (n) واحتمالات ظهور الحالة على النحو التالى:

$$P(F|m) = 0.1 P(G|m) = 0.3 P(H|m) = 0.6$$

$$P(F|r) = 0.5 \ P(G|r) = 0.2 \ P(H|r) = 0.3.$$

٣-١٩ بالنظر إلى نموذج ماركوف المخفية في التمرين ١٩-٢، قم باستخدام أفضل طريقة لتحديد مسار لتحديد احتمال رصد سلسلة من الأحداث الخمسة: GHFFH.

# ۲۰- تحليل المويجة Wavelet Analysis

هناك العديد من الأشياء (objects) التي لها سلوك دوري وبالتاني تُظهِر سمّة فريدة في مجال التكرار أو التردد. على سبيل المثال، الأصوات البشرية لها مجموعة من الترددات التي تختلف عن تلك التي لدى بعض الحيوانات. إنَّ الأشياء أو الأجسام في الفضاء، بما في ذلك الأرض تتحرك بتكرارات مختلفة. الأجسام الجديدة في الفضاء يمكن اكتشافها من خلال مراقبة تكرار حركتها الفريدة، والتي تختلف عن تلك الأجسام المعروفة. وبالتالي، فإن سمّة التكرار أو التردد لأي جسم يمكن أن تكون مفيدة في تحديد الجسم أو الثيء. أن تحليل المويجات (Wavelet analysis) يمثل بيانات السلاسل الزمنية في مجال التكرار الزمني المويجات (time-frequency) باستخدام خصائص البيانات على مر الزمن في تكرارات مختلفة، وبالتالي يسمح لنا بكشف أنماط البيانات الزمنية في تكرارات متنوعة. هناك العديد من الشكال المويجات، على سبيل المثال، هار (Haar)، داوبيشيز (Daubecnies)، واشتقاق مويجة قوسشيان (DoG). في هذا الفصل، نقوم باستخدام مويجة هار (Haar) لشرح كيفية عمل تحليل المويجات لتحويل بيانات السلاسل الزمنية إلى بيانات في مجال التكرار الزمن. وترد قائمة من حزم البرمجيات التي تدعم تحليل المويجات. ويتم إعطاء بعض الزمن. وترد قائمة من حزم البرمجيات التي تدعم تحليل المويجات. ويتم إعطاء بعض التطبيقات لتحليل المويجات مع المراجع.

## ١-٢٠ تعريف المويجة (Definition of Wavelet):

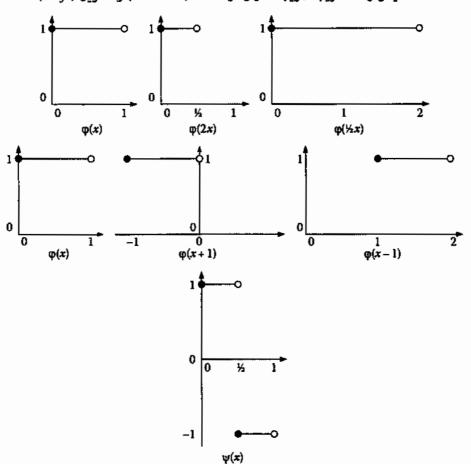
يتم تعريف شكل المويجة عن طريق دالتين: دالة القياس (Scaling Function)  $\varphi(x)$ ، ودالة المويجة هار هي  $\varphi(x)$  (Wavelet Function) ودالة المويجة هار هي دالة خطوة (Boggess and Narcowich, 2001; Vidakovic, 1999)، كما هو مبين في الشكل ۱-۲۰:

$$\varphi(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } 0 \le x < 1 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (1-7.)

يتم تعريف دالة المويجة لمويجة هار (Haar wavelet) باستخدام دالة القياس (Boggess and Narcowich, 2001; Vidakovic, 1999)، كما هو مبين في الشكل ١-٢٠:

$$\psi(x) = \varphi(2x) - \varphi(2x - 1) = \begin{cases} 1 & \text{if } 0 \le x < \frac{1}{2} \\ -1 & \text{if } \frac{1}{2} \le x < 1 \end{cases}. \quad (7-7)$$

الشكل ١-٢٠ (Shift) والتحويل (Dilation) دالة القياس ودالة المويجة للويجة هار وآثار التمدد



$$0 \le ax + b < 1$$
$$\frac{-b}{a} \le x < \frac{1-b}{a}.$$

### ٢-٢٠ تحويل المويجة لبيانات السلاسل الزمنية

### (Wavelet Transform of Time Series Data)

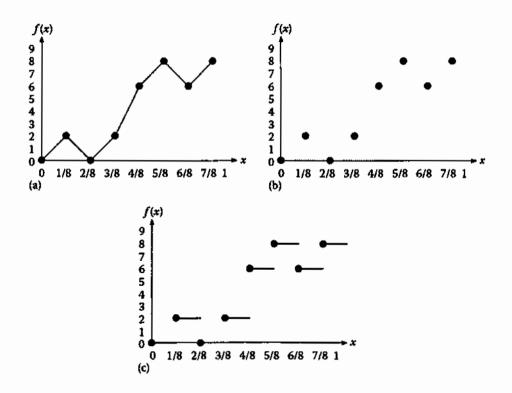
$$a_i$$
,  $i = 0, 1, ..., 2^k - 1$ ,  $k = 3$  or  $a_0 = 0$ ,  $a_1 = 2$ ,  $a_2 = 0$ ,  $a_3 = 2$ ,  $a_4 = 6$ ,  $a_5 = 8$ ,  $a_6 = 6$ ,  $a_7 = 8$ ,

يمكن تقريب الدالة باستخدام عينة سجلات البيانات ودالة القياس لمويجة هار على النحو التالى:

$$f(x) = \sum_{i=0}^{2^{k}-1} a_{i} \varphi(2^{k} x - i)$$
 (Y-Y.)

الشكل (۲۰-۲)

(c) عينة من بيانات سلسلة زمنية من (d) دالة، (d) عينة من سجلات البيانات مأخوذة من الدالة، و(d) تقريب الدالة باستخدام دالة القياس لمويجة هار



$$f(x) = a_0 \varphi(2^3 x - 0) + a_1 \varphi(2^3 x - 1) + a_2 \varphi(2^3 x - 2) + a_3 \varphi(2^3 x - 3) + a_4 \varphi(2^3 x - 4)$$
$$+ a_5 \varphi(2^3 x - 5) + a_6 \varphi(2^3 x - 6) + a_7 \varphi(2^3 x - 7)$$

$$f(x) = 0\varphi(2^3x) + 2\varphi(2^3x - 1) + 0\varphi(2^3x - 2) + 2\varphi(2^3x - 3) + 6\varphi(2^3x - 4)$$
$$+8\varphi(2^3x - 5) + 6\varphi(2^3x - 6) + 8\varphi(2^3x - 7)$$

في المعادلة ٢٠-٣، فإن  $a_i \, \varphi(2^k x - i)$  تُعرَف دالة خطوة بارتفاع مقداره  $a_i$  لقيم  $a_i$  النطاق  $(c \, r - r \cdot 1)$ . ويبين الشكل  $(c \, r - r \cdot 1)$  تقريب الدالة باستخدام دوال الخطوة بارتفاع مقداره يساوى سجلات البيانات الثمانية.

 $\varphi(2^kx-1)$ عند الأخذ في الاعتبار أول دالتي خطوة في المعادلة  $\tau$ - $\tau$ ،  $\tau$   $\tau$  و $\tau$  واللتان لهما القيمة 1 لقيم  $\tau$  في النطاقين  $\tau$  في النطاقين  $\tau$  واللتان لهما القيمة  $\tau$  التوالي، يكون لدينا العلاقات التالية  $\tau$ 

$$\varphi(2^{k-1}x) = \varphi(2^kx) + \varphi(2^kx - 1)$$
 (6-Y.)

$$\psi(2^{k-1}x) = \varphi(2^kx) + \varphi(2^kx - 1). \tag{0-7.}$$

يشمل  $\varphi(2^{k-1}x)$  في المعادلة  $\cdot$  1 لديها القيمة 1 لقيم x في النطاق  $(0,\ 1/2^{k-1})$ ، والتي يشمل  $\varphi(2^{k-1}x)$  و  $(0,\ 1/2^k)$  معًا. كما تغطي الدالة  $\psi(2^{k-1}x)$  في المعادلة  $\cdot$  10-0 أيضًا النطاقين  $(0,\ 1/2^k)$  و  $(0,\ 1/2^k)$  معًا، ولكن يكون لها القيمة 1 عندما تكون قيم  $(0,\ 1/2^k)$  ويكون للدالة القيمة 1- عندما تكون قيم  $(0,\ 1/2^{k-1})$  ويكون للدالة القيمة 1- عندما تكون قيم  $(0,\ 1/2^{k-1})$  ويكون للدالة المعادلة مكافئة للمعادلات  $(0,\ 1/2^k)$  وبطرح المعادلة  $(0,\ 1/2^k)$  من المعادلة  $(0,\ 1/2^k)$  :

$$\varphi(2^k x) = \frac{1}{2} [\varphi(2^{k-1} x) + \psi(2^{k-1} x)]$$
 (7-Y.)

$$\varphi(2^k x - 1) = \frac{1}{2} [\varphi(2^{k-1} x) - \psi(2^{k-1} x)]. \tag{V-Y-}$$

في الجانب الأيسر من المعادلات ٢٠-٦ و٢٠-٧، ننظر إلى سجلات البيانات في الفترة الزمنية  $1/2^k$  أو التكرار  $2^k$ . في الجانب الأيمن من المعادلات ٢٠-٤ و٢٠-٥، ننظر إلى سجلات البيانات في الفترة الزمنية الأكبر  $1/2^{k-1}$  أو التكرار الأقل  $2^{k-1}$ .

 $\varphi(2^kx-1^k, eah: -7^k, eah: -7^k, eah: -9^k, eah: -7^k, eah: -9^k, eah: -9^k, eah: -1^k, eah: <math>\varphi(2^kx-1-1)$  و  $\varphi(2^kx-1-1)$  و اللتان لهما القيمة  $\varphi(2^kx-1-1)$  عندما تكون قيم  $\varphi(2^kx-1-1)$  و اللتان لهما القيمة  $\varphi(2^kx-1-1)$  على التوالى، فإنه يكون لدينا العلاقات التالية:

$$\varphi\left(2^{k-1}x-\frac{i}{2}\right)=\varphi(2^kx-i)+\varphi(2^kx-i-1) \qquad (\land -\land \cdot)$$

$$\psi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) = \phi(2^kx - i) - \phi(2^kx - i - 1) \qquad (9-7)$$

وقعة في  $\varphi(2^{k-1}x-i/2)$  في المعادلة ٢٠-٨ يكون لها القيمة 1 عندما تكون قيم  $\varphi(2^{k-1}x-i/2)$  النطاق  $\varphi(2^{k-1}x-i/2)$  أو  $\varphi(2^{k-1}x+i/2^k,i/2^k+1/2^{k-1})$  بالفترة الزمنية  $\varphi(2^{k-1}x-i/2,i/2^k,i/2^k+1/2^{k-1})$  في المعادلة ٢٠-٩ يكون لها القيمة 1 عندما تكون قيم  $\varphi(2^{k-1}x-i/2,i/2^k)$  ويكون لها القيمة 1-عندما تكون قيم  $\varphi(2^{k-1}x-i/2,i/2^k)$  ويكون لها القيمة 1-عندما تكون قيم  $\varphi(2^{k-1}x-i/2^k,i/2^k)$  ويكون لها القيمة 1-عندما تكون قيم  $\varphi(2^{k-1}x-i/2^k,i/2^k)$  وهي:

$$\varphi(2^{k}x - i) = \frac{1}{2} \left[ \varphi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) + \psi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) \right]$$
 (1.-7.)

$$\varphi(2^{k}x - i - 1) = \frac{1}{2} \left[ \varphi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) - \psi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) \right]$$
 (11-7.)

في الجانب الأيسر من المعادلات ٢٠-١٠ و٢٠-١١، ننظر إلى سجلات البيانات في الفترة الزمنية  $1/2^k$  أو التكرار  $2^k$ . في الجانب الأيمن من المعادلات ٢٠-١١ و٢٠-١١، ننظر إلى سجلات البيانات في الفترة الزمنية الأكبر  $1/2^{k-1}$  أو التكرار الأقل  $1/2^{k-1}$ .

تسمح لنا المعادلتان ٢٠-١٠ و٢٠-١١ بتنفيذ تحويل المويجة لبيانات السلسة الزمنية أو بتمثيل دالتيهما في المعادلة ٢٠-٣ على شكل بيانات ذات تكرارات متنوعة كما هو موضح من خلال المثال ٢٠-١.

#### المثال ٢٠١٠

قم بتنفيذ تحويل مويجة هار لبيانات السلسلة الزمنية التالية: ٠، ٢، ٠، ٢، ٦، ٨، ٦، ٨. أولًا، نقوم بتمثيل بيانات السلسلة الزمنية باستخدام دالة القياس لمويجة هار:

$$f(x) = \sum_{i=0}^{2^{k}-1} a_i \varphi(2^k x - i)$$

$$f(x) = 0 \varphi(2^3 x) + 2 \varphi(2^3 x - 1)$$

$$+ 0 \varphi(2^3 x - 2) + 2 \varphi(2^3 x - 3)$$

$$+ 6 \varphi(2^3 x - 4) + 8 \varphi(2^3 x - 5)$$

$$+ 6 \varphi(2^3 x - 6) + 8 \varphi(2^3 x - 7).$$

ثم، نستخدم المعادلتين ٢٠-١٠ و ٢٠-١٠ لتحويل الدالة المذكورة آنفًا. عند تنفيذ تحويل المويجة للدالة المذكورة أعلاه، نستخدم i=1 ، i=1 للزوج الأول من دوال القياس في i+1=3 الجانب الأين من الدالة المذكورة آنفًا، وi=1 و i=1 للزوج الثاني، وi=1 و i=1 للزوج الثالث، وi=1 و i=1 للزوج الرابع :

$$\begin{split} f(x) &= 0 \times \frac{1}{2} \left[ \phi \left( 2^2 x - \frac{0}{2} \right) + \psi \left( 2^2 x - \frac{0}{2} \right) \right] + 2 \times \frac{1}{2} \left[ \phi \left( 2^{k-1} x - \frac{0}{2} \right) - \psi \left( 2^{k-1} x - \frac{0}{2} \right) \right] \\ &+ 0 \times \frac{1}{2} \left[ \phi \left( 2^2 x - \frac{2}{2} \right) + \psi \left( 2^2 x - \frac{2}{2} \right) \right] + 2 \times \frac{1}{2} \left[ \phi \left( 2^{k-1} x - \frac{2}{2} \right) - \psi \left( 2^{k-1} x - \frac{2}{2} \right) \right] \\ &+ 6 \times \frac{1}{2} \left[ \phi \left( 2^2 x - \frac{4}{2} \right) + \psi \left( 2^2 x - \frac{4}{2} \right) \right] + 8 \times \frac{1}{2} \left[ \phi \left( 2^{k-1} x - \frac{4}{2} \right) - \psi \left( 2^{k-1} x - \frac{4}{2} \right) \right] \end{split}$$

$$+6\times\frac{1}{2}\left[\phi\left(2^{2}x-\frac{6}{2}\right)+\psi\left(2^{2}x-\frac{6}{2}\right)\right]+8\times\frac{1}{2}\left[\phi\left(2^{k-1}x-\frac{6}{2}\right)-\psi\left(2^{k-1}x-\frac{6}{2}\right)\right]$$

$$f(x) = 0 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x) + \psi(2^2x)] + 2 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x) - \psi(2^2x)]$$

$$+0 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x - 1) + \psi(2^2x - 1)] + 2 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x - 1) - \psi(2^2x - 1)]$$

$$+6 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x - 2) + \psi(2^2x - 2)] + 8 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x - 2) - \psi(2^2x - 2)]$$

$$+6 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x - 3) + \psi(2^2x - 3)] + 8 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^2x - 3) - \psi(2^2x - 3)]$$

$$f(x) = \left(0 \times \frac{1}{2} + 2 \times \frac{1}{2}\right) \varphi(2^{2}x) + \left(0 \times \frac{1}{2} - 2 \times \frac{1}{2}\right) \psi(2^{2}x)$$

$$+ \left(0 \times \frac{1}{2} + 2 \times \frac{1}{2}\right) \varphi(2^{2}x - 1) + \left(0 \times \frac{1}{2} - 2 \times \frac{1}{2}\right) \psi(2^{2}x - 1)$$

$$+ \left(6 \times \frac{1}{2} + 8 \times \frac{1}{2}\right) \varphi(2^{2}x - 2) + \left(6 \times \frac{1}{2} - 8 \times \frac{1}{2}\right) \psi(2^{2}x - 2)$$

$$+ \left(6 \times \frac{1}{2} + 8 \times \frac{1}{2}\right) \varphi(2^{2}x - 3) + \left(6 \times \frac{1}{2} - 8 \times \frac{1}{2}\right) \psi(2^{2}x - 3)$$

$$f(x) = \varphi(2^2x) - \psi(2^2x)$$

$$+ \varphi(2^2x - 1) - \psi(2^2x - 1)$$

$$+ 7\varphi(2^2x - 2) - 1\psi(2^2x - 2)$$

$$+ 7\varphi(2^2x - 3) - 1\psi(2^2x - 3)$$

$$f(x) = \varphi(2^2x) + \varphi(2^2x - 1) + 7\varphi(2^2x - 2) + 7\varphi(2^2x - 3)$$

$$f(x) = \varphi(2^2x) + \varphi(2^2x - 1) + 7\varphi(2^2x - 2) + 7\varphi(2^2x - 3) - \psi(2^2x) - \psi(2^2x - 1) - 1\psi(2^2x - 2) - 1\psi(2^2x - 3).$$

نقوم باستخدام المعادلتين ٢٠-١٠ و٢٠-١١ لتحويل السطر الأول من الدالة المذكورة آنفًا:

$$f(x) = \frac{1}{2} [\varphi(2^{1}x) + \psi(2^{1}x)] + \frac{1}{2} [\varphi(2^{1}x) - \psi(2^{1}x)]$$

$$+7 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^{1}x - 1) + \psi(2^{1}x - 1)] + 7 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^{1}x - 1) - \psi(2^{1}x - 1)]$$

$$-\psi(2^{2}x) - \psi(2^{2}x - 1) - \psi(2^{2}x - 2) - \psi(2^{2}x - 3)$$

$$f(x) = \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\right)\varphi(2x) + \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\right)\psi(2x) + \left(\frac{7}{2} + \frac{7}{2}\right)\varphi(2x - 1) + \left(\frac{7}{2} - \frac{7}{2}\right)\psi(2x - 1) - \psi(2^2x) - \psi(2^2x - 1) - \psi(2^2x - 2) - \psi(2^2x - 3)$$

$$f(x) = \varphi(2x) - 7\varphi(2x - 1)$$
  
+0\psi(2x) + 0\psi(2x - 1)  
-\psi(2^2x) - \psi(2^2x - 1) - \psi(2^2x - 2) - \psi(2^2x - 3).

مرةً أخرى، نستخدم المعادلتين ٢٠-١٠ و٢٠-١١ لتحويل السطر الأول من الدالة المذكورة آنفًا:

$$f(x) = \frac{1}{2} [\varphi(2^{1-1}x) + \varphi(2^{1-1}x)] + 7 \times \frac{1}{2} [\varphi(2^{1-1}x) - \psi(2^{1-1}x)]$$
$$+0\psi(2x) + 0\psi(2x - 1) - \psi(2^{2}x) - \psi(2^{2}x - 1)$$
$$-\psi(2^{2}x - 2) - \psi(2^{2}x - 3)$$

$$f(x) = \left(\frac{1}{2} + \frac{7}{2}\right)\varphi(x) + \left(\frac{1}{2} + \frac{7}{2}\right)\psi(x)$$
$$+0\psi(2x) + 0\psi(2x - 1) - \psi(2^2x) - \psi(2^2x - 1)$$
$$-\psi(2^2x - 2) - \psi(2^2x - 3)$$

$$f(x) = 4\varphi(x) - 3\psi(x) + 0\psi(2x) + 0\psi(2x - 1)$$
  
$$-\psi(2^2x) - \psi(2^2x - 1) - \psi(2^2x - 2) - \psi(2^2x - 3).$$

تعطى الدالة في المعادلة ٢٠-١٢ النتيجة النهائية لتحويل مويجة هار. يوجد ثمانية حدود للدالة، كما أنَّ لعينة البيانات الأصلية ثمانية سجلات بيانات. الحد الأول،  $4\varphi(x)$  عثل دالة خطوة بارتفاع 4 لـ x في النطاق (0,1) ويعطى متوسط سجلات البيانات الأصلية، 0، 2، 02، 3، 3، 8، 5، 8. الحد الثاني،  $3\psi(x)$ ، له دالة المويجة  $\psi(x)$ ، وهو ما يمثل تغيير خطوة لقيمة الدالة من 1 إلى 1- أو تغيير خطوة بقيمة 2- كلما اتجهت قيم x من النصف الأول لنطاق (%, %) إلى النصف الثاني للنطاق [1, %]. وبالتالي، فإن الحد الثاني،  $3\psi(x)$  $6 = (-2) \times (-3)$  مكشف أن بيانات السلسلة الزمنية الأصلية لديها تغيير خطوة مقداره  $(3-) \times (-3)$ من مجموعة النصف الأول لسجلات البيانات الأربعة إلى مجموعة النصف الثاني لسجلات السانات الأربعة إذا كان متوسط سجلات البيانات الأربعة الأولى مساويًا 1 ومتوسط سجلات البيانات الأربعة الأخيرة مساويًا 7. الحد الثالث،  $\partial \psi(2x)$ ، عِثْل أَن بيانات السلسلة الزمنية الأصلية ليس لديها أي تغيير خطوة من سجلات البيانات الأولى والثانية إلى سجلات البيانات الثالثة والرابعة إذا كان متوسط سجلات البيانات الأولى والثانية مساويًا 1 ومتوسط سجلات البيانات الثالثة والرابعة مساويًا 1. الحد الرابع،  $\partial \psi(2x-1)$ ، عِثْل أن بيانات السلسة الزمنية الأصلية ليس لديها أي تغيير خطوة من سجلات البيانات الخامسة والسادسة إلى سجلات البيانات السابعة والثامنة إذا بلغ متوسط سجلات البيانات الخامسة والسادسة 7 ومتوسط سجلات البيانات السابعة والثامنة 7. تكشف الحدود الخامسة، والسادسة،  $-\psi(2^2x-2)$  ، $-\psi(2^2x-1)$  ، $-\psi(2^2x)$  ،۱۲-۲۰ السابعة، والثامنة للدالة في المعادلة ،۱۲-۲۰ و $-y(2^2x-3)$  أنَّ بيانات السلسلة الزمنية الأصلية لها تغيير خطوة (1-)  $-y(2^2x-3)$  من سجل البيانات الأول بالقيمة صفر إلى سجل البيانات الثاني بالقيمة 2، وتغيير الخطوة (1-)  $\times$  (2-) = 2 من سجل البيانات الثالث بالقيمة صفر إلى سجل البيانات الرابع بالقيمة 2، وتغيير الخطوة (1-)  $\times$  (-1) = 2 من سجل البيانات الخامس بالقيمة 6 إلى سجل البيانات السادس بالقيمة 8، وتغيير الخطوة  $(1-) \times (2-) = 2$  من سجل البيانات السابع بالقيمة 6إلى سجل البيانات الثامن بالقيمة 8. وبالتالي، ينتج عن تحويل مويجة هار لثماني سجلات بيانات في بيانات السلسلة الزمنية الأصلية ثمانية حدود بمعامل دالة القياس arphi(x) كاشفًا عن متوسط البيانات الأصلية، ومعامل دالة المويجة  $\psi(x)$  كاشفًا عن تغيير الخطوة في

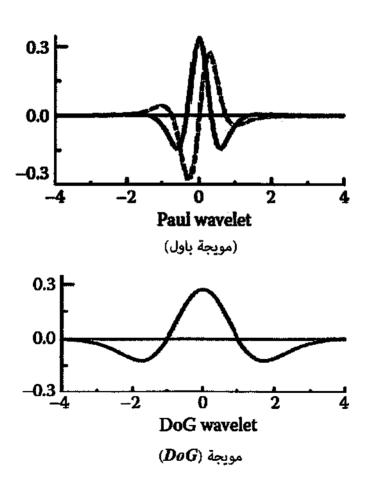
البيانات الأصلية بأقل تكرار من مجموعة النصف الأول لسجلات البيانات الأربع إلى  $\psi(2x)$  مجموعة النصف الثاني لسجلات البيانات الأربع، وتكشف معاملات دالتي المويجات  $\psi(2x)$  و  $\psi(2x-1)$  عن تغييرات الخطوة في البيانات الأصلية عند أعلى تكرار لكل سجلي بيانات،  $\psi(2^2x-3)$  و  $\psi(2^2x-2)$ ,  $\psi(2^2x-2)$  و  $\psi(2^2x-3)$  و  $\psi(2^2x-3)$  و تغييرات الخطوة في البيانات الأصلية عند أعلى تكرار لكل سجل بيانات .

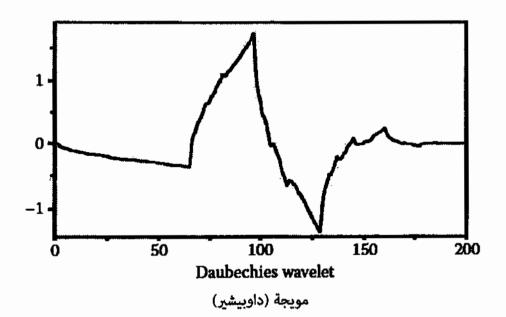
وبالتالي، فإن تحويل موبحة هار لببانات السلسلة الزمنبة بسمح لنا بتحول ببانات السلسلة الزمنية إلى البيانات في مجال التكرار الزمني، ورصد خصائص نمط بيانات المويجة (على سبيل المثال، تغيير الخطوة لمويجة هار) في مجال التكرار الزمني. على سبيل المثال، بكشف تحويل موبجة بيانات السلسلة الزمنية 0، 2، 0، 2، 6، 8، 6، 8 في المعادلة ٢٠-١٢ عن أنَّ البيانات لديها المتوسط 4، وزيادة قدرها 6 في الخطوة في أربعة سجلات بيانات (عند أدنى تكرار لتغيير الخطوة)، وليس هناك أي تغيير خطوة عند كل سجلي بيانات (عند التكرار المتوسط لتغيير الخطوة)، وزيادة قدرها 2 في الخطوة عند كل سجل بيانات (عند أعلى تكرار لتغيير الخطوة). بالإضافة إلى موبجة هار التي تلتقط غط البيانات لتغيير الخطوة، فهناك العديد من أشكال المويجات الأخرى، على سبيل المثال، موبجة باول (Paul wavelet)، مويجة اشتقاق مويجة قوسشيان (DoG)، ومويجة داوبيشيز (Doubechtes wavelet)، ومويجة مورليت (Morlet wavelet) كما هو موضح في الشكل ٢٠-٣. والتي تلتقط أنواع أخرى من أماط البيانات. يتم تطوير العديد من أشكال المويجات بحيث مِكن اختيار شكل المويجة المناسبة لإعطاء توافق قريب لنمط البيانات لبيانات السلسلة الزمنية. على سبيل المثال، يمكن استخدام مويجة داوبيشيز (Daubechies, 1990) لإجراء تحويل المويجة لبيانات السلسلة الزمنية التي تظهر غط بيانات بزيادة خطية أو نقصان خطى. أما مويجة باول، ومويجة اشتقاق مويجة قوسشيان، فيمكن استخدامهما لبيانات السلسلة الزمنية التي تظهر أنماط سانات مثل الموحة (Wave- Like).

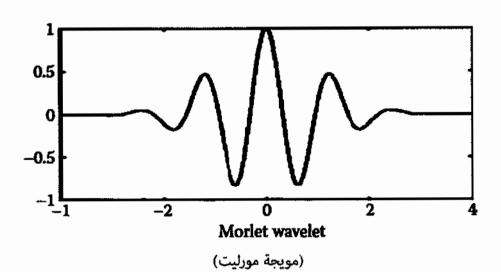
#### الشكل (۲۰-۳)

توضيح بياني لمويجة باول، ومويجة (DoG) اشتقاق مويجة قوسشيان، ومويجة داوبيشيز، ومويجة داربيشيز، ومويجة داربي، إن، نظم الحاسوب والشبكة الآمنة: النمذجة والتحليل والتصميم، ٢٠٠٨، الشكل ٢١٠،٢ الشكل دورليت. ص ٢٠٠ حقوق الطبع والنشر لشركة وايلي في سي اتش فيرلاغ وشركاه المحدودة)

(Ye, N., Secure Computer and Network Systems:Modeling, Analysis - and Design, 2008, Figure 11.2, p. 200. Copyright Wiley-VCH Verlag GmbH & Co. KGaA. Reproduced with permission)







# ٣-٢٠ إعادة بناء السلسلة الزمنية الزمن من معاملات المويجة (Reconstruction of Time Series Data from Wavelet Coefficients):

المعادلتان ٢٠-٨ و٢٠-٩، والتي يتم إعادة كتابتهما أدناه، يمكن استخدامهما لإعادة بناء ببانات السلسلة الزمنية من معاملات الموبجة :

$$\varphi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) = \varphi(2^k x - i) + \varphi(2^k x - i - 1)$$

$$\psi\left(2^{k-1}x - \frac{i}{2}\right) = \varphi(2^k x - i) - \varphi(2^k x - i - 1).$$

المثال ۲۰-۲:

قم بإعادة بناء بيانات السلسلة الزمنية من معاملات المويجة في المعادلة ٢٠-١٢، والتي يتم تكرارها أدناه :

$$f(x) = 4\varphi(x)$$

$$-3\psi(x)$$

$$+0\psi(2x) + 0\psi(2x - 1)$$

$$-\psi(2^{2}x) - \psi(2^{2}x - 1) - \psi(2^{2}x - 2) - \psi(2^{2}x - 3)$$

$$f(x) = 4 \times [\varphi(2^{1}x) + \varphi(2^{1}x - 1)]$$

$$-3 \times [\varphi(2^{1}x) - \varphi(2^{1}x - 1)]$$

$$+0 \times [\varphi(2^{2}x) - \varphi(2^{2}x - 1)] + 0 \times [\varphi(2^{2}x - 2) - \varphi(2^{2}x - 3)]$$

$$-[\varphi(2^{3}x) - \varphi(2^{3}x - 1)] - [\varphi(2^{3}x - 2) - \varphi(2^{3}x - 3)] - [\varphi(2^{3}x - 4) - \varphi(2^{3}x - 5)]$$

$$-[\varphi(2^{3}x - 6) - \varphi(2^{3}x - 7)]$$

$$f(x) = \varphi(2x) + 7\varphi(2x - 1)$$
  
-\phi(2^3x) + \phi(2^3x - 1) - \phi(2^3x - 2) + \phi(2^3x - 3) - \phi(2^3x - 4)  
+\phi(2^3x - 5) - \phi(2^3x - 6) + \phi(2^3x - 7)

$$f(x) = [\varphi(2^2x) + \varphi(2^2x - 1)] + 7 \times [\varphi(2^2x - 2) + \varphi(2^2x - 3)]$$
$$-\varphi(2^3x) + \varphi(2^3x - 1) - \varphi(2^3x - 2) + \varphi(2^3x - 3) - \varphi(2^3x - 4) + \varphi(2^3x - 5)$$
$$-\varphi(2^3x - 6) + \varphi(2^3x - 7)$$

$$f(x) = \varphi(2^2x) + \varphi(2^2x - 1) + 7\varphi(2^2x - 2) + 7\varphi(2^2x - 3)$$

$$-\varphi(2^3x) + \varphi(2^3x - 1) - \varphi(2^3x - 2) + \varphi(2^3x - 3) - \varphi(2^3x - 4) + \varphi(2^3x - 5)$$

$$-\varphi(2^3x - 6) + \varphi(2^3x - 7)$$

$$f(x) = [\varphi(2^3x) + \varphi(2^3x - 1)] + [\varphi(2^3x - 2) + \varphi(2^3x - 3)]$$

$$+7 \times [\varphi(2^3x - 4) + \varphi(2^3x - 5)] + 7[\varphi(2^3x - 6) + \varphi(2^3x - 7)]$$

$$-\varphi(2^3x) + \varphi(2^3x - 1) - \varphi(2^3x - 2) + \varphi(2^3x - 3) - \varphi(2^3x - 4)$$

$$+\varphi(2^3x - 5) - \varphi(2^3x - 6) + \varphi(2^3x - 7)$$

$$f(x) = 0\varphi(2^3x) + 2\varphi(2^3x - 1)$$
$$+0\varphi(2^3x - 2) + 2\varphi(2^3x - 3)$$
$$+6\varphi(2^3x - 4) + 8\varphi(2^3x - 5)$$
$$+6\varphi(2^3x - 6) + 8\varphi(2^3x - 7).$$

عند أخذ معاملات دالات القياس في الجانب الأمن من المعادلة الأخيرة، فإنه يعطينا العينة الأصلية لبيانات سلاسل الزمن، 0، 2، 0، 2، 6، 8، 6، 8.

#### ٤-٢٠ البرمجيات والتطبيقات (Software and Applications):

يتم دعم تحليل المويجة في حزم البرمجيات بما في ذلك برنامج ستاتيستيكا (www.matworks.com) MATLAB) وبرنامج ماتلاب (www.statistica.com) خوقش في الجزء ٢٠-٢، يمكن تطبيق تحول المويجة للكشف عن خصائص أنماط بيانات معينة في مجال تكرار زمني. على سبيل المثال، عن طريق فحص موقع الزمن وتكرار معامل مويجة هار بالحجم الأكبر، تم الكشف عن حدوث أكبر صعود لمؤشر بورصة نيويورك لفترة ٦ سنوات من العام ١٩٨١-١٩٨١ من أول ٣ سنوات إلى الثلاث سنوات التالية (Boggess and من العام ١٩٨١-١٩٨١ من أول ٣ سنوات إلى الثلاث سنوات التالية (Aarcowich, 2001) ووسفية هار، وپاول، ومويجة اشتقاق مويجة قوسشيان، ومويجة داوبيشيز، ومويجة مورليت البيانات الحاسوب والشبكات في يي (Ye, 2008; Chapter 11)

يُعتبر تحويل المويجة مفيدًا أيضًا لكثير من الأنواع الأخرى من التطبيقات، ما في ذلك خفض الضوضاء وتصفيتها، وضغط البيانات، والكشف عن الحافة Boggess and (Narcowich, 2001. وعادةً ما يتم القيام بخفض الضوضاء وتصفيتها عن طريق إسناد القيمة صفر لمعاملات المويجة في نطاق تكرار معين، والذي يُؤخِّذ في الاعتبار لتمييز الضوضاء في بيئة معينة (على سبيل المثال، أعلى تكرار للضوضاء البيضاء أو نطاق معن من التكرارات للضوضاء المتولدة آلياً في قُمْرة قيادة طائرة إذا كان صوت الطيار هو محل الاهتمام). ثم يتم استخدام معاملات المويجة تلك جنبا إلى جنب مع غيرها من معاملات المويجة الثابتة لإعادة بناء الإشارة بعد إزالة الضوضاء. وعادة ما يتم ضغط البيانات ( data compression) من خلال الإبقاء على معاملات المويجة ذات المقدار الكبير أو معاملات المويجة عند بعض التكرارات التي تُعتبر أنها تمثل الإشارة. يتم استخدام معاملات المويجة هذه وغيرها من معاملات المويجة الأخرى ذات القيمة صفر لإعادة بناء بيانات الإشارة. إذا تم نقل بيانات الإشارة من مكان إلى مكان آخر، وكلا المكانين يعرفان التكرارات المعطاة التي تحتوى على الإشارة، فهناك مجموعة صغيرة فقط من معاملات المويجة في التكرارات المعطاة تحتاج إلى أن تنتقل لتحقيق ضغط البيانات. يعتبر الكشف عن الحافة (edge detection) بأنه البحث عن أكبر معاملات للمويجة واستخدام مواقع زمنهم وتكراراتهم في الكشف عن أكبر تغيير (تغييرات) أو انقطاعات في البيانات (على سبيل المثال، حافة حادة بين ظل خفيف إلى ظل داكن في صورة لكشف جسم ما كشخص في ردهة) .

#### التمارين (Exercises):

- ۱-۲۰ قم بتنفیذ تحویل مویجة هار لبیانات السلسلة الزمنیة 2.5، 0.5، 4.5، 2.5، 1-، 1، 2.6 قم بتنفیذ تحویل مویجة هار.
- ٢-٢٠ ينتج عن تحويل مويجة هار لبيانات سلسلة زمنية معينة معاملات المويجة التالية:

$$f(x) = 2.25\varphi(x)$$

$$+0.25\psi(x)$$

$$-1\psi(2x) - 2\psi(2x - 1)$$

$$+\psi(2^{2}x) + \psi(2^{2}x - 1) - \psi(2^{2}x - 2)$$

$$-2\psi(2^{2}x - 3).$$

قم بإعادة بناء بيانات السلسلة الزمنية الأصلية باستخدام هذه المعاملات.

٣-٢٠ بعد اسناد القيمة صفر للمعاملات التي تكون قيمها المطلقة أصغر من 1.5 في تحويل مويجة هار من التمرين ٢٠-٢، يكون لدينا معاملات المويجات التالية :

$$f(x) = 2.25\varphi(x)$$

$$+0\psi(x)$$

$$+0\psi(2x) - 2\psi(2x - 1)$$

$$+0\psi(2^{2}x) + 0\psi(2^{2}x - 1) + 0\psi(2^{2}x - 2)$$

$$-2\psi(2^{2}x - 3).$$

قم بإعادة بناء بيانات السلسلة الزمنية باستخدام هذه المعاملات.

### المراجع

- Agrawal, R. and Srikant, R. 1994. Fast algorithms for mining association rules in large databases. In Proceedings of the 20th International Conference on Very Large Data Bases, Santiago, Chile, pp. 487-499.
- Bishop, C. M. 2006. Pattern Recognition and Machine Learning. New York: Springer.
- Boggess, A. and Narcowich, F. J. 2001. The First Course in Wavelets with Fourier Analysis. Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall.
- Box, G.E.P. and Jenkins, G. 1976. Time Series Analysis: Forecasting and Control. Oakland, CA: Holden-Day.
- Breiman, L., Friedman, J. H., Olshen, R. A., and Stone, C. J. 1984.
   Classification and Regression Trees. Boca Raton, FL: CRC Press.
- Bryc, W. 1995. The Normal Distribution: Characterizations with Applications. New York: Springer-Verlag.
- Burges, C. J. C. 1998. A tutorial on support vector machines for pattern recognition. Data Mining and Knowledge Discovery, 2, 121–167.
- Chou, Y.-M., Mason, R. L., and Young, J. C. 1999. Power comparisons for a Hotelling's T2 statistic. Communications of Statistical Simulation, 28(4), 1031-1050.
- Daubechies, I. 1990. The wavelet transform, time-frequency localization and signal analysis. *IEEE Transactions on Information Theory*, 36(5), 96-101.
- Davis, G. A. 2003. Bayesian reconstruction of traffic accidents. Law, Probability and Risk, 2(2), 69-89.
- Díez, F. J., Mira, J., Iturralde, E., and Zubillaga, S. 1997. DIAVAL, a Bayesian expert system for echocardiography. Artificial Intelligence in Medicine, 10, 59-73.

- Emran, S. M. and Ye, N. 2002. Robustness of chi-square and Canberra techniques in detecting intrusions into information systems. Quality and Reliability Engineering International, 18(1), 19-28.
- Ester, M., Kriegel, H.-P., Sander, J., and Xu, X. 1996. A density-based algorithm for discovering clusters in large spatial databases with noise. In E. Simoudis, J. Han, U. M. Fayyad (eds.) Proceedings of the Second International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (KDD-96), Portland, OR, AAAI Press, pp. 226-231.
- Everitt, B. S. 1979. A Monte Carlo investigation of the Robustness of Hotelling's one and two-sample T2 tests. *Journal of American Statistical Association*, 74(365), 48-51.
- Frank, A. and Asuncion, A. 2010. UCI machine learning repository. http://archive.ics.uci.edu/ml. Irvine, CA: University of California, School of Information and Computer Science.
- Hartigan, J. A. and Hartigan, P. M. 1985. The DIP test of unimodality. The Annals of Statistics, 13, 70-84.
- Jiang, X. and Cooper, G. F. 2010. A Bayesian spatio-temporal method for disease outbreak detection. *Journal of American Medical Informatics Association*, 17(4), 462–471.
- Johnson, R. A. and Wichern, D. W. 1998. Applied Multivariate Statistical Analysis. Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall.
- Kohonen, T. 1982. Self-organized formation of topologically correct feature maps. Biological Cybernetics, 43, 59-69.
- Kruskal, J. B. 1964a. Multidimensional scaling by optimizing goodness of fit to a nonmetric hypothesis. *Psychometrika*, 29(1), 1-27.
- Kruskal, J. B. 1964b. Non-metric multidimensional scaling: A numerical method. Psychometrika, 29(1), 115-129.
- Li, X. and Ye, N. 2001. Decision tree classifiers for computer intrusion detection. Journal of Parallel and Distributed Computing Practices, 4(2), 179-190.

- Li, X. and Ye, N. 2002. Grid- and dummy-cluster-based learning of normal and intrusive clusters for computer intrusion detection. Quality and Reliability Engineering International, 18(3), 231-242.
- Li, X. and Ye, N. 2005. A supervised clustering algorithm for mining normal and intrusive activity patterns in computer intrusion detection. Knowledge and Information Systems, 8(4), 498-509.
- Li, X. and Ye, N. 2006. A supervised clustering and classification algorithm for mining data with mixed variables. *IEEE Transactions on* Systems, Man, and Cybernetics, Part A, 36(2), 396-406.
- Liu, Y. and Weisberg, R. H. 2005. Patterns of ocean current variability on the West Florida Shelf using the self-organizing map. *Journal of Geophysical Research*, 110, C06003, doi:10.1029/2004JC002786.
- Luceno, A. 1999. Average run lengths and run length probability distributions for Cuscore charts to control normal mean. Computational Statistics & Data Analysis, 32(2), 177-196.
- Mason, R. L., Champ, C. W., Tracy, N. D., Wierda, S. J., and Young,
   J. C. 1997a. Assessment of multivariate process control techniques.
   Journal of Quality Technology, 29(2), 140-143.
- Mason, R. L., Tracy, N. D., and Young, J. C. 1995. Decomposition of T2 for multivariate control chart interpretation. *Journal of Quality Technology*, 27(2), 99-108.
- Mason, R. L., Tracy, N. D., and Young, J. C. 1997b. A practical approach for interpreting multivariate T2 control chart signals. *Journal* of Quality Technology, 29(4), 396-406.
- Mason, R. L. and Young, J. C. 1999. Improving the sensitivity of the T2 statistic in multivariate process control. *Journal of Quality Technology*, 31(2), 155-164.
- Montgomery, D. 2001. Introduction to Statistical Quality Control, 4th edn. New York: Wiley.

- Montgomery, D. C. and Mastrangelo, C. M. 1991. Some statistical process control methods for autocorrelated data. *Journal of Quality Technologies*, 23(3), 179–193.
- Neter, J., Kutner, M. H., Nachtsheim, C. J., and Wasserman, W. 1996.
   Applied Linear Statistical Models. Chicago, IL: Irwin.
- Osuna, E., Freund, R., and Girosi, F. 1997. Training support vector machines: An application to face detection. In Proceedings of the 1997 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, San Juan, Puerto Rico, pp. 130-136.
- Pourret, O., Naim, P., and Marcot, B. 2008. Bayesian Networks: A Practical Guide to
- Applications. Chichester, U.K.: Wiley.
- Quinlan, J. R. 1986. Induction of decision trees. Machine Learning, 1, 81-106.
- Rabiner, L. R. 1989. A tutorial on hidden Markov models and selected applications in speech recognition. *Proceedings of the IEEE*, 77(2), 257-286.
- Rumelhart, D. E., McClelland, J. L., and the PDP Research Group.
   1986. Parallel Distributed Processing: Explorations in the Microstructure of Cognition, Volume 1: Foundations. Cambridge, MA: The MIT Press.
- Russell, S., Binder, J., Koller, D., and Kanazawa, K. 1995. Local learning in probabilistic networks with hidden variables. In Proceedings of the Fourteenth International Joint Conference on Artificial Intelligence, Montreal, Quebec, Canada, pp. 1146-1162.
- Ryan, T. P. 1989. Statistical Methods for Quality Improvement. New York: John Wiley & Sons.
- Sung, K. and Poggio, T. 1998. Example-based learning for view-based human face detection. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 20(1), 39-51.

- Tan, P.-N., Steinbach, M., and Kumar, V. 2006. Introduction to Data Mining. Boston, MA: Pearson.
- Theodoridis, S. and Koutroumbas, K. 1999. Pattern Recognition. San Diego, CA: Academic Press.
- Vapnik, V. N. 1989. Statistical Learning Theory. New York: John Wiley & Sons.
- Vapnik, V. N. 2000. The Nature of Statistical Learning Theory. New York: Springer-Verlag.
- Vidakovic, B. 1999. Statistical Modeling by Wavelets. New York: John Wiley & Sons.
- Viterbi, A. J. 1967. Error bounds for convolutional codes and an asymptotically optimum decoding algorithm. *IEEE Transactions on Information Theory*, 13, 260–269.
- Witten, I. H., Frank, E., and Hall, M. A. 2011. Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques. Burlington, MA: Morgan Kaufmann
- Yaffe, R. and McGee, M. 2000. Introduction to Time Series Analysis and Forecasting. San Diego, CA: Academic Press.
- Ye, N. 1996. Self-adapting decision support for interactive fault diagnosis of manufacturing systems. *International Journal of Computer Integrated Manufacturing*, 9(5), 392-401.
- Ye, N. 1997. Objective and consistent analysis of group differences in knowledge representation. *International Journal of Cognitive Ergonomics*, 1(2), 169-187.
- Ye, N. 1998. The MDS-ANAVA technique for assessing knowledge representation differences between skill groups. *IEEE Transactions on Systems, Man and Cybernetics*, 28(5), 586-600.
- Ye, N. 2003, ed. The Handbook of Data Mining. Mahwah, NJ: Lawrence Erlbaum Associates.

- Ye, N. 2008. Secure Computer and Network Systems: Modeling, Analysis and Design. London, U.K.: John Wiley & Sons.
- Ye, N., Borror, C., and Parmar, D. 2003. Scalable chi square distance versus conventional statistical distance for process monitoring with uncorrelated data variables. Quality and Reliability Engineering International, 19(6), 505-515.
- Ye, N., Borror, C., and Zhang, Y. 2002a. EWMA techniques for computer intrusion detection through anomalous changes in event intensity. Quality and Reliability Engineering International, 18(6), 443-451.
- Ye, N. and Chen, Q. 2001. An anomaly detection technique based on a chi-square statistic for detecting intrusions into information systems. Quality and Reliability Engineering International, 17(2), 105-112.
- Ye, N. and Chen, Q. 2003. Computer intrusion detection through EWMA for autocorrelated and uncorrelated data. *IEEE Transactions* on *Reliability*, 52(1), 73-82.
- Ye, N., Chen, Q., and Borror, C. 2004. EWMA forecast of normal system activity for computer intrusion detection. *IEEE Transactions on Reliability*, 53(4), 557-566.
- Ye, N., Ehiabor, T., and Zhang, Y. 2002c. First-order versus high-order stochastic models for computer intrusion detection. *Quality and Reliability Engineering International*, 18(3), 243–250.
- Ye, N., Emran, S. M., Chen, Q., and Vilbert, S. 2002b. Multivariate statistical analysis of audit trails for host-based intrusion detection. *IEEE Transactions on Computers*, 51(7), 810-820.
- Ye, N. and Li, X. 2002. A scalable, incremental learning algorithm for classification problems. Computers & Industrial Engineering Journal, 43(4), 677-692.
- Ye, N., Li, X., Chen, Q., Emran, S. M., and Xu, M. 2001. Probabilistic techniques for intrusion detection based on computer audit data. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics*, 31(4), 266-274.

- Ye, N., Parmar, D., and Borror, C. M. 2006. A hybrid SPC method with the chi-square distance monitoring procedure for large-scale, complex process data. Quality and Reliability Engineering International, 22(4), 393-402.
- Ye, N. and Salvendy, G. 1991. Cognitive engineering based knowledge representation in neural networks. *Behaviour & Information Technology*, 10(5), 403-418.
- Ye, N. and Salvendy, G. 1994. Quantitative and qualitative differences between experts and novices in chunking computer software knowledge. *International Journal of Human-Computer Interaction*, 6(1), 105-118.
- Ye, N., Zhang, Y., and Borror, C. M. 2004b. Robustness of the Markovchain model for cyber-attack detection. *IEEE Transactions on Reliability*, 53(1), 116–123.
- Ye, N. and Zhao, B. 1996. A hybrid intelligent system for fault diagnosis of advanced manufacturing system. *International Journal of Production Research*, 34(2), 555-576.
- Ye, N. and Zhao, B. 1997. Automatic setting of article format through neural networks. *International Journal of Human-Computer Interaction*, 9(1), 81-100.
- Ye, N., Zhao, B., and Salvendy, G. 1993. Neural-networks-aided fault diagnosis in supervisory control of advanced manufacturing systems. International Journal of Advanced Manufacturing Technology, 8, 200– 209.
- Young, F. W. and Hamer, R. M. 1987. Multidimensional Scaling: History, Theory, and Applications. Hillsdale, NJ: Lawrence Erlbaum Associates.

# قاموس للصطلحات - Glossary

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٠
Agglomerative hierarchical clustering	التعنقَّد الهرمي المحتشد	١
Algebra matrix	المصفوفة الجبرية	۲
Algorithm	خوارزمية	٣
Analysis of variance	تحليل التباين	٤
Angular analysis of variance	تحليل تباين الزوايا	0
Anomaly	شاذ	٦
Apriori algorithm	خوارزمية أبريوري (الأسبقية)	>
Artificial Neural Network (ANN)	الشبكة العصبية الصناعية	٨
Association	الاقتران	٩
Association patterns	أنماط الاقتران	1.
Attribute variable	متغير الخاصية	11
Autocorrelation	الارتباط الذاتي	17
Autoregressive	ذاتي الانحدار	۱۳
Autoregressive and moving average (ARMA) models	غاذج المتوسط المتحرك ذاتي الانحدار	18
Average linkage method	طريقة ترابط المتوسط	10
Back-propagation learning method	طريقة التعلم بالتوالد الخلفي	17
Bellman's principle	مبدأ بيلمان	17
Bias	تحيز	۱۸
Bimodal distribution	التوزيع الثنائي النسق	19
Box-Cox transformation	تحويل بوكس-كوكس	۲.
Categorical variable	متغير نوعي	71
Centroid	المركز المتوسط	77
Centroid linkage method	طريقة ترابط المركز المتوسط	۲۳
Chi-square statistic	إحصاءة مربع كاي	75

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Classification	تصنيف	70
Cluster	عنقود	۲٦
Cluster linkage method	طريقة ترابط العناقيد	77
Clustering	التعنقُّد	49
Computational cost	تكلفة حاسوبية (معالجية، تخزينية، شبكية)	79
Conditional probability	الاحتمال المشروط	٣٠
Confidence measure	مقياس الثقة	۲٦
Control limit	حد التحكم	٣٢
Correlation	ارتباط	۳۳
Cosine similarity	تشابه جيب التمام (جتا)	٣٤
Covariance	التغاير (التباين المشترك)	٣٥
Criterion	شرط أو معيار	٣٦
Cumulative sum (CUSUM)	مجموع تراكمي	۲۷
Cumulative score (CUSCORE)	الدرجة التراكمية	٣٨
Data	البيانات	٣٩
Data homogeneity	تجانس البيانات	٤٠
Data Mining	استكشاف أو تنقيب البيانات	٤١
Data reduction patterns	أغاط اختزال البيانات	٤٢
Daubechies wavelet	مويجة داوبيشيز	٤٣
Decision threshold	حد (حاجز) القرار	٤٤
Decision tree	شجرة القرار	٤0
Dendrogram	رسم الدندروقرام الهرمي	٤٦
Density function	دالة الكثافة	٤٧
Derivative of Gaussian (DoG) wavelet	اشتقاق مويجة قوسشيان	٤٨
Determinant	المحدد	٤٩

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Deterministic trend	الاتجاه المحدد	٥٠
Detrending	إعادة توجيه	01
Dilation effect	الأثر التمددي	٥٢
Dip test	اختبار أحادية النسق	٥٣
Directed, acyclic graph	الرسم البياني المفتوح والموجة	٥٤
Dissimilarity	اختلاف	00
Edge detection	اكتشاف الحافة	70
Eigenvalue	قيمة أيجن(القيمة الذاتية أو الجذر الكامن)	٥٧
Eigenvector	المتجه الذاتي	٥٨
Emission probability	احتمال الظهور	٥٩
Empirical risk of classification	مخاطرة التصنيف التجريبية	٦.
Estimator	مُقدِّر	71
Euclidean distance	المسافة الإقليدية	77
Expectation maximization	تضخيم التوقع	٦٣
Expected risk of classification	المخاطرة المتوقعة للتصنيف	78
Exponentially weighted moving average (EWMA)	المتوسط المتحرك الموزون الأسي	70
False alarm rate	معدل الإنذار الخاطئ	TT
Feedforward ANNs	الشبكات العصبية الاصطناعية ذات التغذية الأمامية	٦٧
Gaussian Time Series	سلاسل قوسشيان الزمنية	٦٨
Gauss-Newton method	دالة قاوس-نيوتن	79
Generalization	التعميم	٧٠
Gini index	مؤشر جيني	۷۱
Goodness-of-fit	جودة المطابقة	٧٢
Gradient descent search	البحث الهابط المتدرج	٧٢
Graphical method	الأسلوب البياني	٧٤

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Haar wavelet	مويجة هار	٧٥
Hamming distance	مسافة هامينغ	٧٦
Handwritten character		
recognition	تمييز الحروف المكتوبة بخط اليد	W
Hard limit function	دالة الحد الثابت	٧٨
Hidden Markov models	غاذج ماركوف المخفية	۷٩
Histogram	المدرج التكراري	۸٠
Hit rate	معدل الزيارة الناجحة	۸۱
Hotelling's T <sup>2</sup> control chart	مخطط التحكم لهوتلينق T <sup>2</sup>	۸۲
Hotelling's T <sup>2</sup> statistic	إحصاءة هوتلينق T <sup>2</sup>	۸۳
Hyperbolic tangent function	دالة الظل القطعي	٨٤
Identity matrix	المصفوفة المحايدة	۸٥
In-control process	عملية تحت السيطرة	٨٦
Independence of variables	استقلالية المتغيرات	۸۷
Individual difference scaling (INDSCALE)	قياس الفروقات الفردية	٨٨
Information	المعلومات	۸۹
Information Entropy	مقياس عشوائية المعلومات	9.
Interval variable	متغير الفترة	91
Inverse of a matrix	معكوس المصفوفة	97
Joint probability	الاحتمال المشترك	94
Karush-Kuhn-Tucker condition	شرط كاروش-كوهن-توكر	٩٤
Kernel function	دالة كيرنل	90
K-nearest neighbor classifier	مُصنَّف أقرب k-مجاور	97
Knowledge organization	تنظيم المعرفة	٩٧
Lagrange multiplier	مضاعف لاقرينج	۸۶
Least-squares method	طريقة المربعات الصغرى	99

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Lift measure	مقياس العُون	1
Linear classifier	مصنف خطى	1.1
Linear function	الدالة الخطية	1.7
Linearly separable problem	مسألة قابلة للفصل خطيا	1.5
Log transformation	تحويل لوغاريتمي	١٠٤
Logistic regression model	غوذج الانحدار اللوجستي	1.0
Lower Control Limit (UCL)	حد التحكم الأدني	1.7
Marginalization	تهميش	۱۰۷
Markov chain	سلسلة ماركوف	۱۰۸
Maximum a posterior (MAP) classification	تصنيف اللاحق (التالي) الأكبر	1-9
Maximum likelihood (ML) probability	احتمال الإمكان الأكبر	11.
Maximum likelihood method	طريقة الإمكان الأكبر	111
Maximum posterior probability	الاحتمال اللاحق الأكبر	111
Mean shift	تحول المتوسط	114
Measure of association	مقياس الاقتران	118
Measure of data homogeneity	مقياس تجانس البيانات	110
Minimum description length	طول الوصف الأصغر	117
Minkowski distance	مسافة مينكوسكي	117
Missing data	البيانات المفقودة	114
Mode test	اختبار النسق	119
Monotone regression algorithm	خوارزمية الانحدار الرتيبة	14.
Monotonic tree of hierarchical clustering	التعنقُّد الهرمي للشجرة الرتيبة	171
Morlet wavelet	مويجة مورليت	144
Multidimensional scaling (MDS)	القياس المتعدد الأبعاد	۱۲۳

The state of the s

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٦
Multilayer feedforward	الشبكة العصبية الاصطناعية ذات	· ·
artificial neural	التغذية الأمامية المتعددة الطبقات	371
Multimodal distribution	التوزيع المتعدد الأنساق	110
Multivariate control chart	مخطط التحكم المتعدد المتغيرات	177
Multivariate EWMA control	مخطط التحكم ذو المتوسط المتحرك	
chart	الموزون الأسى المتعدد المتغيرات	۱۲۷
Multivariate statistics	إحصاءات المتغبرات المتعددة	۱۲۸
Naïve Bayes Classifier	مُصنَف بييز البسيط	179
Natural language processing	معالجة اللغة الطبيعية	14.
Natural logarithm transformation	التحويل اللوغاريتمي الطبيعي	171
Neighborhood function	دالة المجاورة	144
Neural Network	الشبكة العصبية	١٣٣
Neuron	الخلية العصبية	١٣٤
Node	عُقدة	100
Noise reduction and filtering	اختزال الضوضاء وتصفيتها	١٣٦
Nominal variable	المتغير الإسمي	127
Nonbinary decision tree	شجرة القرار غير الثنائية	١٣٨
Nonlinear classifier	المُصنّف غير الخطي	129
Nonlinear regression models	غاذج الانحدار غير الخطية	18.
Nonlinearly separable problem	المسألة القابلة للانفصال بشكل غير خطي	181
Non-monotonic tree of hierarchical clustering	التعنقُّد الهرمي للشجرة غير الرتيبة	188
Nonstationarity	اللاسكون	154
Nonstationary time series	السلاسل الزمنية غير الساكنة	188
Normal distribution	التوزيع الطبيعي	150
Normal probability distribution	التوزيع الاحتمالي الطبيعي	187

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Normalization method	دالة التطبيع	١٤٧
Normalized variable	المتغير المطبع	١٤٨
Numeric variable	متغير رقمي	189
One-step ahead prediction model	غوذج التنبؤ بخطوة واحدة للأمام	100
Optimization problem	مشكلة التحسين	101
Ordinal variable	المتغير الترتيبي	101
Orthogonal vector	المتجه المتعامد	104
Outlier	متطرف	108
Outlier and anomaly patterns	الأنماط المتطرفة والشاذة	100
Out-of-control process	عملية خارج السيطرة	107
Output unit	وحدة المخرجات	107
Over-fitted model	نموذج مفرط في المطابقة	۱٥٨
Over-fitting	الإفراط في المطابقة	109
Parameter	معامة	17.
Parameter estimation	تقدير المعلمة	171
Partial autocorrelation function (PACF) coefficient	معامل دالة الارتباط الذاتي الجزئي	177
Pattern	غط	175
Paul wavelet	مويجة باول	178
Perceptron	الشبكة العصبية الاصطناعية ذات التغذية الأمامية أحادية الطبقة	170
Polynomial function	دالة كثيرة الحدود	177
Positive definite matrix	المصفوفة المحددة الموجبة	۱٦٧
Posterior probability	الاحتمال اللاحق	۱٦٨
Prediction	تنبؤ	179
Principal component analysis	تحليل المكونات الرئيسية	۱۷۰
Prior probability	الاحتمال السابق	171

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Probabilistic inference	الاستدلال الاحتمالي	۱۷۲
Quadratic programming problem	مسألة برمجية تربيعية	۱۷۳
Random fluctuation pattern	غط التذبذب العشوائي	۱۷٤
Random walk	السير العشواثي	170
Ratio variable	المتغير النسبي	177
Receiver Operating Curve (ROC)	منحنى التشغيل التشخيصي	177
Reconstruction of time series data	إعادة تشكيل بيانات السلسلة الزمنية	174
Recurrent ANNs	الشبكات العصبية الاصطناعية الدورية	۱۷۹
Reduction	اختزال	۱۸۰
Regression model	غوذج الانحدار	۱۸۱
Residual	المُتبقي	177
Scaling function	دالة القياس	۱۸۳
Seasonable cycle	الدورة الموسمية	۱۸٤
Self-Organizing Map (SOM)	خريطة التنظيم الذاتي	1/10
Sequential	تسلسلي	17.1
Sequential and temporal patterns	الأغاط الزمنية والتسلسلية	١٨٧
Shewhart control charts	مخطط شوارتز للتحكم	١٨٨
Shift effect	أثر التحول	۱۸۹
Sigmoid function	الدالة السينية(على شكل حرف اس)	19.
Sign function	دالة الإشارة	191
Skewed distribution	التوزيع الملتوي	197
Skewness	الالتواء	198
Spectral decomposition of a matrix	التحلل الطيفي لمصفوفة	198
Speech recognition	التعرف على الكلام	190

المصطلح الإنجليزي	المصطلح العربي	٩
Spike pattern	النمط المسماري	197
Split selection methods	دوال انتقاء الانفصال	197
State transition probability	احتمال تحول الحالة	191
Stationarity	السكون	199
Stationary time series	السلاسل الزمنية الساكنة	۲۰۰
Structural risk minimization principle	مبدأ تقليل المخاطر الهيكلية	7.1
Sum of squared errors (SSE)	مجموع الأخطاء التربيعية	۲۰۲
Supervised clustering	التعنقُّد المراقب	۲۰۳
Support measure	مقياس الدعم	4.8
Support vector machines (SVM)	الدعم الآلي المتجه	۲٠٥
Symmetric matrix	المصفوفة المتناظرة	7*
Target variable	متغير الهدف	۲۰۷
Temporal	زمني	۲٠۸
Tensor product	الضرب الممتد	4.9
Test data	البيانات الاختبارية	۲۱.
Time series analysis	تحليل السلاسل الزمنية	411
Training data	البيانات التدريبية أو الاستكشافية	717
Uniform distribution	التوزيع الموحد	717
Univariate	أحادي المتغير	317
Upper Control Limit (UCL)	حد التحكم الأعلى	710
Variance	تباین	717
Variance-covariance matrix	مصفوفة التباين-التغاير	717
VC dimension	بعد فابينك وتشرفونينكيس	<b>Y1</b> A
Viterbi algorithm	خوارزمية فيترباي	Y19
Wavelet	مويجة	44-
Wavelet function	دالة المويجة	771

## للترجم في سطور

## الدكتور خالد بن ناصر آل حيان

#### المؤهل العلمي:

حاصل على شهادة الدكتوراه في تخصص نظم المعلومات من جامعة جنوب فلوريدا
 جدينة تامبا، ولاية فلوريدا، الولايات المتحدة الأمريكية في عام ١٤٣٤ هـ / ٢٠١٢ م.

#### العمل الحالي:

مدير إدارة استشارات المعلومات والتقنية في معهد الإدارة العامة.

#### الأنشطة العلمية والعملية:

- له العديد من المؤلفات العلمية ما بين أوراق عمل علمية ومُترجَمَات، إضافةً لهذا الكتاب، وتشمل على سبيل المثال:

المؤلف العلمي	النوع	۴
Alhayyan, K., "Participation in Information Markets Research: A New Conceptualization and Measurement," Journal of Systemics, Cybernetics and Informatics (JSCI), Vol. 13 – No. 2 – Sep 2015, , pp. 68-76.	ورقة عمل	,
ترجمة كتاب Social Science Research: Principles, Methods, and Practices" " - "بحوث العلوم الاجتماعية: المبادئ والمناهج والممارسات"، للمؤلف د. أنول باتشيرجي، سنة النشر ٢٠١٥م، دار اليازوري للنشر والتوزيع، ٤٢٧ صفحة.	ترجمة كتاب	۲
Alhayyan. K., Nuseibeh, H., "Trends in the study of Cloud Computing: Observations and Research Gaps", The 5th International Conference on Society and Information Technologies: ICSIT 2014, March 4-7 2014, Proceedings Vol. 1, pp. 38-43.	ورقة عمل	٣

المؤلف العلمي	النوع	٩
ترجمة مقال علمي بعنوان "الاتجاهات الخاصة بدراسة الإدارة العامة: ملاحظات تجريبية ونوعية من مجلة مراجعة الإدارة العامة ٢٠٠٠ ــــ ٢٠٠٩م"، للمؤلفين: جوز سي إن. رادشيلدرز. كوانغ – هون لي، مجلة الإدارة العامة، المجلد رقم ٥٤، العدد ١، سنة النشر نوفمبر ٢٠١٣م.	ترجمة مقال	٤
مراجعة ترجمة مقال علمي بعنوان "تصميم نظم للتعلم الإلكتروني ذات وعي اجتماعي من خلال إدارة المعرفة"، للمؤلفين: ريشا شارما . هيما باناتي . بونام بيدي، ترجمة الدكتور/ عجلان بن محمد الشهري، مجلة الإدارة العامة، المجلد رقم ٥٣، العدد ٤، سنة النشر أغسطس ٢٠١٣م.	مراجعة ترجمة	٥
Alhayyan, K., "Cloud Computing: Better Ways to Control its Services," The 3 <sup>rd</sup> International Multi-Conference on Complexity, Informatics and Cybernetics: IMCIC 2012, March 25 <sup>th</sup> – 28 <sup>th</sup> 2012, Proceedings Vol. 1, pp. 145-148.	ورقة عمل	٦
Alhayyan, K., Bouayad, L., "A Data Mining Method for the Medical Relationship between Diagnoses and Procedures - Vermont Hospital 2009," The 3 <sup>rd</sup> International Multi-Conference on Complexity, Informatics and Cybernetics: IMCIC 2012, March 25 <sup>th</sup> - 28 <sup>th</sup> 2012, Proceedings Vol. 1, pp. 1-6.	ورقة عمل	٧
Alhayyan, K., Collins, R., Jones, J., Berndt, D., "Economic Culture and Prediction Markets," Journal of Systemics, Cybernetics and Informatics (JSCI), Vol. 9 - No. 6 - Dec 2011, , pp. 69-74.	ورقة عمل	٨

- يعمل مُحكِّمًا ومُراجعًا للعديد من الأعمال العلمية والإدارية داخل المملكة العربية السعودية، كجامعة الملك سعود، ووزارة الإعلام، ومعهد الإدارة العامة، وهيئة الخبراء عجلس الوزراء، وخارج المملكة العربية السعودية، كمؤمّرات WMSCI وIREPS.
  - تصميم الحقائب التدريبية في معهد الإدارة العامة في مجال تقنية المعلومات.
- رئيس لجنة إعداد الخطة الإستراتيجية لتقنية المعلومات في معهد الإدارة العامة في عام ١٤٣٦/١٤٣٥هـ والتي عند تنفيذها إلى عام ١٤٤٠هـ
- منسق فريق (١٤٣٧/١٤٣٦ هـ)، ، في إعداد معايير اعتماد نشاط الاستشارات في معهد
   الإدارة العامة بالتنسيق مع الهيئة الوطنية للتقويم والاعتماد الأكاديمي في وزارة التعليم.
- مبرمج ومحلل تطبيقات برمجية في وزارة الدفاع والطيران والمفتشية العامة خلال الفترة من ١٩٩٠ إلى ١٩٩٧م، وكمبرمج ومحلل تطبيقات برمجية متعاون في دارة الملك عبدالعزيز عام ١٩٩٨م، وكمبرمج ومحلل تطبيقات برمجية متعاون في الاتحاد السعودي للفروسية عام ١٩٩٣م.

## مراجع الترجمة في سطور

#### الدكتور صالح بن محمد السليم

#### المؤهل العلمي:

 حاصل على درجة الدكتوراه من جامعة واين ستيت بولاية ميشيغان، الولايات المتحدة الأمريكية، عام ٢٠٠١م في مجال علوم الحاسب (الذكاء الصناعي).

#### العمل الحالى:

أستاذ مشارك في كلية علوم الحاسب والمعلومات، جامعة الملك سعود.

#### الأنشطة العلمية والعملية:

شغل العديد من المناصب منها القبول والتسجيل في جامعة شقراء، وشغل أيضاً منصب عميد تقنية المعلومات والتعليم الإلكتروني في جامعة شقراء كان يعمل سابقاً رئيساً لقسم تقنية المعلومات في الجامعة العربية المفتوحة، وقبل ذلك كان يعمل رئيساً لقسم تقنية الحاسب وعضو هيئة التدريس في الكلية التقنية بالرياض.

الاهتمامات البحثية تشمل التالي: الحساب التطويري، تصنيف النصوص، نئم تخطيط موارد المؤسسات، إدارة إجراءات الأعمال، التعليم الإلكتروني، والبرمجيات مفتوحة المصدر

حقوق الطبع والنشر محفوظة لمعهد الإدارة العامة ولا يجوز اقتباس جزء من هذا الكتاب أو إعادة طبعه بأية صورة دون موافقة كتابية من المعهد إلا في حالات الاقتباس القصير

بغرض النقد والتحليل، مع وجوب ذكر المصدر.



تصميم وإخراج وطباعة الإدارة العامة للطباعة والنشر بمعهد الإدارة العامة - ١٤٣٧ هـ



#### هذا الكتاب

"يقدم هذا الكتاب تغطية شاملة لأهم الموضوعات في مجال استكشاف البيانات. ويستطيع القارئ الحصول على نظرة شاملة في استكشاف البيانات بما في ذلك المفاهيم الأساسية، والمسائل المهمة في هذا المجال، والكيفية التي يتم بها معالجة هذه المسائل. يتم تقديم الكتاب بطريقة تمكن القارئ، الذي ليس لديه خلفية معرفية كافية في استكشاف البيانات، من الفهم بيسر وسهولة. كما يُمكن للقارئ الاطلاع على العديد من الأشكال الرسومية والأمثلة البديهة في هذا الكتاب. وأجدُ نفسي مولعاً بهذه الأشكال والأمثلة لأنها تجعل من المفاهيم والخوارزميات الأكثر تعقيداً أكثر سهولةً للفهم."

- زهينق زهاو (Zheng Zhao)، معهد ساس (SAS)، كاري، كارولاينا الشمالية، الولايات المتحدة الأمريكية

"يغطي هذا الكتاب بشكل كبير كل خوار زميات استكشاف البيانات الأساسية. كما أنه يغطي العديد من الموضوعات المفيدة والتي لا يتم التطرق لها في الكتب الأخرى الخاصة باستكشاف البيانات، مثل موضوعات مخططات التحكم أحادية المتغير ومخططات التحكم متعددة المتغيرات وتحليل المويجة. ويتميز الكتاب بتوظيفه لأمثلة مفصلة توضح الاستخدام العملي لخوارزميات استكشاف البيانات. كما يستعرض الكتاب قائمة من الحزم البرمجية الملائمة لتطبيق معظم الخوارزميات التي تم تغطيتها في الكتاب. ويُعتبر هذا التوظيف للأمثلة والحزم البرمجية مفيداً إلى حد كبير لمارسي استكشاف البيانات. أوصى بقراءة هذا الكتاب لأي فرد مهتم باستكشاف البيانات."

- جببينق بي (Jieping Ye)، جامعة أريزونا الحكومية، تيمبي، أريزونا، الولايات المتحدة الأمريكية

تُتيح التقنيات الحديثة جمع كميات هائلة من البيانات في العديد من المجالات. وبالرغم من ذلك فإن السرعة في اكتشاف معلومات ومعرفة مفيدة من هذه البيانات أقل بكثير من السرعة في جمع تلك البيانات. يستعرض كتاب، استكشاف البيانات: نظريات وخوارزميات وأمثلة، ويشرح مجموعة شاملة من خوارزميات استكشاف البيانات. كما يستعرض الكتاب التبريرات النظرية والتفاصيل الإجرائية لخوارزميات استكشاف البيانات، بما في ذلك تلك الخوارزميات الشائعة في الدراسات العلمية السابقة وتلك الخوارزميات نات الصعوبة الكبيرة في الفهم، باستخدام عدة مجموعات من البيانات الصغيرة لشرح وتتبع خطوات تنفيذ كل خوارزمية.

